গণিত

দাখিল ষষ্ঠ শ্ৰেণি





জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড, বাংলাদেশ

জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড কর্তৃক ২০১৩ শিক্ষাবর্ষ থেকে দাখিল ষষ্ঠ শ্রেণির পাঠ্যপুস্তকরূপে নির্ধারিত

গণিত দাখিল ষষ্ঠ শ্ৰেণি

২০২৫ শিক্ষাবর্ষের জন্য পরিমার্জিভ

জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুস্তক বোর্ড

৬৯–৭০, মতিঝিল বাণিজ্ঞািক এলাকা, ঢাকা–১০০০ কর্তৃক প্রকাশিত

[প্রকাশক কর্তৃক সর্বস্বত্ব সর্বেক্ষিত]

প্রথম সংস্করণ রচনা ও সম্পাদনা

ভ, মোঃ আবদুল মভিন
ভ, আঞ্ব ছামাদ
সালেই মভিন
ভ, অমল হালদার
ভ, অমলা চন্দ্র মঙল
শেব কুতুবউন্দিন
হামিদা বানু বেগম
এ,কে,এম, শহীদুল্লাই
মো, লাইজাহান সিরাজ

প্রথম প্রকাশ : সেন্টেম্বর ২০১২

পরিমার্জিত সংকরণ : সেন্টেম্বর ২০১৪ পরিমার্জিত সংকরণ : অস্টোবর ২০২৪

গণপ্রজাতন্ত্রী বাংলাদেশ সরকার কর্তৃক বিনামূল্যে বিভরণের জন্য

প্ৰসঙ্গ কথা

বর্তমানে প্রাতিষ্ঠানিক শিক্ষার উপযোগ বহুমাত্রিক। তথু জ্ঞান পরিবেশন নয়, দক্ষ মানবসম্পদ গড়ে তোলার মাধ্যমে সমৃদ্ধ জাতিগঠন এই শিক্ষার মূল উদ্দেশ্য। একই সাথে মানবিক ও বিজ্ঞানমনন্ধ সমাজগঠন নিশ্চিত করার প্রধান অবলম্বনও প্রাতিষ্ঠানিক শিক্ষা। বর্তমান বিজ্ঞান ও প্রযুক্তিনির্ভর বিশ্বে জাতি হিসেবে মাধ্য তুলে দাঁড়াতে হলে আমাদের মানসম্বত শিক্ষা নিশ্চিত করা প্রয়োজন। এর পাশাপালি শিক্ষাধীদের দেশপ্রেম, মূল্যবোধ ও নৈতিকতার শক্তিতে উজ্জীবিত করে তোলাও জক্ষার।

শিক্ষা জাতির মেরুপণ্ড আর প্রাতিষ্ঠানিক শিক্ষার প্রাণ শিক্ষাক্রম। আর শিক্ষাক্রম বাস্করায়নের সবচেয়ে গুরুত্বপূর্ণ উপকরণ হলো পাঠ্যবই। জাতীয় শিক্ষানীতি ২০১০-এর উদ্দেশ্যসমূহ সামনে রেখে গৃহীত হয়েছে একটি শক্ষ্যান্তিসারী শিক্ষাক্রম। এর আলোকে জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুদ্ধক বোর্ড (এনসিটিবি) মানসম্পন্ন পাঠ্যপুদ্ধক প্রণয়ন, মুদুণ ও বিতরণের কাজটি নিষ্ঠার সাথে করে যাছেছে। সময়ের চাহিদা ও বান্তবতার আলোকে শিক্ষাক্রম, পাঠাপুদ্ধক ও মুদ্যায়নপদ্ধতির পরিবর্তন, পরিমার্জন ও পরিশোধনের কাজটিও এই প্রতিষ্ঠান করে থাকে।

বাংলাদেশের শিক্ষার ভরবিন্যাসে মাধ্যমিক ভরটি বিশেষ ওক্তত্বপূর্ণ। বইটি এই ভবের শিক্ষার্থীদের বয়স, মানসপ্রবর্ণতা ও কৌতৃহলের সাথে সংগতিপূর্ণ এবং একইসাথে শিক্ষাক্রমের শক্ষা ও উদ্দেশ্য অর্জনের সহায়ক। বিষয়জ্ঞানে সমৃদ্ধ শিক্ষক ও বিশেষজ্ঞগণ বইটি রচনা ও সম্পাদনা করেছেন। আশা করি বইটি বিষয়ভিত্তিক জ্ঞান পরিবেশনের পাশাপাশি শিক্ষার্থীদের মনন ও সৃজনের বিকাশে বিশেষ ভূমিকা রাখবে।

জ্ঞান-বিজ্ঞানের বিকাশে গণিতের ভূমিকা অতীব ওরুত্বপূর্ণ। পাশাপাশি ব্যক্তিগত জীবন থেকে শুরু করে পারিবারিক ও সামাজিক জীবনে গণিতের প্রয়োগ বর্তমান সময়ে অনেক বেড়েছে। এই সব বিষয় বিবেচনায় রেখে মাধ্যমিক পর্যায়ে মন্ত্র প্রেণির গণিত পাঠ্যপুস্করুটি সহজ্ঞ ও সুন্দরভাবে উপশ্লাপন করা হয়েছে এবং বেশ কিছু নতুন বিষয় এতে অন্তর্জক করা হয়েছে।

পাঠ্যবই যাতে জবরদন্ধিমূলক ও ক্লান্তিকর অনুষঙ্গ না হয়ে উঠে বরং আনন্দাশ্রয়ী হয়ে ওঠে, বইটি রচনার সময় সেনিকে সতর্ক দৃষ্টি রাখা হয়েছে। সর্বশেষ তথা-উপান্ত সহযোগে বিষয়বন্ধ উপদ্বাপন করা হয়েছে। চেটা করা হয়েছে বইটিকে যথাসম্ভব দূর্বোথাতামূক ও সাবলীল ভাষায় লিখতে। ২০২৪ সালের পরিবর্তিত পরিস্থিতিতে প্রোজনের নিরিখে পাঠ্যপুক্তকসমূহ পরিমার্জন করা হয়েছে। এক্লেত্রে ২০১২ সালের শিক্ষাক্রম অনুযায়ী প্রণীত পাঠ্যপুদ্ধকের সর্বশেষ সংক্রমণকে ভিত্তি হিসেবে প্রহণ করা হয়েছে। বানানের ক্লেত্রে বাংলা একাডেমির প্রমিত বানানিরীতি অনুস্ত হয়েছে। যথায়থ সতর্কতা অকলমনের পরেও তথা-উপান্ত ও ভাষাগত কিছু ভূলক্রটি থেকে যাওয়া অসম্ভব নয়। পরবর্তী সংকরণে বইটিকে ষথাসম্ভব ক্রটিমুক্ত করার আন্তরিক প্রয়াস থাকবে। এই বইয়ের মানোরয়নে যে কোনো ধরনের যৌক্তিক পরামর্শ কৃতক্ততার সাথে গৃহীত হবে।

পরিশেষে বইটি রচনা , সম্পাদনা ও অলংকরণে যাঁরা অবদান রেখেছেন ভাঁদের সবার প্রতি কৃতজ্ঞতা জানাই।

অক্টোবর ২০২৪

প্রকেসর ড, এ কে এম রিয়াজুল হাসান

চেয়ারম্যান জাতীয় শিক্ষাক্রম ও পাঠ্যপুত্তক বোর্ড, বাংলাদেশ

সৃচিপত্র

অধ্যায়	শিবোনাম	পৃষ্ঠা
প্রথম	শাভাবিক সংখ্যা ও ভগ্নাংশ	٥
বি তীয়	অনুপাত ও শতকরা	95
ভৃতীয়	পূ र्व সং ख्या	63
চতুৰ্থ	বীজগণিতীয় রাশি	৭৬
शंसम	সরল সমীকরণ	be
ব ঠ	জ্যামিতির মৌলিক ধারণা	\$06
শুরুষ	ব্যাবহারিক জ্যামিতি	258
অষ্ট্ৰম	তথ্য ও উপাত্ত	১৩৭
	উত্তরমাশা	300

প্রথম অধ্যায় স্বাভাবিক সংখ্যা ও ভগ্নাংশ

প্রাচীন মানুষ বিভিন্ন বস্তু বা জিনিস গলনা করতে শিয়ে প্রথম সংখ্যার ধারলা পেয়েছিল। প্রথমদিকে কম সংখ্যক বস্তু গুনতে হতো। কিন্তু সভ্যতার বিকাশের সাথে সাথে বেলি সংখ্যক জিনিস হিসাবের প্রয়োজন দেখা দেয়। সেখান থেকেই নানারকম প্রতীক ও পদ্ধতির মাধ্যমে মানুষ গণনার আরো সহস্ত ও কার্যকর উপায় খুঁজে বের করে। যেহেতু এই সংখ্যাগুলো গণনার প্রয়োজনে সৃষ্টি হয়েছিল তাই এদেরকে গণনাকারী বা রাভাবিক সংখ্যা (Natural Number) কলা হয়। যেমন। ১, ২, ৩, ৪, ৫, ৬, ৭, ৮, ... ইত্যাদি।

প্রাচীনকালে মানুষ বিভিন্ন বস্তু বা জিনিস গণনা করতে গিয়ে যেসব সংখ্যা সৃষ্টি করেছিল তাদেরকে গণনাকারী বা শাভাবিক বা প্রাকৃতিক সংখ্যা কলা হয়। থেমন: ১,২,৩,৪,৫,৬,৭,৮,... ইত্যাদি।

অধ্যায় শেবে শিক্ষার্থীরা –

- 🕨 অঙ্কপাতনের মাধ্যমে রাজাবিক সংখ্যা গঠন করতে পারবে।
- 🤛 দেশীয় ও আন্তর্জাতিক রীভিতে অন্ধপাতন করে স্বাভাবিক সংখ্যা পড়তে বা দিখতে পারবে।
- ≽ মৌলিক সংখ্যা, যৌগিক সংখ্যা ও সহ-মৌলিক সংখ্যা চিহ্নিত করতে পারবে।
- 🝃 বিভাজাতা ব্যাখ্যা করতে পারবে।
- ২.৩.৪.৫.৯ দারা বিভাজ্যতা गাচাই করতে পারবে।
- 🤛 দ্বাভাবিক সংখ্যা, ভগ্নাংশ ও দশমিক ভগ্নাংশের গ.সা.৩ ও ল.সা.৩ নির্ণয় করতে পারবে।
- 🤛 ভগ্নাংশ ও দশমিক ভগ্নাংশের সরক্ষীকরণ করে গাণিতিক সমস্যার সমাধান করতে পারবে।

১-১ অন্ধপাতন

পাটিগণিতে দশটি প্রতীক দারা সব সংখ্যাই প্রকাশ করা যায় । এ প্রতীকগুলো হলো : ১, ২, ৩, ৪, ৫, ৬, ৭, ৮, ৯, ০। এগুলোকে অন্তও বলা হয়। আবার এগুলো সংখ্যাও। শূন্য ব্যতীত বাকি সংখ্যাওলো স্বাভাবিক সংখ্যা। এদের মধ্যে প্রথম নয়টি প্রতীককে সার্থক অন্ধ এবং শেষেরটিকে শূন্য বলা হয়। সংখ্যাগুলোর স্কীয় বা নিজস্ব মান যথাক্রমে এক, দুই, তিন, চার, পাঁচ, ছয়, সাত, আট, নয় ও শূন্য।

৯ অপেক্ষা বড় সব সংখ্যাই দুই বা ততোধিক অন্ধ পাশাপাশি বসিয়ে লেখা হয়। কোনো সংখ্যা অন্ধ দারা লেখাকে অন্ধপাতন বলে। অন্ধপাতনে দশটি প্রতীকই ব্যবহার করা হয়। দশ-ভিত্তিক বলে সংখ্যা প্রকাশের রীতিকে দশমিক বা দশ-গুণোন্তর রীতি বলা হয়। এ রীতিতে কয়েকটি অন্ধ পাশাপাশি বসিয়ে সংখ্যা লিখলে এর সর্বাপেক্ষা ভানদিকের অন্ধটি তার স্থকীয় মান প্রকাশ করে। ভানদিক

থেকে দ্বিতীয় অন্ধটি এর স্বকীয় মানের দশগুণ অর্থাৎ তত দশক প্রকাশ করে। তৃতীয় অন্ধটি এর দ্বিতীয় স্থানের মানের দশগুণ বা স্বকীয় মানের শতগুণ অর্থাৎ, তত শতক প্রকাশ করে। এরূপে কোনো অন্ধ এক এক স্থান করে বামদিকে সরে গেলে তার মান উত্তরোত্তর দশগুণ করে বৃদ্ধি পায়। লক্ষ করি যে, কোনো সংখ্যায় ব্যবহৃত অন্ধগুলোর মান তার অবস্থানের উপর নির্ভর করে। সংখ্যায় ব্যবহৃত কোনো অন্ধ তার অবস্থানের জন্য যে সংখ্যা প্রকাশ করে, তাকে ঐ অন্ধের স্থানীয় মান বলা হয়। যেমন, ৩৩৩ সংখ্যাটির সর্বভানের ৩ এর স্থানীয় মান ৩, ভানদিক থেকে দ্বিতীয় ও তৃতীয় স্থানে ৩ এর স্থানীয় মান যথাক্রমে ৩০, ৩০০। তাহলে দেখা যাচেছ, একই অন্ধের স্থান পরিবর্তনের ফলে স্থানীয় মানের পরিবর্তন হয়। কিন্তু তার নিজস্ব বা স্বকীয় মান একই থাকে।

অর্থাৎ, ৩৩৩ = ৩ × ১০০ + ৩ × ১০ + ৩

১-২ দেশীয় সংখ্যাপঠন রীতি

আমরা পূর্ববর্তী শ্রেণিতে দেশীয় রীতি অনুযায়ী গণনা করতে শিখেছি। এ রীতিতে সংখ্যার ডানদিক থেকে প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় স্থান যথাক্রমে একক, দশক ও শতক প্রকাশ করে। চতুর্থ, পঞ্চম, ষষ্ঠ, সন্তম ও অষ্টম স্থানকে যথাক্রমে হাজার, অযুত, লক্ষ, নিযুত, কোটি বলা হয়।

	काश्रह		হাজার				
কোটি	নিযুক্ত	লক	অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
অষ্টম	সপ্তম	यष्ठं	প্রথম	চতুর্থ	তৃতীয়	দিতীয়	প্রথম

এককের ঘরের অঞ্চলো কথায় লেখা বা পড়া হয় এক, দুই, তিন, চার ইত্যাদি। কিছু দুই আজের সংখ্যাগুলোর বিশেষ বিশেষ নাম রয়েছে। যেমন, ২৫, ৩৮, ৭১ পড়া হয় মথাক্রমে পঁচিশ, আটিব্রিশ, একান্তর। শতকের ঘরের ১, ২, ৩ ইত্যাদি অল্পণাকে মথাক্রমে একশ, দুইশ, তিনশ ইত্যাদি পড়া হয়। হাজারের ঘরের অল্পণোকে শতকের ঘরের মতো পড়তে হয়। যেমন, পাঁচ হাজার, সাত হাজার ইত্যাদি। অযুতের ঘরের অল্পকে অযুত হিসেবে পড়া হয় না। অযুত ও হাজারের ঘর মিলিয়ে যত হাজার হয় তত হাজার পড়া হয়। যেমন, অযুতের ঘরে ও এবং হাজারের ঘরে ৫ থাকলে দুই ঘরের অল্প মিলিয়ে পঁচান্তর হাজার পড়তে হয়।

নিযুত ও লক্ষের ঘর মিলিয়ে যত লক্ষ হয় তত লক্ষ হিসেবে পড়া হয়। যেমন, নিযুতের ঘরে ৮ এবং লক্ষের ঘরে ৩ থাকলে দৃই ঘরের অঙ্ক মিলিয়ে তিরাশি লক্ষ পড়া হয়। কোটির ঘরের অঙ্ককে কোটি বলে পড়া হয়।

কোটির ঘরের বামদিকের সব ঘরের অঙ্কগুলোকে কোটির ঘরের সাথে মিলিয়ে যত কোটি হয় তত কোটি পড়া হয় ।

চার বা ততোধিক অঙ্কে লিখিত সংখ্যা সহজে ও শুদ্ধভাবে পড়ার জন্য কমা (,) ব্যবহার করা যায়। এ ক্ষেত্রে, যেকোনো সংখ্যার ভানদিক থেকে তিন অঙ্ক পরে একটি কমা এবং এরপর দুই অঙ্ক পর পর কমা বাবহার করা যায়।

উদাহরণ ১। কমা বসিয়ে কথায় লেখ : ৯৮৭৫৪৭৩২১।

সমাধান: সংখ্যাটির ভান দিক থেকে তিন খর পরে কমা (,); এরপর দুই ঘর পর পর কমা (,) বসালে আমরা পাই, ৯৮,৭৫,৪৭,৩২১।

এখন কোটির ঘরের দুইটি অন্ধ মিলিয়ে ৯৮, নিযুত ও লক্ষের ঘরের দুইটি অন্ধ মিলিয়ে ৭৫, অযুত ও হাজারের ঘরের দুইটি অন্ধ মিলিয়ে ৪৭, শতকের ঘরে ৩, দশকের ঘরে ২ এবং এককের ঘরে ১ অবস্থিত। সূতরাং সংখ্যাটিকে কথারা প্রকাশ করলে হয় : আটানব্বই কোটি পঁচান্তর লক্ষ্যাতচল্লিশ হাজার তিনশ একুশ।

উদাহরণ ২। অঙ্কে লেখ: সাত কোটি পাঁচ লক্ষ নকাই হাজার সাত।

সমাধান: কোটি নিযুত লক্ষ অযুত হাজার শতক দশক একক ৭ ০ ৫ ৯ ০ ০ ০ ৭

কথায় প্রকাশিত সংখ্যাটি অঙ্কপাতনের পর দেখা যায় যে, নিযুত, শতক এবং দশকের ঘরে কোনো অঙ্ক নাই।এ খালি ঘরগুলোতে ০ বসিয়ে সংখ্যাটি পাওয়া যায়।

ं, अश्याि १,०१, ५०,००१।

উদাহরণ ৩। সাত অন্তের বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম সংখ্যা লেখ।

সমাধান : এক অন্তের বৃহত্তম সংখ্যা ৯। অঙ্কপাতনের যেকোনো অবস্থানে ৯ এর স্থানীয় মান বৃহত্তম হবে। সূতরাং, সাতটি ৯ পর পর লিখলেই সাত অন্তের বৃহত্তম সংখ্যা পাওয়া যায়।

নির্পেয় বৃহত্তম সংখ্যা : ১৯,১৯,১৯১

আবার, ক্দুত্তম অঙ্ক থলো ০।পর পর সাতটি শূন্য লিখনে সংখ্যাটি শূন্যই থাকে। সূতরাং, সর্ববামে সার্থক ক্ষুত্তম অঙ্ক ১ লিখে ভানে পর পর ছয়টি ০ বসালে ক্ষুত্তম সংখ্যা পাওয়া যাবে।

নির্পেয় কুদুতম সংখ্যা ১০,০০,০০০

উদাহরণ ৪। একই অন্ধ মাত্র একবার ব্যবহার করে ৮, ০, ৭, ৫, ৩, ৪ অভগুলো দ্বারা ছয় অভের বৃহত্তম ও কুদ্রতম সংখ্যা গঠন কর।

সমাধান: অঞ্চপাতনে যেকোনো অবস্থানে বৃহত্তর অভের স্থানীয় মান ক্ষুদ্রতর অভের স্থানীয় মান অপেকা বড় হবে।

এখানে, ৮ > ৭ > ৫ > ৪ > ৩ > ০

সূতরাং, বড় থেকে ছোট ক্রমে অঙ্কপাতন করলেই বৃহস্তম সংখ্যাটি পাওয়া যাবে।

:. বৃহত্তম সংখ্যা ৮,৭৫,৪৩০। আবার, ০< ৩< ৪< ৫< ৭<৮

সংখ্যাটি ছোট থেকে বড় ক্রমে অঙ্কপাতন করলেই ক্ষুদ্রতম সংখ্যাটি পাওয়া যাবে। কিন্তু সর্ববামে ০ বসালে প্রাপ্ত সংখ্যাটি অর্থবোধক ছয় অঙ্কের সংখ্যা না হয়ে সংখ্যাটি পাঁচ অঙ্কের হবে। অতএব, ০ বাদে কুদ্রতম অন্ধটি সর্ববামে লিখে শূন্যসহ অন্যান্য অন্ধণ্ডলো ছোট খেকে বড় ক্রমে লিখলে কুদ্রতম সংখ্যাটি পাওয়া যায়।

়, কুদুত্য সংখ্যা ৩,০৪,৫৭৮।

১-৩ আন্তর্জাতিক গণনা পদ্ধতি

এ পদ্ধতিতে একক থেকে বিশিয়ন পর্যস্ত স্থানগুলো নিচের নিয়মে পর পর এভাবে সাজানো হয় :

বিলিয়ন	মিলিয়ন	হাজার	শতক	দশ্ক	একক
222	222	222	2	2	2

একক, দশক ও শতকের ঘরের অভগুলো আমাদের দেশীয় রীতিতেই পড়া ও কথায় প্রকাশ করা হয়। শতকের ঘরের বামদিকের ঘরটি হাজারের। হাজারের ঘরে অনুর্ধ্ব ৩ অঙ্কবিশিষ্ট সংখ্যা লেখা যায় এবং যে সংখ্যা লেখা হয় তত হাজার পড়া হয়। যেমন, উপরে প্রদত্ত ছকে হাজারের ঘরে লিখিত সংখ্যাটি একশ এগারো এবং গড়তে হয়, একশ এগারো হাজার। হাজারের ঘরের বামদিকের ঘর মিলিয়নের এবং এ ঘরে অনুধর্ব তিন অঙ্কবিশিষ্ট সংখ্যা লেখা যায়। যে সংখ্যা লেখা হয় তত মিলিয়ন পড়া হয়। যেমন, ছকে লিখিত সংখ্যা হলো : একশ এগারো এবং পড়তে হয়, একশ এগারো মিলিয়ন। মিলিয়নের ঘরের বামের ঘর বিলিয়নের। যে সংখ্যা লেখা হয় তত বিলিয়ন পড়া হয়। যেমন, ছকে লিখিত সংখ্যা হল একশ এগারো এবং পড়তে হয়, একশ এগারো বিলিয়ন।

ধ্য। যেশণ, বজা জার ও সহজে পড়ার জন্য যে রীতিতে ডানদিক থেকে তিন অঙ্ক পর পর ক্যা (,) ভু

১-৪ দেশীয় ও আন্তর্জাতিক গণনা রীতির পারস্পরিক সম্পর্ক

	কোটি	নিযুত	व्यक	অযুত	হাজার	শতক	দশক	একক
বিলিয়ন	মিলিয়ন	r		হাজার		শতক	দশক	একক
222	222			222		2	2	3

লক্ষ করি: * মিলিয়নের ঘরে সর্বভানের ১ এর স্থানীয় মান ১ মিলিয়ন। দেশীয় রীতিতে এ ঘরটি হলো নিযুতের ঘর। অর্থাৎ, এ ঘরে ১ এর স্থানীয় মান ১ নিযুত বা ১০ লক্ষ।

বিলিয়নের ঘরের সর্বভানের ১ এর স্থানীয় মান ১ বিলিয়ন । কিন্তু দেশীয় রীতিতে এ

ঘরের ১ এর স্থানীয় মান ১০০ কোটি ।

সূতরাং আমরা পাই,

১ মিলিয়ন = ১০ লক

১ বিলিয়ন = ১০০ কোটি

উদাহরণ ৫। আন্তর্জাতিক পদ্ধতিতে কখায় লেখ : ২০৪৩৪০৪৩২০০৪।

সমাধান : ডানদিক থেকে তিন জন্ধ পর পর কমা বসিয়ে আমরা পাই, ২০৪,৩৪০,৪৩২,০০৪। সূতরাং সংখ্যাটিকে কথায় প্রকাশ করলে হয় :

দুইশ চার বিলিয়ন তিনশ চল্লিশ মিলিয়ন চারশ বত্রিশ হাজার চার।

উদাহরণ ৬। (ক) ৫ মিলিয়নে কত লক ?

(খ) ৫০০ কোটিতে কত বিলিয়ন ?

সমাধান। (ক) ১ মিলিয়ন = ১০ লক

∴ ৫ মিলিয়ন = (৫ × ১০) লক = ৫০ লক।

(খ) ১০০ কোটি = ১ বিলিয়ন

. ১ কোট = (১ ± ১০০) বিলিয়ন

∴ ৫০০ কোটি = (৫০০ ÷ ১০০) বিলিয়ন = ৫ বিলিয়ন

ञनूनीननी ১-১

- নিচের সংখ্যাগুলো অত্তে লেখ :
 - (ক) বিশ হাজার সত্তর, ত্রিশ হাজার আট, পঞ্চার হাজার চারশ
 - (খ) চার লক্ষ পাঁচ হাজার, সাত লক্ষ দুই হাজার পঁচাত্তর
 - (গ) ছিয়ান্তর লক্ষ নয় হাজার সত্তর, ত্রিশ লক্ষ নয়শ চার
 - (ঘ) পাঁচ কোটি ভিন লক দুই হাজার সাত :
 - (৬) আটানকাই কোটি সাত লক্ষ পাঁচ হাজার নয়
 - (চ) একশ দৃই কোটি পাঁচ হাজার সতেশ আট 👚
 - (ছ) নয়শ পঞ্চার কোটি সাত লক নববই।
 - (জ) তিন হাজার পাঁচশ কোটি পঁচাশি লক্ষ নয়শ একুশ
 - (ঝ) পঞ্জাশ বিলিয়ন তিলশ এক মিলিয়ন পাঁচশ আটক্রিশ হজের
- ২ নিচের সংখ্যাগুলো কথায় লেখ :
 - (**क**) ৪৫৭৮৯ ; ৪১০০৭ : ৮৯১০৭১ ।
 - (খ) ২০০০৭৮ : ৭৯০৬৭৮ : ৮৯০০৭৫ **।**
 - (গ) B8009৮৫ : ৬৮৭0৫০à : ৭১০৫০৭০।
 - (प) १८२०००६ ; ১৫०२१४०३ (४)
- ৩ নিচের সংখ্যাপ্রলোতে যে সকল সার্থক অন্ধ আছে আদের স্থানীয় মান নির্ণয় কর .
 - কৈ প্র (খ) ৩৫৯ (গ) ৪২০৩ (খ) ৭০৮০৯ (উ) ১৩০০৪৫০৭৮ (ট) ২৫০০০৯৭০৯
 - 8000よくのよりからく (本) よいなせかりののく(な) かなせりののののよか(す)
- ৪। নয় অধ্বের বৃহত্তম ও কুদ্রতম সংখ্যা লেখ।
- ৫। একই অন্ধ মাত্র একবার ব্যবহার করে সাত অন্ধের বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম সংখ্যা গঠন কর :
 - (ক) ৪, ৫, ১, ২, ৮, ৯, ৩ (খ) ৪, ০, ৫, ৩, ৯, ৮, ৭।
- ৬ সাত অন্ধ বিশিষ্ট কোন বৃহত্তম ও ক্ষুদুতম সংখ্যার প্রথমে ৭ এবং শেষে ৬ আছে ?
- ৭ ৭৩৪৫৫ এর অস্কণ্ডলোকে বিপরীতভাবে সাজালে যে সংখ্যা হয় তা ৰুধায় প্রকাশ কর

১.৫ মৌলিক ও যৌগিক সংখ্যা

নিচে কয়েকটি সংখ্যার গুণনীয়ক লেখা হলো

সংখ্যা	গুণনীয়ক
3	٥, ২
Œ	٥, ٥
70	2, 20

লক্ষ করি . ২.৫ ও ১৩ এর গুণনীয়ক কেবল ১ এবং ঐ সংখ্যাতি । এই ধরনের সংখ্যাগুল্যে মৌলিক সংখ্যা

সংখ্যা	ভণনীয়ক
5	3, 2, 0, 6
a la	5, 0, 5
25	3, 2, 0, 8, 6, 32

আবার, ৬, ৯ এবং ১২ এর গুণলীয়ক ১ এবং ঐ সংখ্যা ছাড়াও এক বা একাধিক সংখ্যা আছে। এই ধরনের সংখ্যাগুলো যৌগিক সংখ্যা।

১-७ नर्पोलिक नश्याः

৮ এবং ১৫ দুইটি স্বান্তাবিক সংখ্যা। এখানে, ৮ = ১ × ২ × ২ × ২ এবং ১৫ = ১ × ৩ × ৫

দক্ষ করি, ৮ এর গুণীনয়কগুলো ১, ২, ৪, ৮ এবং ১৫ এর গুণনীয়কগুলো ১, ৩, ৫, ১৫ দেখা যাঙেই, ৮ এবং ১৫ এর মধ্যে ১ ছাড়া অন্য কোনো সাধারণ গুণনীয়ক নেই তাই, ৮ এবং ১৫ সংখ্যাদ্যা প্রস্পুর সহযৌশিক।

আবার ১০, ২১ ও ১৪৩ এর মধ্যে ১ ছাড়া আন্য কোনো সাধারণ তদনীয়ক নেই। অতএব, সংখ্যাত্তলো পরস্পর সহ্যৌলিক।

দুই বা ততোধিক সংখ্যার সাধারণ গুণনীয়ক তথু ১ হলে সংখ্যাগুলো পরস্পর সহমৌলিক।

কাক:

- দূই অন্ধর্বশিষ্ট ১০টি মৌলিক সংখ্যা লেখ।
- ২ ১০১ থেকে ১৫০ পর্যন্ত সংখ্যান্তলোর মৌলিক সংখ্যা নির্ণয় কর
- ত. নিচের জ্যেড়া সংখ্যাগুলোব কোনগুলো সহযৌলিক নির্ণয় কর ব
 ক) ১৬, ২৮ (খ) ২৭, ৩৮ (গ) ৩১, ৪৩ (ছ) ২১০, ১৪৩

১-৭ বিভাঞ্যতা

২ দারা বিভাজ্য

২ এর কয়েকটি গুণিতক লিখে পাই,

২×০ – ০, ২×১ – ২, ২×২ – ৪, ২×৩ – ৬, ২×৪ – ৮, ২×৫ – ১০, ২×৬ – ১২, ২×৭ – ১৪, ২×৮ – ১৬, ২×৯ – ১৮ ইত্যাদি

গুণফলের প্রক্রিয়া লক্ষ করি যেকোনো সংখ্যাকে ২ ছারা গুণ করলে গুণফলের একক স্থানীয় অঙ্কটি হবে ০,২,৪,৬ বা ৮ সুতরাং কোনো সংখ্যার একক স্থানীয় অঙ্ক ০,২,৪,৬ বা ৮ হলে, সংখ্যাটি ২ ছারা বিভাজা হবে এরূপ সংখ্যাকে আমরা জ্যোড় সংখ্যা বলে জানি

কোনো সংখ্যার একক স্থানীয় অন্ধটি পূন্য (০) অথবা জ্বোড় সংখ্যা হলে, প্রদন্ত সংখ্যাটি ২ দারা বিভাল্য হবে -

৪ দারা বিভাল্য

৩৫১২ কে স্থানীয় মানে লিখলে হয় :

5 + 06 + 000 + 0000 = 5690

এখানে, ১০, ৪ দারা বিজ্ঞালা নয় কিন্তু দশকের রামদিকের যেকোনো সঙ্কের স্থানীয় মান ৪ দারা বিজ্ঞালা আবার, ৩৫১২ = ৩০০০ + ৫০০ + ১২

এখানে, ১২, ৪ খারা বিভাজ্য সূতরাং ৩৫১২ সংখ্যাটি ৪ খার। বিভাজ্য অর্থাৎ একক ও দশক স্থানীয় অস্ক দুইটি খারা গঠিত সংখ্যাটি ৪ খারা বিভাজ্য হওয়ায় সংখ্যাটি ৪ খারা বিভাজ্য

কোনো সংখ্যার একক ও দশক স্থানের অন্ধ দুইটি দারা পঠিত সংখ্যা ৪ দারা বিভাজ্য হলে, ঐ সংখ্যাটি ৪ দারা বিভাজ্য হবে।

আবার, একক ও দশক উভয় স্থানের অঙ্ক ০ হলে, সংখ্যাটি ৪ দ্বারা বিভান্ধ্য হবে ।

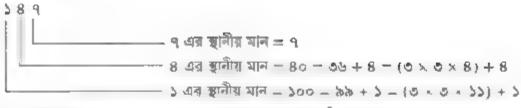
৫ ঘারা বিভাজ্য

৫ এর কয়েকটি গুণিতক লিখি।

৫×০=০, ৫×১=৫, ৫×২=১০, ৫×৩=১৫, ৫×৪=২০, ৫×৫-২৫, ৫×৬-৩০, ৫・৭-৩৫, ৫・৮-৪০, ৫×৯-৪৫ ইত্যাদি গুপফলের প্রক্রিয়া লক্ষ করে দেখি যে, কোনো সংখ্যাকে ৫ দিয়ে গুণ করলে গুণফলের একক স্থানীয় অন্ধটি হবে ০ বা ৫ সুভরাং একক স্থানে ০ বা ৫ অন্ধয়ক্ত সংখ্যা ৫ দারা বিভাল্য হবে

কোনো সংখ্যার একক স্থানীয় অন্ধ ০ বা ৫ হলে, সংখ্যাটি ৫ ছাত্রা বিভান্ধা হবে।

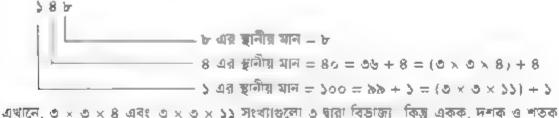
ও দারা বিভাজ্য



এখানে, ৩ \times ৩ \times ৪ এবং ৩ \times ৩ \times ১১ সংখ্যাওলো ৩ দ্বে বিভাজ্য এবং একক, দশক ও শতক স্থানীয়ে আছেওলোর যোগফল = ১ + ৪ + ৭ = ১২ , য। ৩ দ্বো বিভাজ্য

. ১৪৭ সংখ্যাটি ৩ দারা বিভাজা ।

আবার, ১৪৮ সংখ্যাটি বিবেচনা করি।



স্থানীয় অন্তর্গুলোর যোগফল — ১ + ৪ + ৮ = ১৩ : যা ৩ দ্বরা বিভাজ্য নয়

় ১৪৮ সংখ্যাটি ৩ বারা বিভাজ্য নয়।

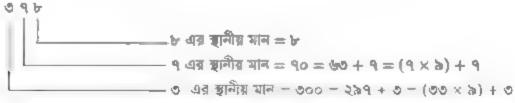
কোনো সংখ্যার অভ্যলোর যোগফল ৩ ছারা বিভাজ্য হলে, ঐ সংখ্যাটি ৩ ছারা বিভাজ্য হবে।

৬ দারা বিভাজ্য

কোনো সংখ্যা ২ এবং ৬ দ্বারা বিভাজা হলে সংখ্যাটি ৬ দ্বারাও বিভাজা হবে

৯ দারা বিভাজ্য

৩৭৮ সংখ্যাটি বিবেচনা করি।



এখানে, ৭ x ৯ ও ৩৩ x ৯ প্রত্যাকে ৯ দাবা বিভাজ্য এবং একক, দশক ও শতক স্থানীয় অভগুলোর যোগজন _ ৩ + ৭ + ৮ _ ১৮, যা ৯ দাবা বিভাজ্য কলে, ৩৭৮ সংখ্যাটি ৯ দাবা বিভাজ্য

কোনো সংখ্যার অভগুলোর যোগফল ১ দারা বিভাল্য হলে, প্রদন্ত সংখ্যাতি ১ দারা বিভাল্য হবে।

কাজ:

১ তিন বা চার বা পাঁচ মন্কবিশিষ্ট ৩ ৪ ৯ দারা বিভাজন সংখ্যা লিখ ,

धर्मा नः-३, शपिछ-५क्षे

- (ক) জাওয়াদের লেখা সংখ্যাওলো থেকে মৌলিক সংখ্যাওলো আলাদা করে সংখ্যাওলোর মৌলিক সংখ্যা হওয়ার কারণ লিখ
- (খ) দেখাওয়ে জাওয়াদের লেখা অঙ্কগুলো দ্বারা গঠিত বৃহত্তম ও কুদ্রতম সংখ্যার বিয়োগফল ৯ ধারা বিভাজন (গ) — চিহ্নিত স্থানে কোন কোন অঙ্ক বসবে তা নির্ময় কর? সমাধান :
- (ক) জাওয়াদের লেখা অয়ওলো হলো: ২, ০, ৩, ৮, ৭ ও ৪ এদের মধ্যে মৌলক সংখ্যা ২, ৩, ৭ কারণ, ২=১ X ২, ৩=১ X ৩, ৭=১ X ৭, অর্থাৎ, ২, ৩, ৭ এর গুননীয়৵ ১ এবং ঐ সংখ্যাটি ,
- (খ) জাওয়াদের দেখা অভগুলো হলো: ২,০,৩,৮,৭৬৪
 এখানে,৮>৭>৪>৩>২>০
 অতএব, ২,০,৩,৮,৭৬৪এর দারা গঠিত বৃহত্তম সংখ্যাটি,৮৭৪৩২০
 এবং কুদুতম সংখ্যা= ২০৩৪৭৮
 এখন, গঠিত বৃহত্তম ও কুদুতম সংখ্যার
 বিয়োগফল = ৮৭৪৩২০-২০৩৪৭৮ = ৬৭০৮৪২
 আবার, ৬৭০৮৪২ সংখ্যাটির অভগুলোর যোহফল
 = ৬+৭+০+৮+৪+২ ২৭, যা ৯ দারা বিভাল্য

সুকরাং গঠিত বৃহত্তম ও কুদ্রুকম সংখ্যার বিয়োগফল ৯ দারা বিভাজ্য (দেখানো হলো)

(গ) ৪৭৫, ২ এ ব্যবহৃত অন্ধর্যলোর যোগফল = ৪+৭+৫+২ = ১৮: যা ও দারা বিভাজ্য
অতএব এর স্থানে ০ বসালে সংখ্যাটি ও দারা বিভাজ্য হবে।
অন্ধর্যলো যোগফলের সাথে ও যোগ করলে হয়, ১৮+৩=২১: যা ও দারা বিভাজ্য
অতএব এর স্থলে ও বসালে গঠিত সংখ্যা ও দারা বিভাজ্য।
একই ভাবে, ১৮+৬ = ২৪: যা ও দারা বিভাজ্য।

১৮+৯= ২৭; বা ৩ ৰারা বিভাজ্য

সতুরাং এর স্থানে ৬ ও ৯ এর যে কোনটি বসালেও গঠিত সংখ্যা ৩ দ্বারা বিভাজ্য হবে অতএব ুএর স্থানে ০, ৩, ৬, ৯ অঙ্কগুলোর যে কোনোটি বসালে প্রতিক্ষেত্রে গঠিত সংখ্যা ৩ দ্বারা বিভাজ্য হবে।

खन्नीननी ১-২

- ১। ৩০ থেকে ৭০ এর মধ্যে মৌলিক সংখ্যাওলো লেখ
- মহমৌলিক জ্ঞাজা নির্পয় কর:
 (ক) ২৭, ৫৪ (ব) ৬৩, ৯১ (গ) ১৮৯, ২১০ (ঘ) ৫২, ৯৭

- নিচের কোন সংখ্যাওলো নির্দেশিত সংখ্যা দিয়ে নিঃশেষে বিভাজ্য?
 (ক) ৩ দিয়ে ৫৪৫, ৬৭৭৪, ৮৫৩৫ (খ) ৪ দিয়ে ৮৫৪২, ২১৮৪, ৫২৭৪
 (গ) ৬ দিয়ে ২১৮৪, ১০৭৪, ৭৮৩২ (ঘ) ৯ দিয়ে : ৫০৭৫, ১৭৩৭, ২১৯৩
- 8 নিচের ☐ চিহ্নিত ছানে কোন কেন কর বসালে সংখ্যাটি ৯ ছারা বিস্তান্ত্র্য হবে?
 (ক) ৫ ☐ ৪৭২০ (খ) ৮১২ ☐ ৭৪ (গ) ☐ ৪১৫৭৮ (ঘ) ৫৭৪২ ☐
- ৫ পাঁচ অন্ধের ক্ষুদ্রতম সংখ্যা নির্ণয় কর যা ৩ ছারা বিভাজ্য
- ৬। সাত অঙ্কের বৃহত্তম সংখ্যা নির্ণয় কর যা ৬ দ্বারা বিভাজ্য
- ৭ ৩.০.৫.২.৭ অভগুলো দারা গঠিত বৃহত্তম সংখ্যা ৪ এবং ৫ দারা বিভাজা কিনা তা নির্ণয় কর

১-৮ গরিষ্ঠ সাধারণ গুণনীয়ক (গ.সা.গু.)

আমর। জানি, ১২ এর গুণনীয়কগুলো ১, ২, ৩, ৪, ৬ এবং ১২ এবং ৩০ এর গুণনীয়কগুলো ১, ২, ৩, ৫, ৬, ১০, ১৫ এবং ৩০ এখানে, ১২ এবং ৩০ এর সাধারণ গুণনীয়কগুলো ১, ২, ৩ এবং ৬ সাধারণ গুণনীয়কগুলোর মধ্যে গাঁরষ্ঠ গুণনীয়ক ৬

. ১২ এবং ৩০ এর গ,সা,ও, ৬

প্রদান্ত সংখ্যাওলোর সাধারণ ওপনীয়কওলোর মধ্যে সবচেয়ে বড় ওপনীয়ককে ঐ সংখ্যাওলোর গরিষ্ঠ সাধারণ ওপনীয়ক (প.সা.৩.) বলে।

আবাৰ, আমরা জানি, ১২ এর মৌলিক গণনীয়কগুলো ২, ২, ৩ এবং ৩০ এর মৌলিক গণনীয়কগুলো ২, ৩, ৫

ু ১২ এবং ৩০ এর সাধারণ মৌলিক গুণনীয়কগুলো ২, ৩

১২ এবং ৩০ এর গ,সা.৩. = ২ × ৩ = ৬

প্রদেশু সংখ্যাওলোর গ,সা,ও, হচ্ছে এদের সাধারণ মৌলিক ওপনীয়কওলোর ওপফল

উদাহরণ ১ ত্রণনীয়ক এবং মৌলিক গুণনীয়কের সাহায়ে ২৮, ৪৮ এবং ৭২ এর গ্সা ও, নির্ণয় কর

সমাধান : ওণনীয়কের সাহায়ের গ্সাত্ নির্দয়

এখানে, ২৮ এর তগনীয়কতলো ১, ২, ৪, ৭ ১৪, ২৮

৪৮ এর ভণনীয়কগুলো ১, ২, ৩, ৪, ৬, ৮, ১২, ১৬, ২৪, ৪৮ ৭২ এর অণনীয়কগুলো ১, ২, ৩, ৪, ৬, ৮, ৯, ১২, ১৮, ২৪, ৩৬, ৭২

২৮, ৪৮ এবং ৭২ এর সাধারণ ভূণনীয়কভলোর মধ্যে গরিষ্ঠ ভূণনীয়কটি ৪

২৮, ৪৮ এবং ৭২ এর গ সা ও, ৪

মৌলিক গুণনীয়কের সাহারো গু,সা,গু, নির্ণর :

এখানে, ২৮ এর মৌলিক গুণনীয়কগুলো ২, ২, ৭

৪৮ এর মৌলিক গুণনীয়কগুলো ২, ২, ২, ২, ৩

এবং ৭২ এর মৌলিক গুণনীয়কগুলো ২, ২ ২, ৩, ৩

৬ ২৮, ৪৮ এবং ৭২ এর সাধারণ মৌলিক গুণনীয়কভলো ২, ২

. ২৮, ৪৮ এবং ৭২ এর প.সা.ভ, = ২ x ২ = ৪

ভাগ প্রক্রিয়ায় গ,সা.ভ. নির্ণয় :

উদাহরণ ২। ১২ ও ৩০ এর গ সা ও, নির্ণত।

সমাধান: এখানে, ১২) ৩০ (২

28

6) >2 (2

25

0

শেষ ভাজক ৬

১২ ও ৩০ এর গ্সা.ও. ৬।

উদাহরণ ৩। ২৮, ৪৮ এবং ৭২ এর ল সাভ নির্বয়

সমাধান :

আবার

এখানে, শেষ ভাজক ৪, যা ২৮ ও ৪৮ এর গ,সা ৩, এবং ৪ দারা ৭২ বিভাজা ২৮, ৪৮ ও ৭২ এর গ,সা,ও, ৪।

काम :

চার আছের ক্ষুদ্রতম সংখ্যা ও তিন আছের বৃহত্তম সংখ্যা দেখ যাদের প্রত্যেকর একক ম্রের আছ ৮ হবে সংখ্যা দুইটির ক সাত্ত মৌলিক ভূগনীয়ক ও ভাগ প্রক্রিয়ায় নিগত্ত কর

১-৯ লঘিষ্ঠ সাধারণ তণিতক (ল.সা.ত.)

আমরা জানি, ৪ এর গুণিতকগুলো ৪.৮.১২.১৬.২০. 2৪]. ২৮,৩২.৩৬.৪০.৪৪. ৪৮ ইত্যাদি
৬ এর গুণিতকগুলো ৬,১২.১৮.২৪.৩০.৩৬,৪২,৪৮]. ৫৪ ইত্যাদি
এবং ৮ এর গুণিতকগুলো ৮.১৬.২৪.৩২.৪০. ৪৮.৫৬,৬৪ ইত্যাদি
দেখা যাচেছ,৪,৬৬৮ এর সাধারণ গুণিতক ২৪.৪৮ ইত্যাদি, এর মধ্যে সবচেয়ে ছোট গুণিতক ২৪

.. ৪, ৬ ৩ ৮ এর ল.সা.৩ ২৪

দুই বা ততোধিক সংখ্যার ক্ষুদ্রতম সাধারণ গুলিতককে তাদের লখিষ্ঠ সাধারণ গুলিতক (ল.সা.গু.) বলে। আবার ৪. ৬, ৮ সংখ্যাগুলোকে মৌলিক গুণনীয়কে বিশ্লেষণ করলে পাওয়া যায় : 8 - 2 × 2, 5 - 2 × 3, b = 2 × 2 × 2

এখানে, ৪, ৬, ৮ সংখ্যাওলোর মৌলিক ওণনীয়কে ২ আছে সর্বোচ্চ ৩ বার, ৩ আছে সর্বোচ্চ ১ বার কাজেই ২ তিনবার, ৩ একবার নিয়ে ধারাবাহিক ওপ করলে পাওয়া যায়, ২x২x২x৩ বা ২৪, যা প্রদত্ত সংখ্যাওলোর লুসা ও ।

ইউকিডীয় প্রক্রিয়ায় ল সা ক, নির্ণয় :

উদাহরণ ৪ । ১২, ১৮, ২০, ১০৫ এর ল,সা ভ, নির্বয় সমাধান :

নির্দের ল,সা,গু, = ২ x ২ x ৩ x ৫ x ৩ x ৭ = ১২৬০

প্রদান উদাহরণ থেকে নিয়মটি লক্ষ করি :

- 🎤 সংখ্যাগুলোর মধ্যে (.) চিক্ল দিয়ে তাদেরকে এক সারিতে লিখে নিচে একটি রেখা 🥡 টানা হয়েছে
- 🛩 প্রদত্ত সংখ্যাওলোর কমপক্ষে দইটিকে সাধারণ মৌলিক গুণনীয়ক দ্বরা ভাগ করা হয়েছে গুণনীয়কটি দারা যে সংখ্যাগুলো নিঃশেষে বিভাজা ভালের ভাগফলও এর সঙ্গে নিচে লেখা আছে . যেওলো বিভাজা নয় সেওলো অপরিবর্তিত রেখে লেখা হয়েছে :
- নিচের সারির সংখ্যাগুলো নিয়ে আগের নিয়মে কাজ করা হয়েছে
- 🛩 এরাপে ভাগ করতে করতে সবার নিচের সারির সংখ্যাত্তলো যখন পরস্পার সহযৌগিক হয়েছে তখন আর ভাগ করা হয়নি।
- 🎤 সবার নিচের সারির সংখ্যাগুলো ও ভাজকণ্ডলোর ধারাবাহিক গুণফলই নির্দেয় লুসা গু,

১-১০ গু.সা.গু. ও ল.সা.গু. এর মধ্যে সম্পর্ক

যেকোনো দুইটি সংখ্যা ১০ এবং ৩০ নিয়ে মৌলিক গুণনীয়কগুলো নিৰ্ণয় কবা হলো :

30 = 3 × 0, 50 = 3 × 5 × 0

১০ এবং ৩০ এর গ্,সা গু, = ২ x ৫ = ১০

এবং ল সা ক. = ২ x ৩ x ৫ = ৩০

আবার, ১০ এবং ৩০ সংখ্যাছয়ের তণফল = ১০ × ৩০ = (২×৫) × (২×৩×৫) = 키.ਸi.형. × 키.ਸi.형.

দুইটি সংখ্যার গুণফল সংখ্যা দুইটির গ্সা গু, ও ল,সা গু, এর গুণফলের সমান

্র্টি সংখ্যার ভণজন = সংখ্যাবয়ের গ.সা.ভ. × সংখ্যাবয়ের ল.সা.ভ.

```
কাক্ত :
```

দুই অন্ধ বিশিষ্ট দুইটি বা তিনটি সংখ্যার গু সা ও অথবা ল সা ও দুত নির্ণয়ের কুইজ প্রতিযোগিতা কর

উদাহরণ ৫। মৌলিক গুণনীয়কের সাহায়ো ৩০, ৩৬, ৪০ এর ল সা শু নির্ণয় কর সমাধানঃ এখানে, ৩০ = ২ × ৩ × ৫

🗅 ৩০ এর মৌলিক গুণনীয়কগুলো ২, ৩, ৫

35-2×2×3×3

৩৬ এর মৌলিক গুলনীয়কভলো ২, ২, ৩, ৩

এ秋 80 - シェシァシェル

. ৪০ এর মৌলিক গুণনীয়কগুলো ২, ২, ২, ৫

৩০, ৩৬, ৪০ এর ল সাত, = ২ · ২ × ২ × ৩ < ৩ · ৫ = ৩৬০

निर्देश न.जा.स. ७५०

উদাহরণ ৬ তাগ প্রক্রিয়ায় ৪২, ৪৮ ও ৫৬ এর গ সা গু, নির্ণয় কর

উদাহরণ ৭। কোন বৃহত্তম সংখ্যা ছারা ৩৬৫ ও ৪৬৩ কে ভাগ করলে ভাগশেষ মথাক্রমে ৫ ও ৭ থাকে? সমাধান: মেহেতু বৃহত্তম সংখ্যা ছারা ৩৬৫ ও ৪৬৩ কে ভাগ করলে ভাগশেষ মথাক্রমে ৫ ও ৭ থাকে কাজেই নির্পেয় সংখ্যাটি হবে (৩৬৫ - ৫) বা ৩৬০ এবং (৪৬৩ - ৭) বা ৪৫৬ এর গ সা ও ।

া ৩৬০ ও ৪৫৬ এর গ্রান্ড, ২৪। নির্ণের বহন্তম সংখ্যাটি ২৪। উদাহরণ ৮ ৷ কোন বৃহত্তম সংখ্যা ছারা ৫৭. ৯৩ এবং ১৮৩ কে ভাগ করলে কোনো ভাগদের থাকবে না ৫ সমাধান : নির্ণেয় বৃহত্তম সংখ্যাটি হবে ৫৭ ৯৩ ও ১৮৩ এর গ সা ভ

৫৭, ৯৩ ও ১৮৩ এর গ,সা,ও, ৩।

নির্দেয় বৃহত্তম সংখ্যাটি ৩।

উদাহরদ ১। কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যার সাথে ৫ যোগ করলে যোগফল ১৬, ২৪ ও ৩২ দিয়ে নিঃশেষে বিভাজা হবে ?

সমাধান: নির্ণেয় ফুদ্রতম সংখ্যাটি হবে ১৬, ২৪ ও ৩২ এর ল,সা.ও থেকে ৫ কম :

2 25, 28, 02

2 6. 52. 55

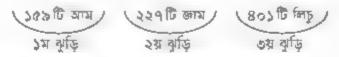
₹ B. 5. 8

ર ર, ૭, ૭

3, 0, 3

১৬, ২৪ ও ৩২ এর ল সা ও — ২ × ২ × ২ + ২ × ৩ × ২ — ৯৬ নির্ণেয় কুদ্রতম সংখ্যাটি (৯৬ — ৫) বা ৯১।

উদাহরন । ১০



- (ক) ১৫৯ এর গুণনীয়ক গুলো নির্ময় করে মৌলিক গুণনীয়কগুলো আলাদা কর
- খা মদি ৯ টি আম, ৭ টি জাম, ১ টি লিচু পচে যায় তবে অবশিষ্ট ফলের সংখ্যার স সা,ও
 ইউক্রিডীয় লক্ষতিতে নির্পয় কর।
- (গ) সর্বাধিক কত জন বালকের মধ্যে ফলগুলো সমান ভাবে ভাগ করে দিলে ৩টি আম, ৬ টি জাম ও ১১ টি লিচু অবশিষ্ট থাকবে?

সমাধান

2020

(全) 269 = 2 X 269

= 3 X CO

১৫৯ এর গুণনীয়কগুলো হলো ১, ৩, ৫৩ ও ১৫৯ এদের মধ্যে মৌলিক গুণনীয়ক ও এবং ৫৩।

(খ) ১ম ঝুড়িতে ভালো আমের সংখ্যা – ১৫৯ ৯ – ১৫০ ২য় ঝুড়িতে ভালো জামের সংখ্যা – ২২৭-৭ – ২২০ ৩য় ঝুড়িতে ভালো লিচুর সংখ্যা – ৪০১-১ ≏ ৪০০ এখন

.. ১৫০, ২২০ ও ৪০০ এর ল সা ৩ — ২ X ২ X ৫ X ৫ X ১ X 8 X ১১ — ১৩২০০

(গ) এখানে,

নির্দেয় বালকের সংখ্যা হবে ১৫৬, ২২১ ও ৩৯০ এর গ সা ভ

এখন

আবার

অতএব ১৫৬, ২২১ ৬ ৩৯০ এর গ সা ও =১৩ সূতরাং নির্দেয় বালকের সংখ্যা ১৩,

বিকল্প পদ্ধতি

<u> ১০ বিংস</u> বত্ৰৰ ১৫৯ = ২×২×০×১০

অতএৰ ২২১ = ১৩X১৭

মতএব ৩৯০ -- ২X৩X৫X১৩ মতএব ১৫৬, ২২১ ও ৩৯০ এর সাধারণ মৌলিক গুণনীয়ক = ১৩ অতএব নির্দেশ্য বালকের সংখ্যাটি ১৩।

অনুশীলনী ১-৩

- ১ মৌলিক ত্রণনীয়কের সাহায্যে গ সা ভ, নির্ণয় কর -
 - (ক) ১৪৪, ২৪০, ৬১২ (ব) ৫২৫, ৪৯৫, ৫৭০ (গ) ২৬৬৬, ৯৬৯৯
- ২। ভাগ প্রক্রিয়ার প্সা.ভ. নির্ণয় কর :
 - (ক) ১০৫, ১৬৫ (খ) ও৮৫, ২৮৬, ৪১৮

- মৌলিক গুণনীয়কের সাহাত্য্য ল সা গু. নির্ণয় কর
 (ক) ১৫, ২৫, ৩০ (ব) ২২, ৮৮, ১৩২, ১৯৮ (গ) ২৪, ৩৬, ৫৪, ৭২, ৯৬
- ৪। ইউক্লিডীয় পদ্ধতিতে শ্সা.গু. নির্ণন্ন কর : (ক) ৯৬, ১২০ (খ) ৩৫, ৪৯, ৯১ (গ) ৩৩, ৫৫ ৬০, ৮০, ৯০
- কোন বৃহত্তম সংখ্যা হারা ১০০ ও ১৮৪ কে ভাগ করলে প্রত্যেকবার ভাগশেষ ৪ থাকবে ?
- ৬ কোন বৃহত্তম সংখ্যা দ্বারা ২৭, ৪০ ও ৬৫ কে ভাগ করলে যথাক্রমে ৩, ৪,৫ ভাগশেষ থাকবে ?
- ৭ কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যাকে ৮, ১২, ১৮ এবং ২৪ ছারা ভাগ করলে প্রত্যেকবার ভাগশেষ ৫ হবে ?
- ৮ কোন কুদ্রতম সংখাকে ২০, ২৫, ৩০, ৩৬ এবং ৪৮ দিয়ে ভাগ করলে যথাক্রমে ১৫, ২০, ২৫, ৩১ ও ৪৩ ভাগশের থাকরে ?
- ৯ একটি লোহার পাত ও একটি ভাষার পাতের দৈর্ঘ্য বধাক্রমে ৬৭২ সে.মি. ও ৯৬০ সে মি. পাত দৃইটি থেকে কেটে নেওয়া একই মাপের সবচেয়ে বড় টুকরার দৈর্ঘ্য কত হবে ? প্রত্যেক পাতের টুকরার সংখ্যা নির্পয় কর ।
- ২০। চার অঙ্কের কোন ক্ষুদ্রতম সংখ্যা ১২, ১৫, ২০ ও ৩৫ ছারা নিঃশেষে বিভাজা 🔻
- ১১ পাঁচ অল্লের কোন বৃহত্তম সংখ্যাকে ১৬, ২৪, ৩০ ও ৩৬ দিয়ে ভাগ করলে প্রত্যেকবার ভাগশেষ ১০ হবে?
- ১২ কোনো বাসস্ট্যান্ড থেকে ৪টি বাস একটি নির্দিষ্ট সময় পর যথাক্রমে ১০ কি মি , ২০ কি মি , ২৪ কি মি ও ৩২ কি মি, পথ অভিক্রম করে। কমপক্ষে কত দ্র পথ অভিক্রম করার পর বাস চারটি একত্রে মিলিভ হবে ?
- ১৩ : সুইটি সংখ্যার গুণফল ৩৩৮০ এবং গ্সা্ঞ ১৩ সংখ্যা দুইটির ল্সা্ঞ নির্ণয় কর

ভগ্নাংশ

১-১১ সাধারণ ভন্নাংশ

পূর্বের শ্রেণিতে আমরা ভগ্নাংশ সমস্কে জেনেছি এখানে আমরা সাধারণ ভগ্নাংশ নিয়ে আলোচনা করব সাধারণ ভগ্নাংশ তিন প্রকার, যথা প্রকৃত ভগ্নাংশ, অপ্রকৃত ভগ্নাংশ ও মিশ্র ভগ্নাংশ প্ৰাকৃত ভগ্নাংশ : ত একটি সাধারণ ভগ্নাংশ ৷ এই ভগ্নাংশে লব ৩ ও হর ৫ এখানে লব, হর থাকে ৫ ছোটি। এটি একটি প্ৰাকৃত ভগ্নাংশ।

অপ্রকৃত ভগ্নাংশ: টি সাধারণ ভগ্নংশে লব, হর থেকে বড়। এটি একটি অপ্রকৃত ভগ্নাংশ ,

মিশ্র ভগ্নাংশ : ১ বংখ্যাটিতে একটি পূর্ণ সংশ এবং সপর সংশটি প্রকৃত ভগ্নাংশে আছে । ১ ব একটি মিশ্র ভগ্নাংশ ।

সমতুল ভগ্নাংশ: ^৫ ও ^{১৫} দুইটি ভগ্নাংশ।

এখানে, প্রথম ভগ্নাংশের লব × ছিতীয় ভগ্নাংশের হর = ৫ × ২১ = ১০৫

প্রথম ভগ্নাংশের হর x বিভীয় ভগ্নাংশের লব 🗕 ৭ x ১৫ 🗕 ১০৫

্ ভগ্নাংশ দুইটি সমতুল।

কোনো ভগ্নাংশের লব ও হতকে শূন্য ছাড়া একই সংখ্যা দিয়ে গুণ বা ভাগ করলে প্রদন্ত ভগ্নাংশের সমত্ব ভগ্নাংশ পাওয়া বার।

উদাহরণ 🕽 । ২ ু কে সাধারণ ভগ্নাংশে প্রকাশ কর

অৰ্থাৎ, ২
$$\frac{2}{a} = \frac{2 \times a + 2}{a}$$

$$= \frac{32}{a}$$

वुराचार

মিশ্র ভগ্নাংশকে সাধারণ ভগ্নাংশে রূপান্তর

১-১২ ভগ্নাংশের তুলনা

[©] ও ^ত দুইটি সাধারণ ভগ্নাংশ। ৭ ৪

এখানে, প্রথম ভগ্নাংশের লব ও ছিতীয় ভগ্নাংশের হর এর গুলফল 🗕 ৫ 🗴 ৪ 🗕 ২০ ছিতীয় ভগ্নাংশের লব ও প্রথম ভগ্নাংশের হর এর ওপফল 🕳 ৩ 🗸 ৭ 🚍 ২১

যেহেতু ২০<২১, কাজেই $\frac{e}{a} < \frac{a}{a}$ বা $\frac{a}{b} > \frac{c}{a}$

অবের, ডগ্লাংশ দুইটির হর ৭ ও ৪ এর ল,সা,ড, =৭ 🗴 ৪ = ২৮ 👚

প্রথম জন্নাংশ $\frac{e}{q} = \frac{e \times e}{q \times e} = \frac{2e}{2e}$ [বেছেতু ২৮ + q = e]

এবং দ্বিতীয় ভুলাংশ ত তংগ ২১ (যেহেভূ ২৮ ÷ ৪ = ৭)

^{২০} ও ^{২১} ভগ্নাংশ দুইটির হর একই অর্থাৎ সমহর বিশিষ্ট। কিন্তু প্রথম ভগ্নাংশের লব ২০ দিঠীয়

ভগ্নাংশের লব ২১ অপেক্ষা ছোট।

দুইটি ভগ্নাংশের হর একই হলে যে ভগ্নাংশের লব বড় সেই ভগ্নাংশটি বড়।

পুনরায়, 🧂 ও 🌣 ভগ্নাংশ দুইটির কব ৫ ও ও এর ল সা ভ. 😑 ৫× ৩ 😑 ১৫

১৫ 😸 ^{১৫} ভগ্নাংশ দুইটির লব একই অর্থাৎ সমলব বিশিষ্ট 22 30

এখানে ^{১৫} < ^{১৫} , কেলনা ১৫ × ২০ < ১৫ × ২১ ২১ ২০

দুইটি ভগ্নাংশের লব একই হলে যে ভগ্নাংশের হর বড় সেই ভগ্নাংশটি ছোট।

১ ৩ ৭ ভগ্নংশহলেকে মানের উধর্বক্রম অনুসারে সাজাও ৮ ১৬ ২৪

সমাধান : প্রদত্ত ভগুংশিওলোর হর ৮, ১৬ ৬ ২৪ এর ল সা ও 😑 ৪৮

প্রথম ভগ্নাংশ — ১ ১×৬ ৬ সেহেতু ৪৮÷৮—৬]

১৯২৯ ৪৮ (থেহেডু৪৮ - ১৯ – ৩] দিতীয় ভগ্নাংশ _ ৩ ০১৩ ১৬ ১৬×৩

কাজ:
১। ৫ ৭ ১১ ও ১ ভগ্নাংশভলোকে মানের অধঃক্রম অনুসারে সাজিয়ে লেখ।
৮ ১২ ১৬ ২৪

১-১৩ ভগ্নাংশের যোগ ও বিয়োগ

$$\frac{9}{30}$$
, $\frac{2}{30}$ ভগ্নাংশ দুইটি বোগ করে পাই,
 $\frac{9}{30}$ + $\frac{2}{30}$ = $\frac{9+2}{30}$ = $\frac{3}{30}$

সমহরবিশিষ্ট করেকটি ভগ্নাংশের যোগফল একটি ভগ্নাংশ যার হর প্রদন্ত ভগ্নাংশের হর এবং যার লব প্রদন্ত ভগ্নাংশের লবগুলোর যোগফল

সমহরবিশিষ্ট ভগ্নাংশের বিরোগকল একটি ভগ্নাংশ যার হর প্রদন্ত ভগ্নাংশের হর এবং যার লব প্রদন্ত ভগ্নাংশের লবগুলোর বিরোগকল।

সমাধান: ভগ্নাংশকলোর হর ৮, ১৬ ও ২৪ এর ল সা ও ৪৮

নিৰ্বেয় যোগফল ^{২৯} ৪৮

সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে ভল্নাংশের যোগফল :

ভগ্নাংশকলোর হর ৮. ১৮. ২৪ এর ল,সা.ভ. ৪৮

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{29} + \frac{4}{28} - \frac{3 \times 3 + 3 \times 3 + 3 \times 3}{3 \times 4 \times 3 + 3 \times 3} - \frac{3 \times 3 + 3 \times 3}{3 \times 4 \times 3} - \frac{3 \times 3}{3 \times 4} - \frac{3 \times 3}{3$$

নিৰ্দেশ্ব যোগফল ২৯

উদাহরণ ৪ । ২ ত + ১ <u>৫</u> = কভ ?

সমাধান:
$$2\frac{5}{20} + 3\frac{6}{20} = 2 + \frac{9}{20} + 3 + \frac{6}{20} = (2+3) + \left(\frac{9}{20} + \frac{2}{20}\right)$$

 $2 + \frac{9 \times 2 + 6 \times 3}{20} = 9 + \frac{9+6}{20} = 9 + \frac{33}{20} = 9\frac{33}{20}$

নির্ণের যোগফল ৩ ^{১১} ১৬

বিকল্প পদ্ধতিতে ভগ্নাংশের যোগফল -

নিৰ্বেয় যোগফল 🔞 🞾

উদাহরণ ৫। সরল কর: ২+১২ - ৩

সমাধান :
$$2+3\frac{2}{9} - \frac{9}{8} = 2+\frac{9}{9} - \frac{9}{8}$$

$$= \frac{28+20-3}{22} = \frac{88-3}{22} = \frac{92}{22} = \frac{32}{22}$$

निर्दर्गत्र मान : २ <u>>></u>

কাজ:

নির্ণেয় ঘোণফল ২৭ মি, ৩ $\frac{b}{a}$ সে, মি,

উদাহরণ ৭। কোনো বাভি ২^১ কিলোমিটার পথ হেঁটে ৩^৫ কিলোমিটার পথ রিব্রায় এবং ১ ১ ১ কিলোমিটার পথ বাসে গেলেন তিনি মোট কত পথ অতিক্রম করলেন ?

সমাধান : ঐ ব্যক্তি মোট পথ অতিক্রম কর্লেন

जनुनीलनी 5-8

১ নিচের ভল্লাংশ যুগল সমাতল কিনা নির্ধারণ কর .

২ নিচের ভগ্নাংশগুলোকে সমহর বিশিষ্ট ভগ্নাংশে প্রকাশ কর

নিচের ভগ্নাংশগুলোকে মানের উধর্বক্রম অনুসারে সাজাও :

৪ ৷ নিচের ভগ্নাংশগুলোকে মানের অধঃক্রম অনুসারে সাজাও :

৫। যোগ কর:

্ঘ) ৭০ মিটার ৯ ৭ সেন্টিমিটার +৮০ মিটাৰ ১৭ ঁ সেন্টিমিটার +৪০ মিটার ২৭ ^ক সেন্টিমিটার

৬। বিয়োগ কর:

$$(7) \frac{5}{9} - \frac{5}{9} (4) = \frac{8}{9} - 9 \frac{50}{9} (9) \approx -3 \frac{50}{9}$$

৭ | সরল কর :

- ৬ আলমাইন সাহেব তার লমি থেকে বছরে ২০ ুকুইন্টাল আমন, ৩০ ুকুইন্টাল ইরি এবং ১০ ২০ ২০ কুইন্টাল আউশ ধান পেলেন তিনি তার লমি থেকে এক বছরে কত কুইন্টাল ধান পেয়েছেন ?
- ৯ ২৫ মিটার লখা একটি বালের ৫ ⁸ মিটার কালো, ৭ মিটার লাল এবং ৪ ⁸ মিটার হলুদ ২৫ ৪ ১০ রং করা হলো বালটির কভ সংশারং করা বাকি রইল ?
- ১০ আমিলা তার মা ও ভাইয়ের নিকট থেকে যথাক্রমে ১০৫ ⁹ প্রাম ও ৯৮ ^৩ প্রাম ঝর্গ পেল ১০ ৫ তার বাবার নিকট থেকে কত পেলে একরে ৪০০ গ্রাম ঝর্ণ হবে ?
- ১১ জাবিদ অতিক্রান্ত মোট পথের ১০ অংশ রিক্সায়, १ অংশ সাইকেলে. १ অংশ হেঁটে এবং অবশিষ্ট ২ কিলোমিটার পথ ঘোড়ার গাড়িতে গেল রিক্সায় এবং সাইকেলে প্রতি কিলোমিটার পথ থেতে পড়ে ৫ মিনিট সময় লাপে।
 - (ক) ১০ ৫ ও ৫ কে মানের উধর্মকাম সাজাও
 - (খ) অতিক্রান্ত মোট পথের দূরতু নির্নয় কর।
 - (গ) জাবিদ রিক্সায় এবং সাইকেলে মোট কত সময় ব্যয় করে?

১-১৪ ভগাংশের ভণ

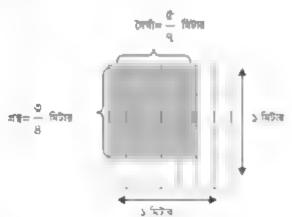
छग्रास्मदक मूर्ग जस्था मिरत ७१ :

৭ কে ৩ দিয়ে গুণ অর্থ ৭ কে ৩ বার যোগ করা। তেমনি ^৫ > ৩ এর অর্থ ^৫ কে ৩ বার ১৩ ১৩

আর্থাৎ
$$\frac{1}{20} \times 0 = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$
লাক করি: $\frac{1}{20} \times 0 = \frac{1}{20} + \frac{1}{20} = \frac{1}{20}$

ভগ্নাংশ 🗸 পূর্ণ সংখ্যা 😑 ভগ্নংশের লন - পূর্ণ সংখ্যা ভগ্নাংশের তব

छक्षार्गरक छग्नारम निरम् छन :



চিত্র থেকে লব্দ করি:

- পাঢ় অংশের দৈর্ঘ্য ^৫ মিটার এবং প্রস্থ ^৩ মিটার, যার ক্ষেত্রফল (^৫ , ^৬) বর্গমিটার
- আবার গাঢ় অংশে ১৫টি আয়ভক্ষেত্র থাকায় গাঢ় অংশের ক্ষেত্রফল (১৯ বর্গমিটার ১৯

্ দুইটি ভগ্নাংশের তণফল — ভগ্নাংশ্বরের কাজন ভগ্নাংশ্বরের হরের কাফন

'এর' এর অর্থ :

অর্থাৎ ১২ এর
$$\frac{\sigma}{e} = 52 \times \frac{\sigma}{e}$$

১-১৫ ভগ্নাংশের ভাগ



উপরের চিত্রে, ক্ষেত্রটিকে ২০টি সমান ক্ষেত্রে ভাগ করা হয়েছে যার মধ্যে ১২টি ক্ষেত্র গাঢ়

ে গাঢ় ক্ষেত্রের অংশ= $\frac{32}{20}$ = $\frac{9}{6}$ অংশ।
প্রত্যেক সারিতে গাঢ় ক্ষেত্রের অংশ — ক্ষেত্রটির $\frac{9}{20}$ অংশ।
প্রত্যেক সারিতে গাঢ় ক্ষেত্রের অংশ মোট গাঢ় অংশের $\frac{3}{8}$ অংশ।
প্রত্যেক সারিতে গাঢ় অংশ — মোট গাঢ় অংশের $\frac{3}{8}$ অংশ।

= ক্ষেত্রটির $\frac{9}{6}$ অংশের $\frac{3}{8}$ অংশ।

$$=$$
 কেন্দ্রটির $\begin{pmatrix} 0 & 4 & 8 \\ 0 & 4 & 8 \end{pmatrix}$ জংশ

ফৰ্মা নং ৪, গদিত-৬৪

লক্ষ করি : ুঁকে ৪ ভাগ করা এবং ুঁকে 🚊 দ্বারা গুণ করা একই সর্থ

ু ১৪ – ১১ : এখানে ৪ এর বিপরীত ভগাংশ ১

কোনো ভগ্নাংশকে অপর একটি ভগ্নাংশ দিরে ভাগ করতে হলে প্রথম ভগ্নাংশকে বিভীয়টির বিপরীত ভগ্নাংশ দিয়ে ঋণ করতে হয়।

উদাহরণ ৩ । ৬^৫ -২[°] কত ?

সমাধান: ৩ ° ± ২ ° ৪১ ± ১৯ ৪১ ৮ ৮২ ১২৫ ১২ ৮ ১২ ৮ ১২ ১৯ ৫৭ ৫৭ কাল : ৫ ^২ এবং ১ ° শ্রমাংশ দুইটির মধ্যে যোগ, বিয়োগ, গুণ, ভাগ এবং 'এর' চিহ্ন বাবহার করে যান নির্ণয় কর

উদাহরণ 8 : কোনো ব্যক্তি তার সম্প্রির 🍃 অংশ স্থীকে, 🤰 অংশ পুত্রকে ও 🤰 অংশ মেরেকে দান করলেন তার অবশিষ্ট সম্পন্তির মূল্য ৬০,০০০ টাকা মোট সম্পত্তির মূল্য নির্ণয় কর সমাধান : ঐ ব্যক্তি স্ত্রী, পুত্র ও মেয়েকে মোট দান করেন সম্পত্তির 💍 + 💃 + 🚉 বিংশ

= ১ + ৪ + ২ অংশ = ৭ অংশ

সম্পূর্ণ সম্পত্তি ১ ধরে অবশিষ্ট গাকে [১] অংশ বা ট অংশ বা ট অংশ

প্রস্নানুসারে, সম্পত্তির 🏅 অংশের মূল্য ৬০,০০০ টাকা

· সম্পূর্ণ জংশের মূলা ৬০০০০ - ু টাকা বা ৬০০০০× ু টাকা বা ৪,৮০,০০০ টাকা (भाग सम्मिलित मृग) ८,४०,००० गिका ।

১-১৬ ভগ্নাংশের গুণনীয়ক ও গুণিতক

নিচের দুইটি ভগ্নাংশ বিবেচনা করি যাদের ভাগফল একটি পূর্ণসংখ্যা

$$\overset{8}{\circ} \overset{3}{\circ} = \overset{8}{\circ} \times \overset{3}{\circ} = \overset{4}{\circ}$$

আমরা বলি, 🍍 ভগ্নাংশটি 🏅 দিয়ে নিঃশেষে বিভাজ্য এক্ষেত্রে প্রথম ভগ্নাংশটিকে দ্বিতীয় ভগ্নাংশের ত্তণিতক এবং দ্বিতীয় ভগ্নাংশটিকে প্রথম ভগ্নাংশের ধেনীয়ক বলে। একটি ভগ্নাংশের অসংখ্য তুণনীয়ক রয়েছে ৪ ৮ ২ ভগ্নাংশক্রোর হর ৫, ১৫. ৩ এর ল সাভ ১৫ বা সাভ ১৫ এর বিপরীত ভগ্নাংশ ^১ দিয়ে ৫ ১৫ ভ ৪ ৮ ও ^২ কে পৃথকভাবে ভাগ করি ৫ ১৫ - ও

দেখা যায়, ট ভগ্নাংশটি দারা ^৪ ট উগ্নাংশতলো বিভাজ্য ১৫ ৫ ১৫ ৩

৪ <u>৮ ২</u> ভুলাংশতলোর প্রত্যেকের তণদীয়ক ১ ৫ ১৫ ত

আবার, ৪, ৮, ২ ভগুংশগুলার লব ৪,৮,২ এর গ সা ৩,২ এবং হর ৫,১৫,৩ এর ল সা ৩ ১৫

এখন, 🔫 ভগ্নংশটি দিয়ে ^৪ ৬ ৬ ^২ কে পৃথকভাবে ভাগ করে পাই. ৫ ১৫ ৩

, ্র ওগ্নাংশ ধারা প্রদান ভগ্নাংশহালো বিভাজন। ফলে ই ভগ্নাংশটিও ^{৪ ৮} ও ই এর ভণানীয়ক ১৫ ৫ ১৫ ৩

नकं कवि :

- (১) প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর লবের সাধারণ কণনীয়ক হচেচ কণনীয়ক ভগ্নাংশের লব
- (২) প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর হরের সাধারণ কণিতক হচেছ কণনীয়ক ভগ্নাংশের হর
- ্র প্রদান্ত ভ্রপ্নাংশগুলোর একটি সাধারণ গুণনীয়ক = প্রদান ভগ্নান্ত ভ্রপ্নাত্ত ব লবের একটি সাধারণ গুণনিয়ক ব্যক্ত ভ্রপ্নাত ভ্রের একটি সাধারণ গুণিতক

মন্তবা , প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর একাধিক সাধারণ ত্রণনীয়ক থাকতে পারে

১-১৭ ভগাবেশর গ.সা.ভ.

১·১৭ তম্বাংলোর বা-বা.ড. উপরের সাধারণ ওগনীয়কের আলোচনায় সামরা পাই, ৪ ৮ ২ ডগ্লাংশওলোর দুইটি সাধারণ ৫ ১৫ ৩ **তণনীয়ক**

১ এবং ২

এখানে ২ > ২ অর্থাং ^{৪ ৮ ২} স্ত্র্যাংশগুলোর সাধারণ ওপনীয়কতলোর মধ্যে ২ জ্যাংশটি ১৫ ১৫ ৫ ১৫ ৩ সবচেয়ে বড়

৪ ৮ ২ ভগ্নাংশগুলোর গরিষ্ঠ সাধারণ ভগ্নাংশ প্রদিত উল্লাংশস্তলার গাসাত — উল্লাংশস্তলার ধরের গাসাত উল্লাংশস্তলোর ধরের লাসাত

১ ° এবং ^{১৫} এর সকল সাধারণ গুণনীয়ক নির্ণয় কর।

র ২ ২ ১ , ২৬ , ৯ ভগ্নাংশভলোর গ.সা.ভ. নির্ণর কর।

উদাহরণ ৫। কোন বৃহত্তম সংখ্যা দিয়ে ^{৫ ৭} এবং ৫ ^৭ কে ভাগ করলে, প্রত্যেক ক্ষেত্রে ভাগফল পূর্বসংখ্যা হবে ?

সমাধান : নির্ণেয় সংখ্যাটি হবে ^{৫ ৭} এবং ৫ ^৭ এর দ_্সা_,ত ৩২ ৮০ ১৬

এখানে, ৫
$$\frac{9}{38} = \frac{69}{38}$$

৫ ৭ ৮৭ ৪গ্নাংশগুলোর লব ৫, ৭, ৮৭ এর গ্সা.১, ... ১ ১২ ৮০ ১৬

এবং হর ৩২, ৮০, ১৬ এর দ.সা.ভ. = ১৬০

. উপ্লংশস্কলোর প সা ও = লনগুলের প সা ও = হনগুলের প সা ও = > - > ১৬০

নির্ণের বৃহত্তম সংখ্যাটি <u>১</u>১৬০

ভগ্নাংশের সাধারণ গুলিতক :

১ ০ ৯ ডগ্নাংশগুলোর হর ৪, ১৬, ২০ এর গ সা ও, = ৪ এবং লব ১, ৩, ৯ এর ল সা ও, = ৯ ৪ ১৬ ২০ এবার, ভগ্নাংশগুলোর হরের গ সা গু.কে হর এবং শবের ল,সা,গু কে লব ধরে ^৯ ভগ্নাংশটি বিবেছনা করি .

ন ভল্লাংশটিকে মথাক্রমে 🚵 ্ ত 🍃 দিয়ে ভাগ করি

, ৯ হচ্ছে ১ ৩ ৯ এর একটি সাধারণ ভণিতক। ৪ ৪ ১৬ ২০

প্রদার ভগ্নাংশগুলোর সাধারণ ভণিতক = ত্যাংশগুলোর স্বের একটি সাধারণ গুণিতক হয়ংশগুলোর হরের একটি সাধারণ গুণনীয়ক

১-১৮ ভগ্নাংশের ল.সা.ভ.

উপরের ভগ্নাংশের সাধারণ গুণিতকে ব্যবহৃত ^{১ ৬ ৯} ভগ্নাংশগুলোর সাধারণ গুণিতক ^৯ ৪ ১৬ ২০ ৪

আবার ^৯ এর ভণিতকজ্বলা ^{১৮ ২৭ ৩৬} ইভ্যাদি ৪ ৪ ৪

কিন্তু ৯ ১৮ ২৭ ৩৬ ইত্যাদি ৪ ৪ ৪ ৪

অর্থাৎ ^{১ ৩ ৯} ভগ্নংশগুলোর গুণিতকগুলোর মধ্যে ^৯ সবচেয়ে ছোট ৪ ১৬ ২০ ∴ **প্রদন্ত ভগ্নাংশতলোর ল_সা.ভ.** = তগ্নাংশগুলোর ল্বঙলোর লু সা.ভ. = তগ্নাংশগুলোর ব্রওগ্লোর লু সা.ভ

কাজ:
১। ২ ৬ ৪ ভগ্নংশগুলোর ৫টি সাধারণ গুণিতক বের কর
ত ৭ ১৫
২ ১ ১ ৩ ১৭ ১ ভগ্নংশগুলোর ল সা,গু নির্ণয় কর।
১৪ ৭ ৭

উদাহরণ ৬। কোন কুদ্রতম সংখ্যা ৭ ২ ২২ ৬ ৫ ১৯ হারা বিভাজ্য ?

সমাধান : প্রদন্ত ভয়াংশগুলো ৭ ১ ২২ ৫ ১৯ অর্থাৎ ৩৬ ৭২ ১৪৪

নির্দেশ্য কুদ্রতম সংখ্যাতি হবে ৭ ১ ২২ এবং ৫ ১৯ এর ল সা ও

হয়ংশগুলোর লব ৩৬, ৭২, ১৪৪ এর ল সা ও

হয়ংশগুলোর হর ৫, ২৫, ২৫ এর গ্লাল ও — ১৪৪

ভয়াংশগুলোর হর ৫, ২৫, ২৫ এর গ্লাল ও — ১৪৪

ব ২৫ ২৫

নির্দেশ্য কুদ্রতম সংখ্যাতি ২৮ জু

১-১৯ ভগ্নাংশের সরলীকরণ

সরলীকরণে যে কাজগুলো ক্রম অনুসারে করা হয় তা হচ্ছে । বন্ধনী (Brackets), এর (Of), জাগ (Division), কণ (Multiplication), যোগ (Addition) এবং বিয়োগ (Subtraction) আবার বন্ধনীগুলোর মধ্যে ক্রম অনুসারে প্রথম বন্ধনী (), ছিতীয় বন্ধনী () এবং ভূতীয় বন্ধনী । এর ক্রতীয় বন্ধনী । এর কাজ করতে হয় বন্ধনীর আগে কোনো চিহ্ননা থাকলে সেখানে 'এর' আছে ধরে নিতে হবে। সরলীকরণের কাজগুলো মনে রাখার জন্য এদের ইংরেজি নামের প্রথম অক্ষরগুলো দ্বারা গঠিত

BODMAS শব্দটি স্মরণে রাখা সহায়ক হয়।

₹0

30 50

जनुनीननी ३-७

🔒 । প,সা,গু, নির্ণয় কর :

(3)
$$\frac{3}{2}$$
, $\frac{3}{9}$ (4) $\frac{3}{8}$, $\frac{3}{8}$, $\frac{3}{9}$, $\frac{3}{8}$, $\frac{$

৫ লাসাও নির্ণয়কর:

- ৬ জামাল সাহেব তার বাবার সম্পত্তির ^৭ অংশের মালিক তিনি তার সম্পত্তির ^৫ অংশ তিন ১৮ সপ্তানকৈ সমনেভাবে ভাগ করে দিলেন প্রত্যেক সম্ভানের সম্পত্তির অংশ বের কর
- ৭ দুইটি ভগ্নাংশের গুণফল ৪৮ । একটি ভগ্নাংশ ১ ^{১৩} হলে, অপর ভগ্নাংশটি নির্ণয় কর।

৮ একটি পানিস্তিত বালতির ওজন ১৬ ু কেজি ৷ বালতির ১ অংশ পানি ভর্তি থাকলৈ তার ওজন ৫ ু কেজি হয় খালি বালতির ওজন নির্ণয় কর

৯।দেখাও যে, ৫ ১ ও ২ ১ এর ওপফল এদের গ সা ও ও ল সা ও এর ওপফলের সমান সরল কর (১০ থেকে ১৫ পর্যন্ত):

9 8 5 3

$$30 \quad \frac{6}{5} \times \left[\frac{35}{6} \times \left\{ \left(\frac{3}{5} \times 8 + \frac{3}{5} \right) \cdot \left(\frac{8}{5} \times 8 + \frac{3}{5} \right) \right\} + \frac{6}{5} \times 8 + \frac{6}{5} \times 8 + \frac{3}{5} \right]$$

$$\frac{58}{2} = \left[3\frac{8}{2} + \frac{8}{3} + \frac{9}{3} + \frac{9}{3} + \frac{9}{3} + \frac{9}{3} \right]_{1}^{1}$$

দশমিক ভগ্নাংশ

১-২০ দশমিক ভগ্নাংশের যোগ

2000

35-980

27-020

∴ দশমিক ভগ্নাংশের ঝোগের কেত্রে প্রদন্ত সংখ্যাতলো এমনতাবে সাজাতে হবে বেন দশমিক বিন্দৃওলো অবস্থান বরাবর নিচে নিচে পড়ে। উদাহরণ ১। যোগ কর : ৩৩-০১ + ৩-৭ + ১৪-৮৫

সমাধান :

40.07

9-90

38 be

বিকল্প পদ্ধতি : ৩৩-০১ + ৩-৭ + ১৪-৮৫

১-২১ দশমিক ভগ্নাংশের বিয়োগ

দশমিক শুগ্নাংশের যোগের মতো প্রদন্ত সংখ্যাওলোর দশমিক বিপ্রতাশে অবস্থান বরাবর নিচে নিচে সাজিয়ে বিয়োগ করতে হয়।

উদাহরণ ২ । ২৩ ৬৫৭ থেকে ১ ৭১ বিয়োগ কর ।

সমাধান : প্রদত্ত সংখ্যাগুলোর দশমিক বিন্দুগুলো অবস্থান বরাবর নিচে নিচে সাজিয়ে পাই,

২৩ ৬৫৭

2.420

२३-५८९

১-২২ দশমিক ভগ্নাংশের ৩৭

উদাহরণ ৩ । ০-০৬৫৭ কে -৭৫ দিয়ে গুণ কর।

সমাধান :

609

90

৩২৮৫

06698

89596

1966 - 96- x 6060-0

লক্ষ করি:

- প্রদন্ত সংখ্যাদ্বয় থেকে দশমিক বিন্দু বর্জন করে সাধারণ ওণের মতো ওণ করা হয়েছে ওণা থেকে দশমিক বিন্দু বর্জন করার পর সর্ববামের শৃন্য বাদ দেওয়া হয়েছে
- ৺ গুণ্যে দশমিক বিন্দুর পর ৪টি অন্ধ ও গুণুকে দশমিক বিন্দুর পর ২টি অন্ধ আছে। অর্থাৎ গুণ্য ও গুণক মিলে মোট (৪+২)টি বা ৬টি অন্ধ আছে। গুণফলের ডানদিক থেকে ৬ আন্ধের বামে দশমিক বিন্দু বসিয়ে গুণফল পাওয়া গেছে ,
- 🚁 গুণফলের ভার্নদিক থেকে ৬ অন্তের বামে দশমিক বিন্দু বসালোর জন্য একটি শুনোর প্রয়োজন হয়েছে

বিকল্প পদতি : -০৬৫৭ x -৭৫

$$\Rightarrow \frac{309}{30000} \times \frac{90}{300} = \frac{83390}{3000000}$$

= ০৪৯২৭৫ [দশমিক ভগ্নাংশে রূপান্তর করে]

১-২৩ দশমিক ভগ্নাংশের ভাগ

উদাহরণ ৪ । ৮০৮-৯ কে ২৫ দিয়ে ভাগ । সমাধান :

বিকল্প পদ্ধতি :

সমাধান : ৮০৮,১ +২৫ =
$$\frac{\text{bob,b}}{30}$$

$$=\frac{\text{bob.3} \times 8}{20 \times 8} = \frac{\text{300.6}}{\text{300}} = \text{32.006}$$

নিৰ্দেশ্ব ভাগফল ৩২-৩৫৬

লক্ষ করি:

- পূর্ব সংখ্যার মতো ভাগ করা হয়েছে।
- পূর্ণ সংখ্যার ভাগ শেষ হলেই ভাগফলে দশমিক বিন্দু বসানো হয়েছে কারণ তথন দশমাংশকে ভাগ করা হয়েছে।
- প্রত্যেক ভাগশেষের ভালদিকে শূন্য (o) বসিয়ে ভাগের কাজ করা হয়েছে
 ফর্মা নং-৫, গণিত-৬
 ছ

১-২৪ দশমিক ভগ্নাংশের গ.সা.ভ. ও ল.সা.ভ.

২, ১ ২ ও ০৮ সংখ্যা তিনটির গ সা গু ও ল সা গু নির্ণয় প্রদান ভগ্নাংশভলো যথাক্রমে ২ ০০, ১ ২০ ও ০৮ এর সমান ২০০, ১২০ ও ৮ এর গ্রাসা,ও, = ৮ এবং ল সা ও, = ৬০০ নির্ণেয় গ সা ও, = -০৮ এবং ল,সা,ও – ৬-০০

শক্ষ করি: প্রদত্ত দশমিক ভগ্নাংশকলো কোনো কোনোটির ভানদিকে প্রয়োজনমতো শৃন্য বসিয়ে দশমিক বিন্দুর পরের অঙ্কের সংখ্যা সমান করতে হবে। এরপর এদেরকে পূর্বসংখ্যা মনে করে গ সা গু, ও ল সা গু নির্ণয় করতে হবে পরিবর্তিত দশমিক ভগ্নাংশগুলোর প্রত্যেকটিতে দশমিক বিন্দুর পর মতগুলো অঙ্ক আছে প্রাপ্ত গ,সা গু, ও ল,সা,গু, এর ভানদিক থেকে তত অঙ্কের পরে দশমিক বিন্দু বসাতে হবে তাহলেই নির্পেয় গ সা গু, ও ল সা গু পাওয়া যাবে

বিকল্প পদ্ধতি

প্রদত্ত সংব্যাতলোকে লঘিষ্ঠ সাধারণ জগ্নাংশে প্রকাশ করে পাই,

$$2 = \frac{2}{3}$$
, $3 \cdot 2 = \frac{30}{32} = \frac{6}{6}$ and $60 = \frac{3}{6} = \frac{3}{6}$

ভগ্নাংশতলোর লব ২, ৬ ৩ ২ এর গ্লাত, = ২ এবং ল সাত = ৬

এবং হর ১, ৫ ও ২৫ এর ল,সা,ত, = ২৫ এবং গ সাত, = ১

উদাহরণ ৫। আজিম সাহেব প্রতি কেজি ৩০ ৭৫ টাকা দরে ৫০ কুইন্টাল চাল, প্রতি কেজি ২০ ২৫ টাকা দরে ৫ কুইন্টাল পেঁয়াজ ও প্রতি কেজি ১৭ ৫০ টাকা দরে ১৭ কুইন্টাল গম বিক্রি করলেন প্রাপ্ত টাকা থেকে ১,১০,০০০ ০০ টাকা তিনি ব্যাংকে জমা দিলেন তার নিকট কত রইল ?

সমাধান : ১ কুইন্টাল= ১০০ কেজি

৫০ কুইন্টাল চালের দাম 🗕 (৩০ ৭৫ × ১০০ × ৫০) টাকা 🗕 ১,৫৩,৭৫০ ০০ টাকা

৫ কুইন্টাল পেঁয়াজের দাম 🗕 (২০ ২৫ × ১০০ × ৫) টাকা 🗕 ১০,১২৫ ০০

১৭ কুইন্টাল গমের দাম 🗕 (১৭ ৫০ × ১০০ × ১৭) টাকা 🗕 ২৯,৭৫০ ০০ টাকা

আজিম সাহেবের প্রাপ্ত মোট = (১,৫৩,৭৫০ ০০ + ১০,১২৫ ০০ + ২৯,৭৫০ ০০) টাকা

= ১.৯৩.৬২৫-০০ টাকা

আজিম সাহেবের নিকট বইলো (১,৯৩,৬২৫ ০০ - ১,১০,০০০ ০০) টাকা 🗕 ৮৩,৬২৫ ০০ টাকা

\$0\$€

অনুশলনী ১-৬

3	। ২৮ থেকে ৪০ পর্যন্ত মৌলিক সং	थ्या कग्राप्ति 🔻				
	(ক) ৩টি (খ) ৪টি	(গ) ৫টি	(ঘ) ৬টি			
2	। নিচের কোনটি পরস্পর সহমৌলি					
	(주) 52, 55 (역) 55, 55	(গ) ২২, ২৭	(ষ) ২৮, ৩৫			
ō	। ১২, ১৮ এবং ৪৮ এর গ সা ও ব	र रूद				
	(ক) ও (ব) ৬	(和) か	(휙) ১২			
8	1 0.03 × 0.005 × = 0	০০০০০০০০৬ গালি	তিক বাকো এ কোন সংখ্যা হবে 📍			
	(ক) ০ ০৩ (খ) ০ ০০৩	(M) 0-000¢	(号) 0 00000			
Ġ	অন্ধ পাতনে কয়টি অন্ধ ব্যবহার	করা হয়?				
	(ক) ৮টি (ব) ১টি	(গ) ১০টি	(ঘ) ১১ টি			
5	এক অন্ধের স্বাভাবিক সংখ্যাগুলো (i) মৌদিক সংখ্যা ৪টি (ii) মৌদিক সংখ্যা ৪টি (iii) বিজ্ঞান্ত সংখ্যা ৫টি:	র মধ্যে-				
	নিচের কোনটি সঠিক?					
	(ক) i ও n (খ) r ও m					
	(গ) ॥ ও ॥ (ঘ) ।, ॥, ও					
q		•				
1	(I) ১ ছারা (II) ৫ ছারা (II	n) ৯ ছারা				
	নিচের কোনটি সঠিক?	.,				
	(ক) 1 ও ii (খ) i ও in					
	(গ) ii ব iii (ঘ) i, ii, ধ					
	নিচের তথ্যের আলোকে (৮ ও ১		9			
		, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,				
	28.					
	চিত্ৰে দুইটি বাভাবিক সংখ্যা দেখা	নো হলো				
Ъ	চিত্রের বৃহত্তর সংখ্যাটির ওণিতক	F				
	(ক) ৪ (খ) ৮ (গ)					
à	চিত্রের সংখ্যা দুইটির গরিষ্ঠ সাধ	ারণ গুণনীয়ক কত?				
	(축) ৮ (국) 8 (위)	ξ (β) ?				

নিচের তথ্যের মালোকে ১০ ও ১১ নং প্রস্লের উত্তর দাও

চিত্র: বর্গাকার চিত্রে প্রতিটি আরতক্ষেত্র সমান।

১০ বর্গটি কয়টি আয়ৢতক্ষেত্রে বিভক্ত ইয়েছে,

- (ক) ১টি
- (খ) ৪টি
- (প) ৬টি
- (ঘ) ২৪টি

১১ প্রত্যেক জায়তক্ষেত্র বর্গটির কত সংশ 🤋

- (च) अःच (ग) अःच

১২: যোগফল নির্ণয় কর:

- (本) 0・0くと + く・0らか + 2・2 + 0・2を
- (4) \$0.00) + 50.05 + 0.006 + PO-A

১৩। বিয়োগফল নির্ণয় কর:

- PTG-CS GGT (T) TOPE-C OCC (F) DGT C SO-DG (4)

১৪ অণ কর : (ক) -২১৮×৩ (ব) ৩৩× ০২× ১৮ (ব) ০৭৫৪×১০০০ (ঘ) -০৫×-০০৭×-০০০৩

১৫ ভাগফল নির্ণয় কর :

(本) かりな、その (ギ) かりょう - o2シウ (ガ) 3シb - o2シe

১৬ সরল কর :

D. + [(9.6-8-39.5C) - C.5-4.P] D.C.

১৭ তমার নিকট ৫০ টাকা ছিল সে তার ছোট স্তাইকে ১৫ ৫০ টাকা এবং তার বন্ধকে ১২ ৭৫ টাকা দিল । ভার নিকট আরু কত বুইল 🤊

- ১৮ পার্গ বেগমের ১০০ শতাংশ জমি আছে। তিনি ৪০৫ শতাংশে ধান, ২০২ শতাংশে মরিচ, ১০৭৫ শতাংশে আলু এবং অবশিষ্ট জমিতে বেওন চাষ করলেন। তিনি কতটুকু জমিতে বেওন চাষ করলেন ?
- ১৯ ১ ইঞ্চি সমান ২ ৫৪ সেল্টিমিটার হলে, ৮ ৫ ইঞ্চিতে কত সেল্টিমিটার ?
- ২০। একটি গাড়ি ঘণ্টায় ৪৫ ৬ কিলোমিটার যায়। ৩১৯ ২ কিলোমিটার যেতে পাড়িটির কত ঘণ্টা লাগবে 🔈
- ২১ একজন শিক্ষক ৬০ ৬০ টাকা ডজন দরে ৭২২ ১৫ টাকার কমলা কিনে ১৩ জন শিক্ষার্থীর মধ্যে সমানভাবে ভাগ করে দেন তাহলে প্রত্যেক শিক্ষার্থী কয়টি করে কমলা পাবে ?
- ২২ একটি বাঁশোর ০ ১৫ অংশ কাদায় ও ০ ৬৫ অংশ পানিতে আছে যদি পানির উপরে বাঁশটির দৈর্ঘা ৪ মিটার হয়, তাহলে সম্পূর্ণ বাঁশটির দৈর্ঘা কত ?
- ২৩ আজুর রহমান তার সম্পত্তির -১২৫ অংশ খ্রীকে দান করলেন বাকি সম্পত্তির ৫০ অংশ পুত্রকে ও ২৫ অংশ কন্যাকে দেওয়ার পরও তিনি দেখলেন যে তার অবশিষ্ট সম্পত্তির মূল্য ৩,১৫,০০০ ০০ টাকা আজুর রহমানের সম্পত্তির মোট মূল্য কতঃ
- ২৪। এক কৃষক তার ২৫০ শতাংশ জমির ^ত অংশ জমিতে ধান এবং ^৫ অংশ জমিতে সবজি চাষ্ কর্মেন এবং বাকি জমি শতিত রাখনোন।
 - ক) পতিত জমির পরিমাণ বের কর।
 - (খ) সর্বজির বিক্রয়মূল্যের চেয়ে ধানের বিক্রয়মূল্য ২৪০০ টাকা কম হলে, মোট কত টাকার স্বজি বিক্রি করেছিলেন ?
 - (গ) সম্পূর্ণ জয়িতে ধান চাষ করলে তিনি কত টাকার ধান বিক্রি করতে পারবেন ?

দ্বিতীয় অধ্যায়

অনুপাত ও শতকরা

প্রতিদিনের কাজকর্মে জামরা অনেক জিনিসের মধ্যে কোন না কোনভাবে তুলনা করে থাকি যেমন, দুইজন বন্ধুর মধ্যে কার উচ্চতা বেলি অথবা কোন কেককে ভাগ করার সময় পুরো কেকের কত অংশ কে পাবে বা একজন আরেকজনের থেকে কত গুণ বেশি পেল তা হিসাব করতে জামরা তুলনা করে থাকি একাধিক বন্ধুর মধ্যে ভূগনাকে সহতে বুনতে অনুপাত ও শতকরা পদ্ধতি দুইটি বাবহার করা হয়। তাই অনুপাত ও শতকরা সম্পর্কে ভালোভাবে ধারদা রাখা খুব জকরি।

এছাড়াও শতকরা ও ভগ্নাংশের মধ্যে একটা সম্পর্ক আছে। এই অধ্যায়ে এসব বিষয় নিয়ে আলোচনা করা হবে 👚

অধ্যায় শেঘে শিক্ষাধীরা --

- 🕨 অনুপাত কী তা ব্যাখ্যা করতে পার্বে।
- সরল অনুপাত সংক্রান্ত সমস্যা সমাধান করতে পারবৈ
- শতকরাকে সাধারণ ভল্লাংশে, ভল্লাংশকে শতকরায় প্রকাশ করতে পারবে।
- 🛩 অনুপাতকে শতকরায় প্রকাশ করতে পার্বে এবং শতকরাকে অনুপাতে প্রকাশ করতে পার্বে
- 🛩 ঐকিক নিয়ম ও শতকর। হিসাবের পদ্ধতি বর্ণনা করতে পারবে
- ঐকিক নিয়ম ও শতকরা হিলাবের সাহায়্যে সময় ও কাজ, সময় ও খাদা, সময় ও দ্রত্ব
 বিষয়ক গাণিতিক সমস্যা সমাধান করতে পারবে :

২-১ অনুপাত

দৈনন্দিন জীবনে আমরা প্রয়েশই একই ধরনের দুইটি জিনিস তুলনা করে থাকি যেমন, নাবিলের উচ্চতা ১৫০ সে মি, ও ভার বোনের উচ্চতা ১৪০ সে মি হলে, আমরা বলতে পারি, নাবিলের উচ্চতা তার বোনের চেয়ে (১৫০ – ১৪০) সে মি, বা ১০ সে মি বেশি এভাবে পার্থকা বের করেও তুলনা করা যায়।

আবার, আমরা যদি দৃইটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের তুলনা করতে চাই তাহলে ক্ষেত্রফলের পার্থকা দিয়ে তুলনা সঠিক হয় না . বরং একটি বর্গক্ষেত্র অপরটির তুলনায় কতণ্ডণ বড় বা ছোট ভা থেকে ক্ষেত্রমুয়ের ক্ষেত্রফলের সঠিক তুলনা করা যায়। একটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলকে অপরটির ক্ষেত্রফল দিয়ে ভাগ করে এই তুলনা করা হয় এই ভাগের মাধ্যমে তুলনাকে অনুপাত বলা হয় '' চিহ্নটি অনুপাতের গাণিতিক প্রতীক।

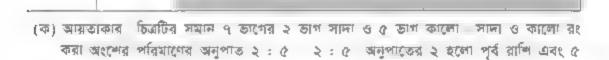


যেমন, বৰ্গক্ষেত্ৰ দুইটির ক্ষেত্ৰফল ৪ বৰ্গ সে.মি. ৬ ৯ বৰ্গ সে মি হলে, ভাদের অনুপাত হবে

৪ — ৪ ৯ বা ^৯ — ৯.৪ অনুপাত একটি ভগ্নংশ ৯

নিচের উদাহরণগুলো লক্ষ করি:

হলো উত্তর রাশি।



(খ) শওকতের ওজন ৩০ কেজি এবং তার পিতার ওজন ৬০ কেজি শওকতের চেয়ে তার পিতার ওজন কতগুণ বেশি ?

এখানে পিতার ওজন শওকতের ওজনের চেয়ে ২ বা ২ তণ বেলি

(গ) একটি শ্রেণিতে ছাত্র ও ছাত্রী সংখ্যা যথাক্রমে ৫০ জন ও ৪০ জন
এখানে ছাত্র ও ছাত্রীর সংখ্যার অনুপাত = $\frac{e^{\circ}}{80} = \frac{e}{8}$ [লব ও হরকে ১০ ছারা ভাগ করে]
--- ৫ · ৪

একটি শিশুর বয়ুসের সাথে অন্য একটি শিশুর ওজন কি তুলনা করা যাবে ? তা কখনোই করা যাবে না তুলনার বিষয় দুইটি সমজাতীয় হতে হতে । সাবার মনে করি, একটি শিশুর বয়স ৬ বছর এবং অন্য একটি শিশুর বয়স ৯ বছর ৬ মদে সমজাতীয় হলেও এ ক্ষেত্রে দুইজনের বয়স সরাসরি তুলনা করা যাবে নং 🛚 তুলনার বিষয় দুইটি একই একক বিশিষ্ট হতে হবে। এক্ষেত্রে দুইজনের বয়সকেই বছরে অথবা মাসে রূপান্তর করে নিতে হবে এখানে, ৬ বছর = ৬ × ১২ মাস = ৭২ মাস (: ১ বছর = ১২ মাস) এবং ৯ বছর ৬ মাস = (৯ × ১২ + ৬) মাস = ১১৪ মাস।

শিশু দুইটির বয়ুসের অনুপাত ৭২ : ১১৪ বা ১২ : ১৯।

মনে করি, ভাইয়ের বয়স ৩ বছর ও বোনের বয়স ৬ মাস তাদের বয়সের অনুপাত বের করতে হবে ভাইয়ের বয়স ৩ বছর 🖃 ৩৬ মাস 🚉 🕽 বছর 😑 ১২ মাস বোনের বয়স ৬ মসে

- ্ ভাই ও বোলের বয়সের অনুপাত ৩৬ মাস ৩৬ ৬ [লব ও হরকে ৬ ছারা ভাগ করে] ৬ মাস ৬ ১
- 🗲 লক্ষ করি, ভিন্ন ভিন্ন এককে তুলনা করা যায় ন। 🛛 তুলনা করতে হলে এককগুলোকে এক জাতীয় করতে হবে সেমন উপরের উদাহরণটিতে বছরকে মাসে রূপান্তর করা হয়েছে

দুইটি সমজাতীয় রাশির একটি অপরটির তুলনায় কডগুণ বা কত অংশ তা একটি ভগ্নাংশ হারা প্রকাশ করা যায়। এই ভল্লাংশটিকে রাশি দুইটির অনুপাত বলে। রাশি দুইটি সমজাতীয় বলে অনুপাতের কোনো একক নেই।

再辦:

- ু তোমার গাতা ও বইয়ের সংখ্যার অনুপাত নির্ণয় কর
- ২ তোমার শ্রেণির গণিত বইয়োন দৈর্ঘ্য ও প্রশ্নের জনুপাত নির্ণয় কর
- ত ভোমার শ্রেপির টেবিলের দৈর্ঘ্য ও প্রস্কের অনুপাত নির্ণয় কর 👚

২-২ বিভিন্ন অনুপাত

সমতৃল অনুপাত

কোনো অনুপাতের পূর্ব ও উত্তর রাশিকে শূনা (০) ব্যতীত কোনো সংখ্যা দ্বারা ওপ বা ভাগ করলে অনুপাতের মানের কোনো পরিবর্তন হয় না এরূপ অনুপাতকে **সমভূল অনুপাত** বলা হয়

যেমন, ২ ৫ =
$$\frac{2}{6}$$
 = $\frac{2 \times 2}{6 \times 2}$ = $\frac{8}{2}$ = $\frac{8}{2}$ = $\frac{8}{2}$ > 0

🙏 ২ : ৫ ও ৪ : ১০ সমতুল অনুণাত।

কোনো অনুপাতের অসংখ্য সমতৃল অনুপাত রয়েছে। যেমন্ ২০৩,৪,৬,৬:৯৬৮.১২ সমতুল অনুপাত আবার, ১:২ – ৫: ___ হলে, এখানে শৃন্যস্থানে ১০ বসালে অনুপাতটি সমতুল অনুপাত হবে।

লক্ষ করি :

- 🛩 একটি অনুপাতের রাশি দুইটিকে তাদের গু সাত্ত দ্বারা ভাগ করে অনুপাতটিকে সরলীকরণ করা যায়
- 🍃 অনুপাতের পূর্ব রাশি ও উত্তর রাশির সমষ্টি ছারা তাদেরকে ভাগ করে প্রত্যেকের অংশ নির্ণয় করা যায় .

উদাহরণ ১ জেসমিন ও আবিদার বর্তমান বয়সের অনুপাত ৩ ২ এবং আবিদা ও আনিকার বর্তমান বয়সের অনুপাতে ৫.১। আনিকার বর্তমান ব্যস্ত বছর ৬ মাস।

- (ক) উদ্দীপকের প্রথম অনুপাতকে শতকরায় প্রকাশ কর।
- (খ) ৫ বছর পর আবিদার বয়স কত হবে?
- (গ) আনিকার বর্তমান বয়স জেসমিনের বর্তমান বয়সের শতকরা কত ভাগ?

সমাধান:

(ক) উদ্দীপকের প্রথম অনুপাত = ৩ ২

$$= \frac{3}{2}$$

$$= \frac{3\times399}{2\times399}$$

$$= \left(\frac{3\times399}{2}\right)\%$$

$$= \frac{369\%}{2}$$

(খ) আবিদার বর্তমান বয়স আনিকার বর্তমান বয়স- ৫ ১ অর্থাং, আবিদার বর্তমান বয়স, আনিকার বর্তমান বয়সের ৫ ৩৭

আনিকার বর্তমান বয়স = ৩ বছর ৬ মাস = (৩x১২+৬) মাস [∵১বছর = ১২ মাস] = (৩৬+৬) মাস – ৪২ মাস

সুতরাং আবিদার বর্তমান বয়স ≏ (৪২x৫) মাস = ২১০ মাস = ২১০ বছর [∵১২ মাস=১বছর]

∴ ৫ বছর পর আবিদার বয়স হবে = (১৭ ২ +৫) বছর

= ২২ ½ বছর

(গ) জেসমিন ও আবিদার বর্তমান বয়সের অনুপাত .. ৩:২ অর্থাৎ, জেসমিনের বর্তমান বয়স, আবিদার বর্তমান বয়সের = ২ ৩৭ 'খ' হতে আবিদার বর্তমান বয়স = ১৭ ২ বছর

্, জেসমিনের বর্তমান বয়স − ১৭ ২ x ২ বছর

$$= \begin{pmatrix} 50 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \times \frac{5}{2}$$
 সছর
$$= \frac{200}{8} = 25 \frac{3}{8}$$
 বছর

আনিকার বর্তমান বয়স = ৩ বছর ৬ মাস

় আনিকার বর্তমান বয়স জেসমিনের বর্তমান বয়সের

অতএব আনিকার বর্তমান বয়স জেসমিনের বর্তমান বয়সের ১৩ 🤰 %

উদাহরণ ২ ৫০০ টাকা দুইজন শ্রমিকের মাঝে ২ : ৩ অনুগাতে স্তাগ করে দিতে হবে
সমাধান : অনুগাতের পূর্ব রাশি ২ এবং উত্তর রাশি ৩ । রাশি দুইটির সমষ্টি – ২ + ৩ – ৫
১ম শ্রমিক পাবে, ৫০০ টাকার বিজ্ঞান ৫০০ টাকা বিজ্ঞান ৫০০ টাকা বিজ্ঞান ৫০০ টাকার বিজ্ঞান ৫০০ টাকা বিজ্ঞান ৪০০ টাকা বিজ্ঞান ৪০০০ টাকা বিজ্

कोस :

- 🕽 । মামুনের বয়স ৪ বছর ও তার বোনের বয়স ৬ মাস হলে, তাদের বয়সের অনুপাত নির্ণয় কর
- ২ সজল ও সুজনের উচ্চতা যথাক্রমে ১ মি, ৭৫ সে মি ও ১ মি, ৫০ সে মি, হলে, তাদের উচ্চতার অনুপাত নির্ণয় কর।

সরল অনুপাত

অনুপাতে দুইটি রাশি থাকলে তাকে সর**ল অনুপাত** বলে ।

সরল অনুপাতের প্রথম রাশিকে পূর্ব রাশি এবং দিউীয় রাশিকে উত্তর রাশি বলে যেমন, ৩ : ৫ একটি সরল অনুপাত, এখানে ৩ হলে। পূর্ব রাশি ও ৫ হলে। উত্তর বাশি

লঘু অনুপাত

সরল অনুপাতের পূর্ব রাশি, উত্তর রাশি থেকে ছেটি হলে, তাকে **লঘু অনুপাত বলে**। যেমন, ৩ ৫, ৪: ৭ ইত্যাদি

একটি বিদ্যালয়ের ৩য় শ্রেণির শিক্ষার্থীদের গড় বয়স ৮ বছর এবং ৫ম শ্রেণির শিক্ষার্থীদের গড় বয়স ১০ বছর। এখানে ৩য় ও ৫ম শ্রেণির শিক্ষার্থীদের গড় বয়সের অনুপাত ৮ : ১০ বা ৪ ৫ এই অনুপাত্তির পূর্ব রাশি, উত্তর রাশি অপেক্ষা ছোট হওয়ায় এটি একটি লঘু অনুপাত

তবু অনুপাত

কোনো সরল অনুপাতের পূর্ব রাশি, উত্তর রাশি থেকে বড় হলে, তাকে **ভরু অনুপাত** বলে হোমন, ৫ : ৩, ৭ : ৪, ৬ : ৫ ইত্য়াদি।
সাদিয়া ৩২ টাকা দিয়ে একটি বিস্কৃটের পাকেট ও ২৫ টাকা দিয়ে একটি কোণ আইসক্রিম কিনলো
এখানে বিস্কৃট ও আইসক্রিমের দামের অনুপাত হলো ৩২ ২৫, এই অনুপাতটির পূর্ব রাশি ৩২ যা
উত্তর রাশি ২৫ অপেক্ষা বড় হওয়ায় এটি একটি শুরু অনুপাত।

একক অনুপাত

যে সরল অনুপাতের পূর্ব রালি ও উত্তর রালি সমান সে অনুপাতকে **একক অনুপাত** বলে যেমন, আরিফ ১৫ টাকা দিয়ে একটি বলপেন ও ১৫ টাক। দিয়ে একটি খাতা কিনলো। এখানে বলপেন ও খাতা উভয়টির মূল্য সমান এবং মূল্যের অনুপাত ১৫ - ১৫ বা ১ - ১ : অতএব, ইহা একক অনুপাত

বাস্ত অনুপাত

সরল অনুপাতের পূর্ব রাশিকে উত্তর রাশি এবং উত্তর রাশিকে পূর্ব রাশি করে প্রাপ্ত অনুপাতকে পূর্বের অনুপাতের বা**ন্ত অনুপাত** বলে ।

যেমন, ১৩ : ৫ এর ব্যস্ত অনুপাত ৫ : ১৩।

মিশ্র অনুপাত

একাধিক সরল অনুপাতের পূর্ব রাশিগুলোর গুণফলকে পূর্ব রাশি এবং উত্তর রাশিগুলোর গুণফলকৈ উত্তর রাশি ধরে প্রাপ্ত অনুপাতকে মিশ্র **অনুপাত** বলে 🥏

যেমন্ ২:৩ এবং ৫:৭ সরল অনুপাত্তলোর মিশ্র অনুপাত হলো (২ x ৫) : (৩ x ৭) = ১০ : ২১ 👚

উদাহরণ ৩ । প্রদন্ত সরল অনুপাতঙ্গোর মিশ্র অনুপাত নির্ণয় কর[ু] ৫ : ৭, ৪ : ৯, ৩ · ২

সমাধান : অনুপাত তিনটির পূর্ব রাশিগুলের গুণফল ৫ x 8 x ৩ = ৬০ এবং উত্তর বাশিশুলোর গুণফল = 9 × ৯ × ২ = ১২৬ নির্পের মিশ্র অনুপাত = ৬০ : ১২৬ বা ১০ : ২১।

কাজ:

- ১ ৪ · ৯ অনুপাতটিকে বাস্ত অনুপাতে রূপান্তর কর :
- ২ নিম্নের অনুপাতগুলোর পূর্ব রাশি ও উত্তর রাশি নির্ণয় কর :
 - (4) 8:77
- (4) 9:6 (4) 79:57
- 😊 : নিম্নের অনুপাতগুলোর মধ্যে কোনটি একক অনুপাত 🏋
 - (平) 之:化
- (খ) ৫: ৭
- (可) >>: >> I
- ৪ নিয়ের অনুপাতভলোকে লঘু ও গুরু অনুপাতে ভাগ কর :
- (ক) ১৩ : ১৯ (খ) ৭ : ১২ (গ) ২৫ : ১৩ (ঘ) ২৭ : ৭
- ৫ ২.৩ ৩ ৪ অনুপাতদ্যুরে মিশু অনুপাত নির্ণয় করে ,

উদাহরণ ৪। দুইটি সংব্যার যোগফল ৩৬০ সংখ্যা দুইটির অনুপাত ৪ - ৫ হলে, সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর ।

সমাধান: সংখ্যা দুইটির অনুপাত ৪ : ৫

অনুপাতটির পূর্ব ও উত্তর রাগির যোগফল = B + a = ৯

প্রথম সংখ্যাটি = ৩৬০ এর
$$\frac{8}{5}$$
 অংশ = ৩৬০ $\times \frac{8}{36} = 550$ ।

দ্বিতীয় সংখ্যাটি = ৩৬০ এর
$$\frac{e}{s}$$
 অংশ = ৩৬০ $\times \frac{e}{s}$ = ২০০।

निर्देश मध्या पृष्टि हत्ना ১५० ७ २००।

উদাহরণ ৫ । ৪০ কেজি মিশ্রণে বালি ও সিমেন্টের পরিমাণের অনুপাত ৪ : ১ মিশ্রণটির বালি ও সিমেন্টের পরিমাণ নির্পয় কর ।

সমাধান : মিলুপের পরিমাণ ৪০ কেজি ।

বালি ও সিমেন্টের অনুপাত ৪:১

এখানে, অনুপাঙটির পূর্ব ও উত্তর রাশির যোগফল 🕳 ৪ + ১ = ৫

বালির পরিমাণ _ ৪০ কেজির
$$\frac{8}{6}$$
 জংশ $\frac{5}{8}$ কেজি

উদাহরণ ৬। একটি বিদ্যালয়ে ছাত্র ও ছাত্রীর সংখ্যার অনুপাত ৫ - ৭। ঐ বিদ্যালয়ে ছাত্রীসংখ্যা ৩৫০ জন হলে, ছাত্রের সংখ্যা কত ?

সমাধান : ছাত্রসংখ্যা : ছাত্রীসংখ্যা = ৫ : ٩

অর্থাৎ, ছাত্রের সংখ্যা ছাত্রীর সংখ্যার ^৫ গুণ

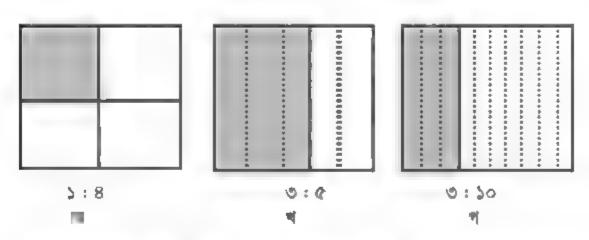
দেওয়া আছে, ছাত্রীসংখ্যা ৩৫০ জন।

নির্দেশ্ব ছাত্রসংখ্যা ২৫০ জন।

	ALZ-11-141 4.3					
2	নিচের সংখ্যাছয়ের প্রথম রাশির সাথে দিতীয় রাশিকে অনুপাতে প্রকাশ কর :					
	(ক) ২৫ ও ও৫ (খ) ৭ ^১ ও ৯ ^২ (গ) ১ বছর ২ মাস ও ৭ মাস					
	(ছ) ৭ কেজি ও ২ কেজি ৩০০ গ্রাম (৬) ২ টাকা ৬ ৪০ পয়সা					
۱ ۶	নিচের অনুপাতগুলোকে সরলীকরণ কর :					
	(本) タ・25 (本) 75 · 37 (本) 25 · 36 (本)					
9	নিচের সমতুল অনুপাতভালোর ঝালিফর পূরণ কর: (ক) ২ ৩ = ৮					
81	একটি হলঘরের প্রস্থ দৈর্ঘোর অনুপাত ২ ৫ প্রস্থ ও দৈর্ঘোর সম্ভাব্য মান বসিয়ে সার্রাণটি পূরণ কর.					
	হল ঘরের প্রস্ক (মি) ১০ ৪০ ১৬০					
	ঘল ঘরের দৈর্ঘ্য (মি:) ২৫ ৫০ ২০০					
¢ ı	নিচের সমতুল অনুপাতকলেকে চিহ্নিত কর .					
	25: 20: 9: 30: 70: 70: 9: 5: 9: 5: 0: 7: 0: 5 : P					
৬	নিচের সরল অনুপাতওলোকে মিশু অনুপাতে প্রকাশ কর :					
	(本) O: C, C: 9 8 9: b (本) C: O, P: C 日 b: 9					
٩	৯ . ১৬ অনুপাতটিকে কান্ত অনুপাতে প্রকাশ কর ।					
br	নিয়ের অনুপাতহুলোর কোনটি একক অনুপাত					
	(本) シャ: シゥ (ギ) シゥ: シャ (オ) シャ: シャ (本)					
৯	৫৫০ টাকাকে ৫ ৬ ও ৪ ৭ অনুপাতে ভাগ কর।					
20	পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত ১৪ 🙂 পিতার বয়স ৫৬ বছর হলে, পুত্রের বয়স কত ?					
22	দুইটি সংখ্যার যোগফল ৬৩০ , এদের অনুপাত ১০ : ১১ হলে, সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর					

- ১৩ ১৮ ক্যারেটের ২০ হাম ওজনের সোনার গহনায় সোনা ও বাদের অনুপাত ৩ . ১ হলে, ঐ গহনায় সোনা ও বাদের পরিমাণ নির্ণয় কর।
- ১৪ দুই বন্ধুব বাড়ি হতে কুলে আসা যাওয়ার সময়ের অনুপাত ২০৩ ১ম বন্ধুর বাড়ি হতে কুলের দূরতু ৫ কি মি হলে, ছিতীয় বন্ধুর বাড়ি হতে কুলের দূরতু কত ৫
- ১৫ পায়েসে দুধ ও চিনির অনুপাত ৭ . ২। ঐ পায়েসে চিনির পরিমাণ ৪ কেজি হলে, দুধের পরিমাণ কত ?
- ১৬ দুইটি কম্পিউটারের দামের অনুপাত ৫ ৬ : প্রথমটির দাম ২৫০০০ টাকা হলে, দিতীয়টির দাম কত ? মূল্য বৃদ্ধির ফলে যদি প্রথমটির দাম ৫০০০ টাকা বেড়ে যায়, তখন তাদের দামের অনুপাতটি কী ধরনের অনুপাত ?

২.৩ অনুপাত ও শতকরার সম্পর্ক



উপরের চিত্রগুলোর ক চিত্রে ু অংশ, খ চিত্রে ু অংশ ছাই রং কর। হয়েছে ৪ ৫ ১০ এখানে আমরা দেখতে পাই,

ক চিত্রে রং করা অংশ ও সম্পূর্ণ অংশের অনুপাত ১ : ৪ - ১ - ১×২৫ - ২৫ - ২৫%.
৪ ৪×২৫ ১০০

খ চিত্রে রং করা অংশ ও সম্পূর্ণ অংশের অনুপাত ৩ : ৫ – ৩ – ৩×২০ – ৬০%, ৫ ৫×২০ ১০০

গ চিত্রে রং করা অংশ ও সম্পূর্ণ অংশের অনুপাত ৩ · ১০ ৷ ১০ ৷ ১০ ৷ ১০

অর্থাৎ, ক. খ. গ চিত্রের বধাক্রমে ২৫%, ৬০%, ৩০% অংশ রং করা

দেখা যাচেছ যে, শতকরা এবং অনুপাত দুইটিই ভগ্নংশ। তবে শতকরার ক্ষেত্রে ভগ্নাংশের হর ১০০ অনুপাতের ক্ষেত্রে লব ও হর যেকোনো সাভাবিক সংখ্যা হতে পারে প্রয়োজনে শতকরাকে অনুপাতে ও অনুপাতকে শতকরায় প্রকাশ করা যায়

যেমন, ৭ টাকা ও ১০ টাকার জনুপাত = ^{৭ টাকা} = ^{৭ = ৭০} বা ৭০%। এখানে ৭ টাকা ১০ ১০ টাকা ১০ ১০০ টাকার ^৭ মংশ বা ^৭ তণ যা ৭০% এর সমান। ১০ ১০

অন্দিকে, শতকরা ৬ বা ৩% হলো 🤚 বা ৩ ১০০। অর্থাৎ একটি অনুপাতকে শতকরায় क्षकां कता याय ।

কাজ: ১ ৩:৪ এবং ৫ . ৭ সনুপাত দুইটিকে শতকরায় প্রকাশ কর ২ ৫% এবং ১২% কে অনুপাত্তে প্রকাশ কর।

উদাহরণ ৭। অনুপাত ও দশ্মিক ডগ্নাংশে প্রকাশ কর :

. 56% = 7:8 = -56

ভাগাইরণ ব | অনুসাত ও দশাহক হয়াংশে প্রকাশ কর :

(ক) ১৫% (ষ) ৩২% (গ) ২৫% (ঘ) ৫৫% (৪) ৮
$$\frac{5}{5}$$
%

সমাধান : (ক) ১৫% $-\frac{52}{500}$ $-\frac{5}{50}$ $-\frac{5}{$

(a)
$$66\% = \frac{200}{66} = \frac{50}{77} = 77 : 50 = -66$$
 (

(a)
$$\frac{5}{2}$$
 % = $\frac{5}{2}$ % = $\frac{5}{2}$ x $\frac{5}{2}$ = $\frac{5}{2}$ = $\frac{5}{2}$ = $\frac{5}{2}$ = $\frac{5}{2}$ = $\frac{5}{2}$ = $\frac{5}{2}$ (a)

$$\frac{1}{50}\% = 63:5000 = .063$$

উদাহরণ ৮। নিমের ভগ্নংশগুলোকে শতকরায় প্রকাশ কর :

$$(\underline{a}) \ \frac{\beta}{7} \ (\underline{a}) \ \frac{5\alpha}{6} \ (\underline{a}) \ \frac{7\alpha}{6} \ (\underline{a}) \ \frac{5\alpha}{8} \ (\underline{a}) \ \frac{7\alpha}{6}$$

সমাধান : (ক)
$$\frac{5}{8} = \frac{5 \times 500}{8 \times 500} \pm \frac{50}{500} = 20\%$$

$$(\forall) \qquad \frac{3}{20} = \frac{3 \times 200}{20 \times 200} = \frac{20}{200} = 20\%$$

(1)
$$\frac{9}{20} - \frac{9 \times 200}{20 \times 200} - \frac{280}{5} \times \frac{2}{200} - \frac{280}{5} \% - 85^{\frac{2}{3}} \%$$

(8)
$$\frac{20}{9} = \frac{20 \times 200}{9 \times 200} = \frac{200}{900} \times \frac{20}{9} = \frac{200}{900} \% = 20 \frac{20}{9} \%$$

উদাহরণ ৯। একটি বাশি অপর একটি বাশিব ৫০% বাশি দুইটির অনুপাত নির্পয় কর

সমাধান: ৫০% _ ^{৫০} _ অর্থাৎ একটি রালি ৫০ হলে, অপর রাশিটি হবে ১০০ ১০০

৫০ এবং ১০০ এর অনুপাত হলো ৫০ : ১০০

-7:5

নির্দের রাশি দুইটির অনুপাত = 5 : ২

গণিত

উদাহরণ ১০। দুইটি রাশির যোগ্ডল ২৪০ - তাদের অনুপাত ১: ৩ হলে, রাশি দুইটি নির্ণয় কর ১ম রাশি ২য় রাশির শতকরা কত অংশ?

সমাধান : রাশি দুইটির বোগফল = ২৪০
ভাদের অনুপাভ = ১ : ৩
অনুপাতের রাশি দুইটির যোগফল = ১ + ৩ = ৪

. ১ম রাশি = ২৪০ এর
$$\frac{5}{p_3^2}$$
 অংশ = ৬০

. ২য় রাশি = ২৪০ এর
$$\frac{v}{s_3}$$
 অংশ = ১৮০

আবার, বাশি দুইটির অনুপাত = ১ : ৩

.. ১ম রাশি, ১র রাশির
$$\frac{3}{6} = \frac{3 \times 300}{9 \times 300} = \frac{300}{9}\% = 300 - \%$$

উদাহরণ ১১ মনিরা বার্ষিক পরীক্ষায় ৮০% নদর পেরেছে। পরীক্ষায় যোট নদর ৮০০ হলে, মনিরা পরীক্ষায় মোট কন্ত নদর পেরেছে ?

সমাধান: যনিবার প্রাপ্ত নম্বর 🖚 ৮০০ এর ৮০% = ৮৮০ এর ৮০ = ৮৪০ ১০০১

মনিরার প্রাপ্ত নম্বর ৬৪০

উদাহরণ ১২। ফলের দোকান থেকে ১৮০টি ফজলি আম কিনে আনা হলো দুই দিন পর ৯টি আম পচে গেল শতকরা কতটি আম ভালো আছে?

সমাধান : মোট আম কেনা হলো ১৮০টি ।

এর মধ্যে পচে গেল ৯টি ।

ভালো আম রইলো (১৮০ – ৯)টি বা ১৭১টি।

ভালো আম ও মোট আমের ফনুপাত ১৭১ = ১৯ ১৮০ ২০

শতকরা ভালো আম আছে ^{১৯×১০০} টি বা ৯৫টি

🔰 । শতকরায় প্রকাশ কর :

- $95.0 (3) \frac{9}{8} (4) \frac{9}{4} (4) \frac{8}{6} (4) \frac{9}{4} (4) \frac{9}{4}$ (চ) .৬৫ (ছ) ২.৫০ (জ) ৩:১০ (ঝ) ১২:২৫
- সাধার্ণ ভগ্নাংশ ও দশমিক ভগ্নাংশে প্রকাশ কর .
 - (4) 80% (4) 22 % (1) 29 % (1) 22 %
- ৩ . (ক) ১২৫ এর ৫% কত ? (খ) ২২৫ এর ৯% কত ? (গ) ৬ কেন্সি চালেব ৬% কত ? (ঘ) ২০০ সেন্টিমিটারের ৪০% কত ?
- ৪ । (ক) ২০ টাকা ৮০ টাকার শতকরা কভ 🤋 (খ) ৭৫ টাকা ১২০ টাকার শতকরা কভ 🕫
- একটি স্কুলে শিক্ষার্থীর সংখ্যা ৫০০ জন। এর মধ্যে ছাত্রীর সংখ্যা ৪০% হলে, ঐ স্কুলের œ. ভারসংখ্যা নির্ণয় কর।
- ইউসফ সাময়িক পরীক্ষায় ৯০০ নমরের মধ্যে ৬০০ নমর পেয়েছে সে শতকরা কত নমর Ġ, পেয়েছে ? মোট নম্বর এবং প্রাপ্ত নমরের অনুপাত নির্ণয় কর 👚
- মুসারা বইয়ের দোকান থেকে একটি বাংলা বচনা বই ৮৪ টাকায় ক্রয় করল। কিন্তু বইটির কস্তারে মূল্য লেখা ছিল ১২০ ট্যকা সে শতকর। কত ট্যকা কমিশন পেল ?
- একজন চাক্রিজীবীর মাসিক আয় ১৫০০০ টাকা তার মাসিক ব্যয় ৯০০০ টাকা তার ব্যয়, আয়ের শতকরা কত 🤊
- ১ পোয়েবের স্কুলের মাসিক বেতন ২০০ টাকা তার মা তাকে প্রতিদিনের টিফিন বাবদ ২০ টাকা দেন তার প্রতিদিনের টিফিন বাবদ বরচা মাসিক বেতনের শতকরা কত ?
- একটি স্কুলে শিক্ষার্থীর সংখ্যা ৮০০ জন ৷ বছরের তরুতে ৫% শিক্ষার্থী নতুন ভর্তি করা হলে, বর্তমানে ঐ স্কলে শিকাধীর সংখ্যা কত 🛊
- একটি শ্রেনিতে ২০০ জন শিক্ষাধীর মধ্যে ৫% অনুপস্থিত ছিল 🛮 কডজন শিক্ষার্থী উপস্থিত ছিল 🔋
- যাহেদ ১০% কমিশনে একটি বই ক্রয় করে দোকানিকে ১৮০ টাকা দিল, বইটির প্রকৃত মূল্য কত १
- ১৩ , কলার দাম ১৪ 🧎 % কমে যাভয়ায় ৪২০ টাকায় পূর্বাপেকা ১০টি কলা বেশি পাওয়া যায় (ক) একটি সংখ্যার ১৪ 🤻 % — ১০ হলে, সংখ্যাটি নির্ণয় কর
 - (খ) প্রতি ডজন কলার বর্তমান দাম কত?
 - (গ) প্রতি ডজন কলা কত দামে বিক্রয় করলে, ১৯ 🦫 % লাত হতো?

২-৪ ঐকিক নিয়ম

মনে করি, ১০টি বলপেনের দাম ৫০ টাকা তাহলে, আমরা সহজেই বলতে পারি, ১টি বলপেনের দাম ^{৫০} টাকা বা ৫ টাকা।

এখন ১টি বলপেনের দাম থেকে ফেকোনো সংখ্যক বলপেনের দাম নির্ণয় করা যায় যেমন, ৮টি বলপেনের দাম (৫ < ৮) টাকা বা ৪০ টাকা

অতএব, ঐকিক নিয়মের সাহায্যে আমরা ১টি জিনিসের দাম, ওজন, পরিমাণ নির্ণয় করে নির্দিষ্ট সংখ্যক জিনিসের দাম, ওজন, পরিমাণ নির্ণয় করতে পারি। নিচের কয়েকটি উদাহরণ লক্ষ করি

উদাহরণ ১৩ ৭ ডজন পেলিলের দাম ১৪৪২ টাকা হলে, ১ ডজন পেলিলের দাম কত ? সমাধান: ৭ ডজন পেলিলের দাম ১৪৪২ টাক।

্ ১ ডজন পেশিলের দাম ২০৬ টাকা।

লক্ষ করি, ১ জন্তন পেন্সিলের দাম বের করতে ৭ ঘারা ১৪৪২ টাকাকে ভাগ করতে হয়েছে

উদাহরণ ১৪। ১০ জন লোক একটি কাজ ৯ দিনে করতে পারে ৫ জন লোক উক্ত কাজ কত দিনে করতে পারবেং

সমাধান: ১০ জন লোকে কাজটি করতে পারে ৯ দিনে

় ১ , ১ , ১ ১ ১০ দিনে বা ১০ দিনে।
এক্ষেত্রে, কান্ধাটি এক জন লোককে করতে হলে ১০ গুণ সময় লাগবে অর্থাৎ ১ জন লোকে ঐ কান্ধাটি
৯০ দিনে করতে পারে এখন ঐ কান্ধ ৫ জন লোকে করলে তাদের সময় ১ জন লোকের সময়ের
চেয়ে কম হবে অর্থাৎ ৫ জন লোকের কান্ধাটি করতে সময় লাগে ১০ দিন বা ১৮ দিন এখানে
৫
একজন লোকের কান্ধাটি করতে যে সময় লাগে সেই সময়েকে ৫ দ্বারা ভাগ করে ৫ জন লোকের সময়
নির্ণয় করা হয়েছে

উদাহরণ ১৫। একটি ছাত্রাবাসে ৫০ জন ছাত্রের জন্য ৪ দিনের খাদ্য মজুদ আছে ঐ পরিমাণ খাদ্যে ২০ জন ছাত্রের কতদিন চলবে ? সমাধান: ৫০ জন ছাত্রের খাদ্য আছে ৪ দিনের

এখানে আমরা দেখতে পাই, যে পরিমাণ খাদো ৫০ জনের ৪ দিন চলে, সেই পরিমাণ খাদো ১ জনের ২০০ দিন চলে আবার ঐ পরিমাণ খাদো ২০ জন ছাত্রের ১০ দিন চলে তা হলে দেখা যাচেছ যে, লোক সংখ্যা কমলে দিন বাড়ে আবার লোক সংখ্যা বাড়লে দিন কমে

উদাহরণ ১৬ ২০ জন শ্রমিক একটি পুকুর ১৫ দিনে খনন করতে পারে কত জন শ্রমিক ২০ দিনে পুকুরটি খনন করতে পারবে ?

সমাধান: ১৫ দিনে পুকুরটি খনন করতে শ্রমিক লাগে ২০ জন

নিৰ্ণেয় লোক সংখ্যা ১৫ জন

উদাহরণ ১৭। শক্তিক দৈনিক ১০ ঘণ্টা করে হেঁটে ১২ দিনে ৪৮০ কি.মি. অভিক্রম করে। দৈনিক ১০ ঘণ্টা করে হেঁটে সে কন্ত দিনে ৩৬০ কি মি. অভিক্রম করতে পারবে १

ममाधान : गरिक टेर्जनक ३० घणी करत (देरहे.

৪৮০ কি.মি. অভিজ্ঞাম করে ১২ দিনে

নিৰ্দেয় সময় ৯ দিন

উদাহরণ ১৮ । একটি কাজ ক ১২ দিনে ও খ ২০ দিনে করতে পারে ক ও খ একত্রে ঐ কাজটি কভ দিনে করতে পারবে ?

সমাধান: ক ১২ দিনে করতে পারে কাজটি

আবার, খ ২০ দিনে করতে পারে কাজটি

ক ও খ একরে কাজটির ^২ অংশ করতে পারে ১ দিনে ১৫

'. प्रम्ण्रं जश्य
$$3 \cdot \frac{3}{4}$$
 वा $3 \times \frac{30}{4}$ किंद्रव $\frac{3}{4}$ किंद्रव $\frac{3}{4}$ किंद्रव वा $9\frac{3}{4}$ किंद्रव

निर्पंत जबरा १ 🕹 जिन

উদাহরণ ১৯। ৪০ কেজি চালে ৫ সদস্য বিশিষ্ট একটি পরিবারের ২০ দিন চললে, ৭০ কেজি চালে একই পরিবারের কড দিন চলতে ?

সমাধান: ৪০ কেঞি চালে চলে ২০ দিন

নির্দেশ্য সময় ৩৫ দিন।

উদাহরণ ২০। একজন ঠিকাদার ১০০ কিলোমিটার বাস্তা ২০ দিনে সম্পন্ন করে দেওয়ার জন্য চুক্তি করলেন ২৫০ জন শ্রমিক নিয়োগ করে ১০ দিনে রাস্তার ৬২.৫০% সম্পন্ন করলেন

- (ক) প্রথম রাশি দ্বিতীয় রাশির ৬২ ৫০% হলে, ছিতীয় রাশি প্রথম রাশি = কত?
- (খ) যদি ১০০ জন শ্রমিক নিয়েগ করা হতো ভাহলে ১৫ দিনে কত কি মি রাস্তা তৈরি করা যেত?
- (গ) দেখাও যে, কাজটি নির্দিষ্ট সময়ের ৪ দিন আগেই সম্পন্ন হবে

সমাধান :

(ক) এখানে, ৬২.৫০% =

অর্থাৎ, ১ম রালি, ২য় রালির ৫ জংশ
১ম রাশি ৫ হলে, ২য় রাশি ৮
২ য় রাশি:১ম রাশি = ৮:৫

(খ) এখানে, ১০০ কি.মি. এর ৬২,৫০%

= ७२.৫० कि मि

∴২৫০ জন শ্রমিক ১০ দিনে সম্পন্ন করে ৬২ ৫০ কি মি রাক্স

- ু ১ জন শ্রমিক ১০ দিনে সম্পর করে ৬২ ৫০ কি.মি. রাস্তা ২৫০
- . ১ জন শ্রমিক ১ দিনে সম্পন্ন করে ২২ ৫০ কি.মি. রাস্তা ২৫০ x ১০
- ∴ ১০০ জন শ্রমিক ১৫ দিনে সম্পন্ন করে <u>৬২ ৫০ x ১০০ x ১৫</u> কি মি রাস্তা ২৫০ x ১০

= ৩৭.৫০ কি.মি.

১০০ জন শ্রমিক নিয়োগ করলে ১৫ দিনে ৩৭,৫০ কি মি রাস্তা তৈরি করা যেত

(গ) 'খ' হতে পাই, ১০০ কি মি এর ৬২ ৫০%= ৬২ ৫০ কি মি
২৫০ জন শ্রমিক ১০ দিনে তৈরি করে ৬২ ৫০ কি মি, রাস্তা
অবশিষ্ট থাকে (১০০-৬২.৫০) কি মি, রাস্তা

🗕 ৩৭.৫০ কি মি, রাস্তা

অবশিষ্ট সময় থাকে (২০-১০) দিন বা, ১০ দিন

- ∴২৫০ জন <u>শ্রমিক ৬২ ৫০ কি মি</u>, রাস্তা তৈরি করে ১০ দিনে
- ∴২৫০ জন শ্রমিক ১ কি মি রাস্তা তৈরি করে ^{১০} দিনে ৬২.৫০
- .' ২৫০ জন শ্রমিক ৩৭.৫ কি.মি রাস্তা তৈরি করে ১০ x ৩৭.৫০ দিনে

= 29800

় কাজটি নির্দিষ্ট সমেয়ের (১০-৬) দিন বা. ৪ দিন পূর্বে সম্পন্ন হবে (দেখানো হলো)

১ ছকে বামপকের সাথে ভান পকের মিল কর।

जनूनी**न**नी २-७

	(ক) অনুপাত	(季) %			
	(খ) একক অনুপাত	(খ) একটি ভগ্নাংশ			
	(গ) শতকরার প্রতীক	(4) 2 : 4			
	(ঘ) খক্ল অনুপাত	6:6(F)			
	(৩) লঘু অনুপাত	(3) 9 - 0			
Q. 1	অনুপাত কী ঃ				
	ক, একটি স্বপ্নাংশ খ একটি পূর্ণসংখ্যা	গ্ একটি বিজ্ঞাড় সংখ্যা	ঘ একটি মৌলিক সংখ		
© 1	২ : ৫ এর সমতৃল অনুপাত কোনটি 🔋				
	क, २ : ७ ४, ८ : ५	4, 6 : 50	ष, ৫ : २		
8 :	৩ ৪ এবং ৪ : ৫ এর মিশ্র অনুপাত কোনটি ?				
	क, ३৫ : ३७ च, ३२ : २०	키, 약 : 참	₹. 32 : 56		
æ	৩ : ২০ অনুপতেটি শতকরায় প্রকাশ কবলে কোনটি হবে ?				
	ক. ও%	7. 30%	4. 59%		
61	২০০ সেন্টিমিটারের ১%=কত?				
	(ক) ২ মিটার (খ) ১ মিটার	(গ) ২ সেন্টিমিটার	(ঘ) ১ সেন্টিমিটার		
9.13	:৫ অনুপাতের-				
	(1) পূর্ববাশি ১ (11) উত্তর রাশি ৫ (111) ব্যক্ত অনুপাত ৫ ১				
	নিচের কোনটি সঠিকঃ				
	(ক) বে া (ব্) বে লা	(च) ।। ७ ।।।ं	(♥) 1, 11, € 111		
ъ	১০০ জন ছাত্র ছাত্রীর মধ্যে ছাত্রী ৬০%	হলে			

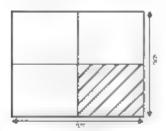
(।) ছাত্রীর সংখ্যা – ৬০ (।।) ছাত্র সংখ্যা – ৪০ (।।।) ছাত্র:ছাত্রী – ৩ ২

নিচের কোনটি সঠিক?

(क)। ७ । (व)। ७ ।। ।। (घ)।, ії, ७ ॥।

নিচের তথ্যের আলোকে (৯ ও ১০) নং প্রব্লের উত্তর দাও

চিত্রের প্রতিটি অংশ সমান।



চিত্রে দাগাল্পিত অংশ ও সম্পূর্ণ অংশের অনুপাত কত?

(全) 2:8

(খ) ৩:৪

(গ) ৪:৩

(国) 8:3

চিত্রের বৃহত্তম বর্গক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফল কত? 50

(ক) ১ বর্গমিটার (খ) ২ বর্গমিটার (গ) ৩ বর্গমিটার (ঘ) ৪ বর্গমিটার

নিচের তথ্যের আলোকে (১১ ও ১২) নং প্রশ্নের উত্তর দাও

একটি কাজ ২ জন পুরুষ অথবা ৩ জন বালক সম্পন্ন করতে পারে :২ জন পুরুষ কাজটি সম্পন্ন করে ৯০০ টাকা পেদ।

১১ ১৯ জন বালক কত জন পুরুষের সমান কাজ করতে পার্বে?

(ক) ৪ জন

(খ) ৬ জন

(গ) ৮ জন (ঘ) ১২ জন

১২ - যদি কাজটি ও জন বালক সম্পন্ন করত তাহলে প্রত্যেক বালক কত টাকা পেত?

(ক) ১৩৫০ টাকা (খ) ৯০০ টাকা

(গ) ৪৫০ টাকা (ঘ) ৩০০ টাকা

ইউসুফ পরীক্ষায় ৭০% নম্বর পায়। পরীক্ষায় মোট নম্বর ৭০০ হলে, ইউসুফের প্রাপ্ত নম্বর কত १ 20

季. (00)

4. 8ho

역, 580

₹, ào8

৮ কেজি চালের দাম ১৬৮ টাকা হলে, ৫ কেজি চালের দাম কত ? 38

ক ১৫০ টাকা

খ ১০৫ টাকা গ, ১১০ টাকা

ঘ, ১২৫ টাকা

- ৭ কেজি চালের দাম ২৮০ ট্রকা হলে, ১৫ কেজি চালের দাম কত ? 30
- ১৬ ৷ একটি ছাত্রাবাসে ৫০ জনের ১৫ দিনের খাদ্য মজুদ সাছে ঐ পরিমাণ খাদ্যে ২৫ জনের কভ দিন চলবে 🛚
- ১৭ একজন দোকানদার ১০০০ টাকা মূলধন বিনিয়োগ করে প্রতিদিন ৪৫০ টাকা লাভ করে তাঁকে প্রতিদিন ৬০০ টাকা লাভ করতে হলে, কত টাকা বিনিয়োগ করতে হবে ?

यभी नर्-৮, भणिख-५७

- ১৮ ১২০ কেজি চালে ১০ জন লোকের ২৭ দিন চলে। ১০ জন লোকের ৪৫ দিন চলতে হলে, কত কেজি চাল প্রয়োজন হবে ?
- ১৯ ২ কুইন্টাল চালে ১৫ জন ছাত্রের ৩০ দিন চলে। ঐ পরিমাণ চালে ২০ জন ছাত্রের কত দিন চলবে ?
- ২০ ২৫ জন ছাত্র বাস করে এমন ছাত্রাবাসে যেখানে সপ্তাহে পানির প্রয়োজন হয় ৬২৫ গ্যালন সপ্তাহে ৯০০ গ্যালন পানিতে কতজন ছাত্র প্রয়োজন মিটাতে পারবে ?
- ২১। ৯ জন শ্রমিক একটি কাজ ১৮ দিনে করতে পারে। ঐ কাজ ১৮ জন শ্রমিক কত দিনে করতে পারবে ?
- ২২ একটি বাধ তৈবি করতে ৩৬০ শ্মিকের ২৫ দিন সময় লাগে ১৮ দিনে বাধটির কাজ শেষ করতে হলে, কতজন অতিরিক্ত শ্রমিক লাগবে :
- ২৩ ২৫ জন লোক দৈনিক ৬ ঘণ্টা পরিশ্রম করে একটি কাজ ৮ দিনে শেষ করে ১০ জন লোক দৈনিক ৬ ঘণ্টা পরিশ্রম করে কত দিনে কাজটি করতে পারবে ?
- ২৪ একজন কুলছাত্র প্রতিদিন সাইকেল চালিয়ে ২ ঘণ্টায় ১০ কি মি, পথ অতিক্রম করে কুলে আসা-যাওয়া করে সে ৬ দিনে কত কি মি পথ অতিক্রম করে এবং তার গতিবেগ কড १
- ২৫ রবিন দৈনিক ১০ ঘণ্টা করে হেঁটে ১২ দিনে ৪৮০ কি মি অভিক্রম করে দৈনিক ৯ ঘণ্টা হেঁটে সে কড দিনে ৬৬০ কি.মি. অভিক্রম করতে পারবে ঃ
- ২৬ কালাল প্রতি ৩ ঘণ্টায় ৯ কিলোমিটার পথ অতিক্রম করতে পারে ৩৬ কিলোমিটার পথ অতিক্রম করতে তার কত ঘণ্টা লাগবে ?
- ২৭ ৬ জন লোক ২৮ দিনে কোনো জমির ফসল কাউতে পারে ২৪ জন লোক কত দিনে ঐ জমির ফসল কাউতে পারে !
- ২৮ ২ জন পুরুষ ৩ জন বালকের সমান কাজ করে ৪ জন পুরুষ ও ১০ জন বালক একটি কাজ ২১ দিনে করতে পারে ঐ কাজটি ৬ জন পুরুষ ও ১৫ জন বালক কত দিনে করতে পারবে ?
- ২৯ কোনো কাজ আলিফ ২০ দিনে এবং খালিদ ৩০ দিনে করতে পারে তাদের দৈনিক মজুরি যথাক্রমে ৫০০ টাকা এবং ৪০০ টাকা তারা একত্রে ৩ দিন কাজ করার পর বাকি কাজ বালিদ একা সম্পন্ন করে
 - (ক) আলিফ ও খালিদ একরে ১ দিনে কতটুকু কাজ করতে পারবে?
 - (খ) কাজটি কত দিনে শেষ হয়েছিল?
 - (গ) যদি প্রত্যেকে আলাদা ভাবে কাজটির $\frac{d}{35}$ অংশ সম্পন্ন করে তাহলে, তাদের প্রাপ্ত মজুনির অনুপাত নির্দয় কর

তৃতীয় অধ্যায়

পূৰ্ণসংখ্যা

আদিম মানুষ পণ্ডপালন এবং খাদ্য সামগ্রীর হিসাব রাখার জন্য পাধর, কাঠি ইত্যাদি কাবহার করত। এসব উপকরণ দিয়ে হিসাব রাখা কষ্টকর বিধায় তনে পাওয়া সংখ্যাকে দিবে রাখার জন্য নান্য রক্তম প্রতীকের প্রয়োজন সেখা দেয় সেখান থেকেই প্রতীকের মাধায়ে সংখ্যা গদান করা তরু হয় এবং বর্তমান সংখ্যা পদ্ধতি বিকাশ দাস্ত করে ০ খেকে ৯ পর্যন্ত অন্ধন্তলোকে বাবহার করে সন সংখ্যাকেই দিখে ফেলা যায় এই অধ্যায়ে আমরা ঋণাজ্যক পূর্ণসংখ্যার ধারণা পার একই সাথে সংখ্যারেখায় পূর্ণসংখ্যা ছাপন, তাদের মধ্যে ভুলনা এবং যোগ ও বিয়োগ প্রতিয়া নিয়ে আলোচনা করব।

অধ্যায় শেষে শিক্ষার্থীরা –

- 🤛 পূর্ণ সংখ্যার বৈশিষ্ট্য ব্যাখ্যা করতে পারবে
- 🔑 পূর্ণ সংখ্যা খনাক্ত করতে পারবে।
- 🛩 সংখ্যারেখায় পূর্ণসংখ্যার অবস্থান দেখাতে পারবে এবং ছোট-বড় সংখ্যা তুলনা করতে পারবে
- চিহ্নযুক্ত সংখ্যার যোগ, বিয়োগ করতে পারবে এবং সংখ্যারেখার সাহায্যে দেখাতে পারবে

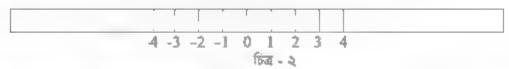
৩-১ ঋণাত্মক পূর্ণসংখ্যার ধারণা

তমা ও সালমা খেলার জনা সমদূরবতী 25টি বিন্দু () থেকে 25 পর্যন্ত সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত একটি কেল নিল তরুতে () (শুনা) চিহ্নের উপর ভারা তাদের গুটি দুইটি রাখলো। লাল ও নীল রঙের দুইটি ছক্কা একটি বাাগে রাখা হলো খেলার নিয়মানুসারে, একজন একটি ছক্কা উঠিয়ে নিক্ষেপ করার, তারপর নিক্ষেপ করা ছক্কাটি বাাগে রেখে ছিত্রীয় জন একটি ছক্কা উঠাবে নিক্ষেপ করা ছক্কাটি লাল হলে যে সংখ্যাটি উঠবে তার গুটি তত দ্বর ডার্নাদিকে সরবে আবার ছক্কাটি নীল হলে যে সংখ্যাটি উঠবে তার গুটি তত দ্বর ডার্নাদিকে সরবে আবার ছক্কাটি নীল হলে যে সংখ্যাটি উঠবে তার গুটি তত দ্বর ডার্নাদিকে সরবে কিন্তু প্রশ্ন হলো () চিহ্নের বামে কোনো দ্বর নেই এমতাবস্থায়, নীল রঙের ছক্কা নিক্ষেপ করার পর তারা গুটি সরাবে কোন দিকে ?

তমা ও সালমা তখন একই ধরনের নীল রছের একটি স্কেল () এর বামপাশে স্থাপন করে খেলাটি শেষ করলো উল্লেখ্য, খেলাটি শেষ করার শর্ত ছিল যে, যার হুটি ডার্নজিকে 25 পর্যন্ত আগে যাবে সে জন্মী হবে এবং যে বামলিকে 25 পর্যন্ত যাবে সে খেলা হতে বাদ পড়বে



অপর একদিন খেলার জন্য তারা কোনো নীল স্কেল না পেয়ে দুইটি একই ধরনের স্কেল বিপরীত দিকে স্থাপন করলো তারা একমত হলো যে, শূনোর বামে অর্থাৎ, বামদিকের স্কেলের সংখ্যাগুলোর সাথে একটি চিহ্ন বসিয়ে নিতে হবে এবং এই চিহ্নটি হবে বিয়োগ চিহ্ন ' এতে বিয়োগ চিহ্নযুক্ত সংখ্যাগুলো শূনোর চেয়ে ছোট বোনাবে এই সংখ্যাগুলো শ্বিত্যক সংখ্যা



৩-২ ঋণাত্মক সংখ্যা লিখন পদ্ধতি :

মনে করি, শিপন ও রাজু কোনো স্থানের শূন্য বিন্দু থেকে পরস্পর বিপরীত দিকে ইটো ওরু করলো
শূন্য বিন্দুর ভানদিকের ধাপকে '+' চিহ্ন এবং বামদিকের ধাপকে ' ' চিহ্ন হারা সূচিত কর হলো
শিপন যদি ভান দিকে 5টি ধাপ অতিক্রম করে, তাহলে তার অবস্থানকে + 5 হারা এবং রাজু
যদি বামদিকে 4 টি ধাপ অতিক্রম করে, তাহলে তার অবস্থানকে - 4 হারা চিহ্নিত করা হবে

कांच :

নিচের প্রত্যেকটি ধাপকে অবস্থান অনুযায়ী '+' বা ' ' চিহ্ন সহকারে শেখ

- (ক) শূন্য বিন্দুর বামদিকে 4 টি ধাপ
- (च) भूना विस्पृद्ध कार्नामहक 7 कि धान
- (গ) শূন্য বিন্দুর ডানদিকে 🗓 টি ধাপ
- (ঘ) শূন্য কিন্দুর ব্যয়দিকে 6টি থাপ

৩.৩ সংখ্যার হাস ও বৃদ্ধি :

পূর্ববর্তী আলোচনা থেকে আমরা দেখতে পাই যে, গতিপথের ভানদিকে যদি সংখ্যাটি ধনাত্মক হয় তবে বামদিকে সংখ্যাটি খণাত্মক হবে যদি কোনো সংখ্যা থেকে । ধাপ ভানদিকে যাওয়া যায়, তবে ঐ সংখ্যার পরবর্তী সংখ্যাটি পাওয়া যাবে এবং যদি । ধাপ বাম দিকে যাওয়া যায়, তবে পূর্ববর্তী সংখ্যাটি পাওয়া যাবে।

中國 :		
নিচের সংখ্যাগুলোর পরবারী সংখ্যাটি লেখ	নিচের সংখ্যাওলের পূর্ববর্তী সংখ্যাটি লেখ	
পুদন্ত সংখ্যা পরবর্তী সংখ্যাটি	পুলন্ত সংখ্যা 📗 পূৰ্ববৰ্তী সংখ্যাটি	
10	10	
8	8	
-5 I I	1 3	
-3 I I	1 0	
0	3	
3	6	

৩-৪ ঋণাত্মক সংখ্যার ব্যবহার

এ পর্যন্ত আমরা ঋণাত্মক সংখ্যার ধারণা পেয়েছি। বাস্তব জীবনে এগুলো কিন্তাবে ব্যবহার করা হয়, তা এখানে আলোচনা করা হলো:

আয়, ব্যয় লাভ, ক্ষতি বৃদ্ধি, হ্রাস

এওলো আমাদের পরিচিত শব্দ। জেড়োর প্রথমটি দিতীয়টির বিপরীত আয়, লাভ ও বৃদ্ধি বলতে পরিমাণে বাড়ে আবার বায়, ক্ষতি ও হ্রাস বলতে পরিমাণে কমে

5 টাকা আয়কে + 5 টাকা ছারা চিহ্নিত করলে 7 টাকা ব্যয়কে — 7 টাকা ছারা চিহ্নিত করা যায়
ঠিক এমনিভাবে + 6 টাকা ছারা 6 টাকা লাভ বোঝালে — 4 টাকা ছারা 4 টাকা ছাত্র বোঝানো যায়
উপরের আলোচনা থেকে লক্ষ করি যে, একই ছাত্রীয় কিন্তু বিপরীতমুখী দুইটি রাশির পার্থকা
বোঝাতে একটিকে (+) চিহ্নযুক্ত ধরলে জপরটি (—) চিহ্নযুক্ত হবে

(+) চিক্রযুক্ত রাশিকে ধনাত্রক রাশি বা ধন রাশি বলে এবং (-) চিক্রযুক্ত রাশিকে ঋণাত্রক রাশি বা ঋণ বাশি বলে এ জন্য (+) ও () চিক্রময়কে যথাক্রয়ে ধনাত্রক চিক্র ও ঋণাত্রক চিক্র বলে

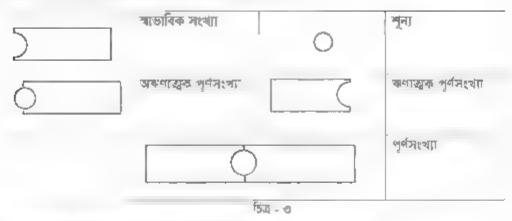
কাজ > । নিচের শক্ষ্ণল সম্পর্কে ব্যাখ্যা দাও । জনা, খরচ ভরা, খালি -াগন বাহি

৩-৫ পূর্ণসংখ্যা

মানুষের প্রয়োজনে প্রথমে 1, 2, 3, এ সংখ্যাগুলো আবিষ্কৃত হয় এগুলোকে স্বাভাবিক সংখ্যা বা ধনাজ্যক পূর্ণসংখ্যা বলে স্বাভাবিক সংখ্যার সাথে () নিয়ে আমরা পাই, 0,1,2,3. এগুলোকে অঝণাত্যক পূর্ণসংখ্যা বলা হয় আবার 4, 3, 2 1 সংখ্যাগুলো ঝণাত্যক পূর্ণসংখ্যা অঝণাত্যক পূর্ণসংখ্যা একর করনে আমরা পাই.

-4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4,

নিচের চিত্রগুলোর সাহায্যে সংখ্যান্তলো প্রকাশ করা যেতে পারে



৩.৬ সংখ্যারেখায় পূর্ণসংখ্যা স্থাপন (পূর্ণসংখ্যার অবস্থান নির্ণয়)

একটি সরলরেখা অন্ধন করে তার উপরে একটি বিন্দু () নিই , ভাহলে, () বিন্দুটি সরলরেখাটিকে দুইটি অংশে বিভক্ত করে। একটি অংশ ভার্নাদকে ও অপর অংশটি বার্মাদকে সীয়াহীনভাবে বিস্তৃত। এর ভার্মাদককে ধনাত্রক ও বার্মাদককে খণাত্রক ধরা হয়

এখন একটি নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যকে একক ধরে () বিন্দু থেকে তবু করে ডান দিকে ও বাম দিকে পর পর সমান দ্রত্বে দাগ দিই এখন () বিন্দুর ডান্দিকের দাগওলোকে পর্যায়ক্রমে + I, + 2, + 3, + 4 ... বা শুধুমাত্র 1, 2, 3, 4... লিখে এবং বাম দিকের দাগওলোকে I, 2, 3, 4

এখন, সংখ্যারেখার উপর ধনাত্যক পূর্ণসংখ্যা 🤰 স্থাপনের জন্য বিন্দৃর ডানদিকে 🤰 একক দ্রের বিন্দৃটিকে গাঢ় গোল চিহ্ন দারা আবদ্ধ করি (চিত্র-৪) তাহলে গোল চিহ্নিত বিন্দৃটিই হবে 🗦 এর অবস্থান ।



আবার, সংখ্যারেখার উপর ঋণাত্মক পূর্ণ সংখ্যা 6 স্থাপনের জন্য বিন্দুর বামদিকে 6 একক দূরের বিন্দুটিকে গাঢ় গোল চিহ্ন ছারা আবদ্ধ করি (চিত্র-৫)। তাহলে এই বিন্দুটিই হবে 6 এর অবস্থান

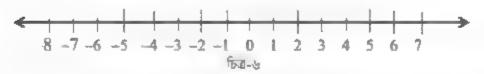


৩-৭ পূর্ণসংখ্যার ক্রম

রমা ও বাণী যে থামে বাস করে সেখানে সিভি বাঁধানো একটি পুকুর আছে পুকুরের পাড় হতে
নিচ তলা পর্যন্ত 10টি ধাপ আছে একদিন ভারা পুকুরপাড়ে গিয়ে দেখে যে পাড় হতে 5 ধাপ
নিচে পানি আছে বর্ষাকালে পানি কোথায়ে ওঠে তা দেখার জন্য ভারা পানির বর্তমান ন্তরকে 0 ছারা
চিহ্নিত করলো তারপর উপরের দিকে ধাপওলোকে 1, 2, 3, 4, 5 ছারা চিহ্নিত করলো বর্ষাকাশে
বৃষ্টির পর ভারা দেখলো যে পানির ন্তর 3 ধাপ পর্যন্ত উপরে উঠেছে বর্ষা চলে যাওয়ার কয়েক
মাস পর দেখা গেল যে পানির ন্তর 0 চিক্নের 3 ধাপ নিচে নেমেন্তে ভাহলে নিচের ধাপওলোকে
কিন্তাবে চিহ্নিত করা যেতে গারে ছ

যেহেতু পানি কমেছে, সেজনা তারা নিচের দিকে '-' বিয়োগ চিহ্নযুক্ত সংখ্যা বসানোর সিদ্ধান্ত নিল সে অনুযায়ী () এর নিচের ধাপওলোকে পরপর -1, -2, -3 দ্বারা চিহ্নিত করলো । এর কিছুদিন পর পানি আরো । ধাপ নিচে নেমে শেল , তখন তারা ঐ ধাপকে -4 দ্বারা চিহ্নিত করলো তাহলে দেখা যাছেছে যে, 4 < 3 । অনুক্রপভাবে বলা যায় যে, -5 < -4

भूनदाश आग्रदा সংখ্যা<u>त</u>्वधार পূর্ণসংখ্যা স্থাপন করি



আমরা জানি, 7 > 4 এবং সংখ্যারেখায় আমরা দেখি যে, 4 এর ডানে 7 অনুরূপড়াবে, 4 > 0 অর্থাৎ 0 এর ডানে 4 আবার যেহেতু -3 এর ডানে 0, সূতরাং 0 > -3 অনুরূপড়াবে, 8 এর ডানে 3 হওয়ায় -3 > -8। এডাবে আমরা দেখতে পাই, সংখ্যারেখায় আমরা ডানদিকে গোলে সংখ্যার মান বৃদ্ধি পায় এবং বামদিকে গোলে হাস পায়

অভএব, – 3< -2, -2<-1, 1<0.0<1,1<2,2<3, অর্থাৎ পূর্ণসংখ্যাগুলোকে পর্যায়ক্রমে আমরা ..., 5, –4, 2, 1,0.1.2,3,4,5,.... আকারে লিখতে পারি

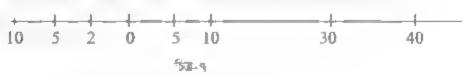
- নিচের বাক্যাংশগুলে। বিপরীত অর্থে লিখ :
 - (ক) ওজন বৃদ্ধি ,
- (খ) 30 কি মি, উত্তর দিক ় (গ) বাড়ি হতে বাজার ৪ কি মি পূর্বে ,
- (ঘ) 700 টাকা ক্ষতি , (৯) সমুদ্রপৃষ্ঠ থেকে 100 মিটার উপরে
- নিচের বাক্যগুলোতে উল্লেখিত সংখ্যাগুলে। উপযুক্ত চিহ্ন সহকারে লেখ Ş
 - (ক) একটি উড়োজাহাজ সমতলভূমি থেকে দুই হাজার মিটার উপর দিয়ে উড়ছে
 - (খ) একটি ভূবোজাহাজ সমুদুপুষ্ঠ থেকে আটশত মিটার গভীরে চদছে 🥏
 - (ग) पृदेशक काका वाश्रक स्वया ताथा ।
 - (ছ) সাত্তশত টাকা ব্যাংক থেকে ছণ নেওরা।
- নিচের সংখ্যাগুলোকে সংখ্যারেখয়ে স্থাপন কর .

 - (4) + 5 (4) 10 (4) + 8

- (₹) −1 (₹) −6
- কোনো একটি নির্দিষ্ট দিনে বিভিন্ন দেশের চারটি স্থানের তাপমান্তার তালিকা নিয়ে উল্লেখ করা হলো 8

স্থানের নাম	ভাপমাত্রা	কাঁকা কলাম
कार्	0 C' এর উপরে 30 C'	** * * * * * * * * * * * * * * * * * * *
কাঠয়ান্ড্	0 C এর नग्र 2 C	
শ্রীনগর	0° C এর নিচে 5° C	
বিয়াদ	0 C এর উপরে 40 C	P+ +1 P+1 P+1

- (ক) বিভিন্ন স্থানের তাপমাত্রা উপযুক্ত চিহ্ন সহকারে পূর্ণসংখ্যায় উপরের ফাকা কলামে লেখ
- (খ) নিচের সংখ্যারেখায় উল্লেখিত সংখ্যাগুলো দ্বারা তাপমাত্রা দেখানো হয়েছে



- (৷) তাপমাত্রা অনুযায়ী উপরোক্ত স্থানগুলোর নাম সংখ্যারেখায় পোখ
- (II) কোন স্থানটি সবচেয়ে শীতল 🔋
- (111) যে সকল স্থানের তাপমাত্রা 10 (এর বেশি সে সকল স্থানের নাম লেখ —

- কিয়ে প্রদত্ত সংখ্যাছয়ের মধ্যে কোনটি অন্যতির ভানে অবস্থিত তা সংখ্যারেখায় দেখাও .
 - (季) 2.9

- (খ) 3, 8
- (4) 0, 1

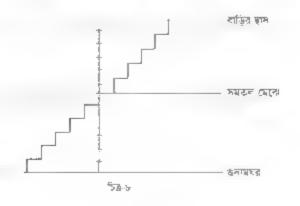
- (国) -11,10
- (8) 6, 6
- (5) 1, -10
- িনিয়ে প্রদত্ত সংখ্যাছয়ের মধ্যবাতী পূর্ণ সংখ্যাগুলো মানের উধরক্রম অনুষায়ী লেখ : ψ,
 - (ক) 0 এবং -7 (খ) -4 এবং 4

 - (গ) -4 এবং -15 (ম) -30 এবং -23
- (ক) 20 হতে বড় চারটি ঋণাত্রক পূর্ণসংখ্যা লেখ ٩.
 - (খ) [() হতে ছোট চানটি ঋণাত্যক পূর্ণসংখা। লেখ।
 - (গ) | 0 ও 5 এর মধ্যবন্তী চারটি ঋণাত্মক পূর্ণসংখ্যা লেখ
- নিচের বাকাণ্ডলের পাশে সত্য হলে (স) এবং মিধ্যা হলে (মি) লেখ মিধ্যা হলে বাকাটি ভদ্ধ কর br.

 - (ক) সংখ্যারেখায় [() এর ডানে ৪
 (খ) সংখ্যারেখায় 6() এর ডানে 7()
 - (গ) সবচেয়ে ছোট ঋণাত্মক পূর্ণ সংখ্যা -- [. (ঘ) -- 20 এর চেয়ে -- 26 বড়

৩-৮ পূর্ণসংখ্যার যোগ

শ্যামাদের একতলা বাডির ছাদে এবং নিচের গুদামঘরে যাওয়ার জন্য একটি সিডি আছে ধরা যাক, বাড়ির মেঝে থেকে উপরে ওঠার প্রত্যেকটি সিভি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা, নিচে গুলামঘরে যাওয়ার প্রত্যেকটি সিভি ঋণাত্মক পূর্ণসংখ্যা এবং মেঝেকে লুনা (()) দ্বারা নির্দেশ করা হলো



নিচের বাক্যগুলো পড় এবং খালি ঘর পূরণ কর (দৃইটি করে দেখানো হলো) -

- (ক) সমতল মেঝে থেকে 6 টি সিঁভি উপরে উঠলে হবে + 6
- (খ) সমতল মেঝে থেকে 5টি সিঁড়ি নিচে নেমে এবং সেখান থেকে 7টি সিঁড়ি উপরে উঠলে হবে (-5)+(+7)=+2
- (গ) সমতল মেৰে থেকে 4 টি সিড়ি নিচে নামলে হবে
- (ঘ) সমতল মেঝে থেকে 2 টি সিভি উপরে উঠে এবং সেখান থেকে আরো 3 টি সিভি উপরে উঠলে হবে
- (৩) সমতল মেঝে থেকে 4টি সি

 ভি নি

 েন্যে এবং সেখান থেকে আরো 2টি সি

 ভি নি

 ত নামলে হবে
- (চ) সমতল মেঝে থেকে 5টি সিঙি নিচে নেমে এবং সেখান থেকে 3টি সিঙি উপরে উঠলে হবে

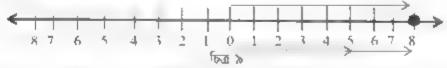
 !
- (ছ) সমতল মেঝে থেকে 4 টি সিভি উপরে উঠে এবং সেখান খেকে ৪ টি সিভি নিচে নামলে হবে

কাল :

দলীয়ভাবে সংখ্যারেখা অঙ্কণ করে উপরে বর্ণিত প্রশ্নের অনুরূপ কিছু প্রশ্ন ও উত্তর তৈরি কর এবং শিক্ষকদের নির্দেশে এক দলের কাজ অন্য দলের সাথে বিনিময় ও মৃল্যায়ন কর

৩ ৯ সংখ্যারেখার সাহায্যে পূর্ণসংখ্যার যোগ

(ক) সংখ্যারেখার সাহায়ে। 5 ও 3 এর যোগ অর্থাৎ, 5 + 3 নির্ণয় : প্রথমে একটি সংখ্যারেখা অতি ।



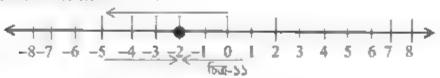
সংখ্যারেখার () বিন্দু থেকে ভানদিকে প্রথমে 5 ধাপ অভিক্রম করে 5 বিন্দুতে পৌছাই তারপর 5 বিন্দুর ভানদিকে আরও 3 ধাপ অভিক্রম করি এবং 8 বিন্দুতে পৌছাই তাহলে, 5 ও 3 এর যোগফল হবে 5+3=8 (চিত্র-৯)।

(খ) সংখ্যারেখার সাহায্যে 5 ও 3 এর যোগ অর্থাৎ, 5 + (3) নির্ণয় প্রথমে একটি সংখ্যারেখা আঁকি।



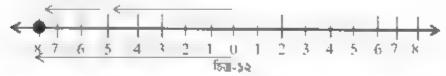
সংখ্যারেখার উপর () বিন্দু থেকে ভানদিকে প্রথমে 5 ধাপ অতিক্রম করে 5 বিন্দুতে পৌছাই তারপর 5 বিন্দুব বামদিকে 3 ধাপ অতিক্রম করি এবং 2 বিন্দুতে পৌছাই । তাহলে, 5 ৬ – 3 এর যোগফল হবে (+5)+(-3) – 2 (চিত্র-১০)।

(গ) সংখ্যারেখার সাহায্যে – 5 ৪ 3 এর যোগ অর্থাৎ, (5) + 3 নির্ণয় প্রথমে একটি সংখ্যারেখা আঁকি।



সংখ্যারেখার উপর () বিন্দু থেকে বামদিকে প্রধমে 5 ধাপ অতিক্রম করে 5 বিন্দুতে পৌছাই তারপর 5 বিন্দুর জানদিকে 3 ধাপ অতিক্রম করি এবং 2 বিন্দুতে পৌছাই তাহলে, 5 ও 3 এর যোগফল হবে (5) + (+3) – 2 (চিত্র-১১)

(ঘ) সংখ্যারেখার সাহায়ে। 5 ও 3 এর যোগ অর্থাৎ, (5) + (3) নির্ণয় : প্রথমে একটি সংখ্যারেখা আঁকি।

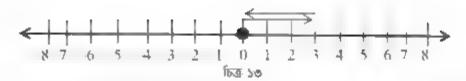


সংখ্যারেখার উপর () বিন্দু থেকে বামদিকে প্রথমে 5 ধাপ অতিক্রম করে 5 বিন্দুতে পৌছাই ভারপর 5 বিন্দুর বামদিকে আরও 3 ধাপ অতিক্রম করি এবং ৪ বিন্দুতে পৌছাই ভাহলে - 5 ও – 3 এর যোগফল হবে (5) + (3) – ৪ (চিক্র ১২)

উপরের আলোচনা থেকে আমরা দেখতে পাই যে, যদি কোনো পূর্ণসংখ্যার সাথে একটি ধনাজ্যক পূর্ণসংখ্যা যোগ করা হয় তবে যোগফল পূর্ণসংখ্যাটি থেকে বড় হয় আবার, যদি কোনো পূর্ণসংখ্যার সাথে একটি ঋণাজ্যক পূর্ণসংখ্যা যোগ করা হয় তবে যোগফল পূর্ণসংখ্যাটি থেকে ছোট হয়।

এখন দুইটি পূর্ণ সংখ্যা 3 ও 3 এর যোগফল নির্ণয় করি। প্রথমে সংখ্যারেখার উপর 0 বিন্দু থেকে ডানদিকে 3 ধাপ অতিক্রম করে + 3 বিন্দুতে পৌছাই এবং তারপর + 3 বিন্দু থেকে বামদিকে 3 ধাপ অতিক্রম করি তাহলে আমরা কোন বিন্দুতে পৌছলাম ?

চিক্র ১৩ থেকে দেখতে গাই যে, 3+(3) 0 অর্থাৎ 0 বিন্দৃতে পৌছলায



সূতরাং দুইটি পূর্ণসংখ্যা 3 এ 3 যোগ করলে আমরা পাই শূন্য অর্থাৎ একটি ধনাত্রক পূর্ণসংখ্যার সাথে তার ঝণাত্রক পূর্ণসংখ্যা যোগ করলে যোগফল শূন্য হয়।

এ ক্ষেত্রে, 3 কে + 3 এর যোগাভাক বিপরীত এবং + 3 কে 3 এর যোগাভাক বিপরীত বলা হয়

কান্ত :

- ১ কয়েকটি ধনাত্রক ও ঋণাত্রক পূর্ণসংখ্যা লিখে তাদের য়োগাত্রক বিপরীত সংখ্যা লেখ এবং এগুলোকে সংখ্যারেখায় দেখাও।
- ২ সংখ্যারেখা ব্যবহার করে নিচের যোগফলখুলো নির্দয় কর , (ক) (2) + 6 (খ) (6) + 2 এ ধরনের আরও দুইটি পূশু তৈরি কর এবং নিচের নিচের সংখ্যারেখা ব্যবহার করে সমাধান কর ।

উদাহরণ 3) যোগফল নির্ণয় কর (-9) + (+4) + (-6)

সমাধান প্রদন্ত রাশিমালার ঋণাত্মক সংখা।ওলোকে একরে পাশাপাশি সাজিয়ে লিখে পাই,

$$(-9) + (+4) + (-6)$$

= $(-9) + (-6) + (+4)$
= $(-15) + (+4) = 15 + 4$

উদাহরণ ২ (+30) + (23) + (63) + (+55) এর মান নির্ণয় কর ।

সমাধান : প্রদন্ত রাশিমালার ধনাত্রাক এবং ক্ষণাস্থ্যক পূর্ণসংখ্যান্তলোকে একত্রে পালাপ্রদি সাজিয়ে লিখে পাই,

$$(+30) + (-23) + (-63) + (+55)$$

= $(+30) + (+55) + (-23) + (-63)$
= $(+85) + (-86) - 85 - 86$

উদাহরণ ত। (-10), (92), (84) এবং (-15) সংখ্যাতলোর যোগফল নির্ণয় কর

$$(10) + (15) + (92) + (84)$$

= $(25) + (176) = 176 + 25 = 151$

কাজ: ১ সংখ্যারেখা বাবহার না করে নিচের যোগফলগুলো নির্দয় কর (ক) (+7) + (11) (3) (-13) + (+10) = (5) (-7) + (+9) $(\nabla) (+10) + (-5)$ এ ধরনের আরও পাঁচটি প্রস্থু তৈরি কর এবং নিজে নিজে সংখ্যারেখা ব্যবহরে না করে সমাধান কর

অনুশীলনী ৩-২

সংখ্যারেখা ব্যবহার করে নিচের যোগফলভলো নির্ণয় কর : ١.

$$(4) 9 + (-6)$$

$$(3) 5 + (-11)$$

(4)
$$9 + (-6)$$
 (3) $5 + (-11)$ (7) $(-1) + (-7)$ (8) $(-5) + 10$

$$(3) (-5) + (3)$$

সংখ্যারেখা ব্যবহার না করে নিচের যোগফলগুলো নির্ণয় কর : Ž.

$$\{3\}$$
 (= $\{3\} + \{4\}$ 8)

(4)
$$(-13) + (+18)$$
 (4) $(-10) + (+19)$

$$(\forall) (-1) + (-2) + (-3)$$
 $(\forall) (-2) + 8 + (-4)$

(4)
$$(-2)+8+(-4)$$

ত। যোগ কর:

B। যোগফল নির্ণয় কর :

$$(\Phi)(-7) + (-9) + 4 + 16$$

$$(\overline{4})(-7) + (-9) + 4 + 16$$
 (4) $37 + (-2) + (-65) + (-8)$

৩-১০ সংখ্যারেখার সাহায্যে পূর্ণসংখ্যার বিয়োগ

আমরা সংখ্যারেখার সাহায়্যে পূর্বসংখ্যার যোগ শিখেছি সে ক্ষেত্রে আমরা দেখতে পাই যে, কোনো সংখ্যার সাথে ধনাত্রক পূর্ণসংখ্যা যোগ করার জন্য ঐ বিন্দু থেকে ডার্নদিকে যাই আবার ঋণাত্রক পূর্বসংখ্যা যোগ করার জন্য ঐ বিন্দু থেকে বার্মাদকে মাই ৷ এখন আমরা পূর্বসংখ্যা থেকে পূর্বসংখ্যা কিডাবে বিয়োগ করা হয় তা শিখবো।

(ক) সংখ্যারেখার সাহায্যে 6 থেকে 2 এর কিয়োগ অর্থাৎ, 6 (+2) নির্ণয়

সংখ্যারেখা ব্যবহার করে পূর্ণসংখ্যা 6 স্বেকে 2 বিয়োগ করার জন্য 6 বিন্দু থেকে বামদিকে 2 ধাপ অতিক্রম করি এবং 4 বিন্দৃতে পৌছাই : সূতরাং আমরা পাই 6 (+2) 6 2 4 (চিত্র-১৪)



(খ) সংখ্যারেখার সাহায়্যে 6 থেকে (2) এর বিয়োগ অর্থাৎ 6 (2) নির্ণয় .

6 (2) নির্ণয়ের জন্য আমরা কি 6 বিন্দু থেকে 2 ধাপ বামদিকে যাব নাকি ভানদিকে যাব ? যদি, আমরা 2 ধাপ বামদিকে যাই তবে 4 বিন্দুতে পৌছাই । তাহলে আমাদের বলতে হবে 6 (7) =4 কিন্তু এটা সঠিক নয় কারণ আমরা জানি 6 2 4 অতএব, 6 $2 \neq 6$ (2), যদি 0 থেকে 2 ঘর বামে যাওয়া 2 হয় তবে 0 থেকে 2 ঘর বামে যাওয়া অর্থ হবে 0 থেকে 2 ঘর বামে যাওয়া । তাই 6-(-2)=6+2=8.

যেহেতু, সংখ্যারেখার উপর আমরা শুধু ডাম বা বাম দিকে যেতে পারি, সেহেতু আমাদেরকে 6 বিন্দুর ডার্নদিকে 2 ধাপ যেতে হবে এবং 6 (2) ৪ হবে (চিত্র-১৫)

লক করি: -(-2)=+2=2.



সমসাটির সমাধান অন্যভাবে বিবেচনা করা যাক। আমরা জানি যে, (2) এর যোগাতাক বিপরীত 2 সে জন্য 6 এর সাথে (-2) এর যোগাথক বিপরীতের যোগফেল যা পাওয়া যায় তা 6 থেকে(-2) এর বিয়োগফলের সমান।

একটি সংখ্যা থেকে অপর একটি সংখ্যা বিয়োগ করার অর্থ থলো, প্রথম সংখ্যার সাথে দিতীয় সংখ্যার যোগান্তকে বিপরীত সংখ্যা যোগ করা

সূতরাং আমরা লিখতে পারি, 6 (2) - 6 + 2 - 8

উপরের উদাহরণ থেকে এটা স্পন্ত যে, যখন কোনো সংখ্যা থেকে একটি ঋণাত্মক পূর্ণ সংখ্যা বিয়োগ করা হয়, তথন ঐ সংখ্যা থেকে বড় কোনো সংখ্যা পাওয়া যায়।

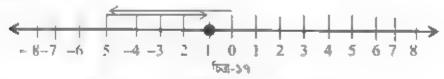
(११) সংখ্যারেখা ব্যবহার করে 5 (+4) এর মান নির্ণয় •



আমরা জানি, -5-(+4)=-5+(-4), যেহেড় +4 এর যোগাত্যক বিপরীত -4 আমরা এখন 5+(-4) এর মান নির্ণয় করার জন্য -5 বিন্দু থেকে বামদিকে 4 ধাপ অতিক্রম করি এবং -9 বিন্দুতে পৌছাই ভাহলে আমরা পাই -5+(-4)=-9 সুতরাং -5+(-4)=-9 (চিত্র-১৬) (ঘ) সংখ্যারেখা বাবহার করে -5-(-4) এর মান নির্ণয় :

আমরা জানি, – 5 – (–4) – –5 + 4, সেহেতু – 4 এর যোগাত্মক বিপরীত 4 এখন 5 + (4) এর মান নির্ণয় করার জন্য আমরা – 5 বিন্দুটি খেকে ভানদিকে 4 ধাপ অভিক্রম করি এবং – 1 বিন্দুতে পৌছাই

(চিত্র-১৭)



তাহলে আমরা পাই -5 + 4 = 1, সূতরাং -5 - (-4) = 1

উদাহরণ ১। ১৪ - (10) এর মান নির্ণয় কর

সমাধান: আমরা জানি, 1() এর যোগান্তাক বিপরীত 1(),

মতএব, (8) (10) — 8+(10) এর যোগাত্মক বিপরীত) = 8+10-2সূতরাং —8-(-10)=2

এখন, সংখ্যারেখার উপর 8 বিন্দুটি থেকে ডার্নাদকে 1() ধাপ অভিক্রম করি এবং 2 বিন্দুতে পৌছাই সূতরাহ -8-(-10)=2

উদাহরণ ২। (।()) থেকে (4) বিয়োগ কর

সমাধান : আমরা জানি, (-4) এর হোগাত্মক বিপরীতক 4

মুক্তরাং, (10) (4) ~ (10) + (4 এর যোগাত্মক বিপরীত) = 10 + 4 = 6

উদাহরণ ৩। (-3) থেকে (+3) বিয়োগ কর।

সমাধান: এখানে, (3) (+3) = (3) + (+3 এর যোগাত্মক বিপরীত)

$$-3+(3)$$

উদাহরণ ৪ ষষ্ঠ শ্রেণির ছাত্রী রাইসা ও ফারিহা তাদের বিদ্যালয় মাঠের কেন্দ্র বিন্দু (শূন্যবিন্দু) থেকে ভানদিকে 6 ধাপ এবং বার্মদিকে 5 ধাপ র্যাতক্রম করে যথাক্রমে $A \in B$ অবস্থানে পৌছে ভান দিক ধনান্তক বিবেচা।

- (ক) 4 ও B এর অবস্থান সূচক সংখ্যা চিহ্ন সহ লিখ
- (খ) রাইসা ও ফারিহার অবস্থান সংখ্যারেখায় দেখাও।
- (গ) রাইসা ও ফারিহার আরও এক ধাপ করে অগ্রসর হলে তাদের অবস্থান সূচক সংখ্যারেখা ব্যবহার করে যোগ কর।

সমাধান :

(ক) রাইসা শূন্য বিন্দুর অবস্থান থেকে 6 ধাপ ভানে যায় আর ফারিহা শূন্য বিন্দুর অবস্থান থেকে 5 ধাপ বামে যায় থেকেতু ভান দিক ধনাত্রক অতএব, বামদিক ঋণাত্রক অতএব A এর অবস্থান সূচক সংখ্যা = +6 B এর অবস্থান সূচক সংখ্যা = -5



রাইসার অবস্থান সূচক সংখ্যা = +6

फातिरात जवसान সূচক সংখ্যা = -5

সংখ্যা রেখায় () বিন্দুর অবস্থান থেকে ভান দিকে 👚

6 খাপ গেলে যে বিন্দু পাওয়া যায় তা, +6 যা, রাইসার অবস্থান

আবার, () বিন্দুর অবস্থান থেকে বাম দিকে 5 খাপ অভিক্রম করে প্রান্ত বিন্দু – -5, যা ফারিহার অবস্থান।

সংখ্যা রেখায় () এর ডানের গোল চিহ্নিড বিন্দৃটি = +6 এবং () এর বামের গোল চিহ্নিড বিন্দৃটি = 5

(গ) রাইসা আরও একধাপ অগ্রসর হলে প্রাপ্ত বিন্দু = +6+1 = +7
ফারিহা আরও একধাপ অগ্রসর হলে প্রাপ্ত বিন্দু = -5-1= -6
এখন সংখ্যা রেখা ব্যবহার করে +7+(-6) এর মান নির্ণয় করতে হবে



সংখ্যারেখার () বিন্দু থেকে জন্দিকে 7 ধাপ অভিক্রম করে +7 বিন্দুতে পৌছাই। তারপর (+7) বিন্দুর বাম দিকে 6 ধাপ অভিক্রম করে (+1) বিন্দুতে পৌছাই। তাহলে +7 ও -6 এর ধোগফল হবে (+7) + (-6) = +1 (চিত্র)

উদাহরণ ৫।

$$A = (-9)+4+(-6)$$

$$B = 7 + (-4)$$

- (ক) B এর মান নির্ণয় কর।
- (খ) দেখাও যে, A<B
- (গ) A ও B এর মান সংখ্যারেখায় বসিয়ে (A + B) নির্ণয় কর

সমাধান :

(*)
$$B = 7 + (-4)$$

= 7-4
= 3

$$A = (-9)+4+(-6)$$

= 9+4-6

$$A = -11.648 B = 3$$

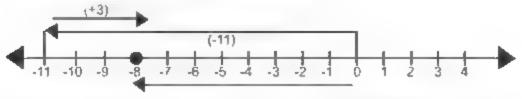
A এর মান, B এর মানের চেরে ছোট

অর্থাৎ A<B

এবং
$$B=3$$

$$A+B=-11+(+3)$$

এখন, সংখ্যারেখা ব্যবহার করে, (A+B) নির্ণয় করি -



সংখ্যা রেখার উপর 0 বিন্দু থেকে বাম দিকে প্রথমে 11 ধাপ অতিক্রম করে (-11) বিন্দুতে পৌঁছাই তারপর, (-11) বিন্দুর ডানদিকে 3 ধাপ মতিক্রম করে, (-8) বিন্দুতে পৌঁছাই তাহলে, (-11) এবং 3 এর বোগফল হবে, (-11)+(+3) = -8

ফর্মা নং-১০,গণিত ৬ষ্ট

- ১ ৪ এর যোগাতাক বিপরীত রাশি কোনটি?

- $(\overline{\Phi}) + a$ $(\overline{\Psi}) a^2$ $(\overline{\Psi}) \frac{1}{a}$ $(\overline{\Psi}) \frac{1}{a}$
- ২ 12 এর সাথে, এর যোগান্তাক বিপরীত সংখ্যা যোগ করলে হয়-
 - (ক) -24 (খ) -12 (গ) 0 (ছ) 24

- - (季) -25
- (박) -5 (박) 25 (박) 5

নিচের তথ্যের আলোকে (৪ ও ৫) নং প্রশ্নের উত্তর দাও। ~7, −8, −9 তিনটি পূর্ণসংখ্যা ।

- ৪ প্রথম সংখ্যার সাথে ২য় সংখ্যার যোগাত্রক বিপরীত সংখ্যা যোগ করলে ২য়-

- (খ) [খে) 1 খে) 15
- ৫ ১য় ৩ ৩য় সংখ্যার যোগান্তকে বিশ্বরীত সংখ্যার যোগফলের সামে ২য় সংখ্যা যোগ করলে যোগফল A হলে-(화) A< 15 (박) A> 90 (회) A>97 (학) A< 97

- ৬ · A = 45-(-1) এবং B = 57+(-4) হলে-
- (i) A=56 (ii) B=-53 (iii) $A \cdot B=3$;

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক)।ওয়া (খ)।ওয়া (গ)।।ওয়া (ঘ)।,য়া,ওয়া

91



চিত্রের চিহ্নিত অংশে আছে-

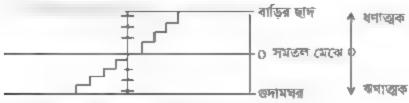
- (1) অঞ্চলতাক পূর্ব সংখ্যা (11) সকল মৌলিক সংখ্যা (111) সকল জোড় সংখ্যা

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) | ও ৷৷ (ব) ৷ ও ৷৷ (গ) ৷৷ ও ৷৷ (ঘ) ৷, i৷, ও ৷৷

নিচের তথ্যের আলোকে (৮ ও ৯) নং প্রস্তের উত্তর দাও :

চিত্ৰ



- 💃 । সমতল মেঝের অবস্থান সূচক কোন ধরনের?
- (খ) অঞ্চলতাক
- (গ) বিজ্ঞোড়
- (ঘ) মৌলিক

- ৯) সমতল মেঝে থেকে 3 ধাপ ওপরে গিয়ে সেখানে থেকে 5 ধাপ নিচে গেলে হবে-
 - (季) -8
- (খ) -2 (গ) 2
- (可) 8

- ১০ । বিয়োগফল নির্ণয় কর :
 - (축) 35-20 (착) 72-90
- (9)(-15)-(-18)

- (%) (20) 13 (%) 23 (12) (b) (32) (40)
- नितृत कोका घतश्वालात् >,< वा ... िक्स वना ।

 - (3)(-3)+(-6)[-(-3)+(-6)(-21)-(-10)[-(-31)+(-11)]
 - (π) 45 (-11) $\boxed{}$ 57 + (-4) (π) (-25) (-42) $\boxed{}$ (-42) (-25)

- ১২। নিচের ফাকাগুলো পুরপ কর:

 - (\mathfrak{A}) $12 + (-12) = \square$
- $(4) (-4) + \square = -12$
- (%) -15 =-10
- ১৩ ৷ মান নির্ণয় কর :
 - $(\overline{9})(-7) 8 (-25)$
- (4) (-13) + 32 8 1
- (4) (-7) + (-8) + (-90)
- (8) 50 (-40) (-2)
- ১৪ । -3, 6, 9 তিনটি পূর্ণ সংখ্যা
 - (ক) -3 এবং 6, 9 এবং -3, (-3 + 6) এবং (9-6) এর মধ্যে > বা = বা = চিহ্ন বসাও
 - (খ) -(-3) + (-6) + 9 এর মান নির্ণয় কর।
 - (গ) সংখ্যা রেখার সাহায়্যে 3 এবং 6 এর যোগফল :

9 এবং 6 এর বিয়োগফল নির্ণয় কর।

চতুর্থ জধ্যার

বীজগণিতীয় রাশি

পাটিগণিতে আমরা সংখ্যা ও সংখ্যার বৈশিষ্ট্য জেনে বিভিন্ন গাণিতিক সমস্যা সমাধান করেছি জ্যামিতিতে বস্তুর আকৃতি সম্পর্কে জেনেছি। এবার আমরা গণিতের অন্যতম গুরুত্বপূর্ণ শাখা বীন্ধার্ণিত সম্পর্কে জানবা গণিতের এই শাখার বৈশিষ্টা হলো অক্ষর প্রতীকের প্রয়োগ অক্ষর প্রতীক বাবহার করে আমরা নিনিষ্ট কোনো সংখ্যার বদলে যেকোনো সংখ্যা বিবেচনা করতে পারি ছিতীয়ত, অক্ষর অজানা পরিমাণের প্রতীক হিসেবে এবং সংখ্যার পরিবর্তে ব্যবহৃত হয় বিধায় সকল গাণিতিক প্রক্রিয়া মেনে বীজগণিতীয় রাশি গঠন করা হয়।

এ অধ্যায়ে বীজগণিতীয় প্রতীক, চলক, সহণ, সূচক, বীজগণিতীয় রাশি, বীজগণিতীয় রাশির যোগ ও বিয়োগ উপস্থাপন করা হয়েছে।

অধ্যায় লেবে শিক্ষাধীরা -

- 🛩 বীজাগণিতীয় প্রতীক, চলক, সহগ, সূচক ব্যবহার করে গাগিতিক সমস্যা সমাধান করতে পার্বে ।
- বীজ্রপণিতীয় রাশির সদৃশ ও বিসদৃশ পদ শলাক্ত করতে পারবে
- এক বা একাধিক পদবিশিষ্ট বীজগণিতীয় বাশি বর্ণনা করতে পারবে
- 🔑 বীজগণিতীয় রাশির যোগ ও বিয়োগ করতে পারবে

8-১ বীজগণিতীয় প্রতীক, চলক, সহগ ও সূচক

বীজগণিতীয় প্রতীক

পার্টিগণিতে সংখ্যা প্রতীক বা অন্ধ্যলো ১,২,৩,৪,৫,৬,৭,৮,৯,০ বীজগণিতে ব্যবহৃত সংখ্যা প্রতীক বা অন্ধ্যলো । ৫ ২,4 5 6 7,8 9,0 এ সব সংখ্যা প্রতীক দারা যেকোনো সংখ্যা দোখা যায় তবে, বীজগণিতে সংখ্যা প্রতীকের সাথে অঞ্চর প্রতীকও ব্যবহার করা হয় এটি বীজগণিতের মৌলিক বৈশিষ্ট্য বীজগণিতে u,h,c, p,q,r, v,v,z, ইত্যাদি অঞ্চর দ্বারা জানা বা অজ্ঞানা সংখ্যা বা রাশিকে প্রকাশ করা হয়

মনে করি, মনির কাছে কয়েকটি আম আছে এখানে মনির কাছে কয়টি আম আছে তা নির্দিষ্ট করে বলা হয়নি তার কাছে যেকোনো সংখ্যক আম থাকতে পারে তবে বীজগণিতীয় প্রতীকের সাহায্যে বলা যায়, তার কাছে । সংখ্যক আম আছে , ৮ এর মান 5 হলে, মলির কাছে 5টি আম আছে , ৮ এর মান 10 হলে, মলির কাছে 10টি আম আছে , ইত্যাদি

চলক: অক্ষন প্রতীক ৮ এর মান 5 বা [0] বা জন্য কোনো সংখ্যা হতে পারে বীজগণিতে এ ধরনের অজ্ঞান্ত রাশি বা জক্ষর প্রতীককে চলক বলে অভএব, ১ চলকের একটি উদাহরণ এখানে চলক হিসেবে ৮ প্রতীক ব্যবহার করা ইয়েছে ৮ প্রতীকের পরিবর্তে ১ প্রতীক নয় কেন ৭ চলক হিসেবে ৮ এর পরিবর্তে ১ বা জন্য কোনো প্রতীক্ত ব্যবহার করা যায়

লক্ষ করি: * চলক এমন একটি প্রতীক যার মানের পরিবর্তন হয়

- 🍍 চলকের মান নির্দিষ্ট নর।
- 🕈 চলক বিভিন্ন মান ধারণ করতে পারে।

প্রক্রিয়া চিক: পূর্বে আমরা পাটিগণিতে যোগ, বিয়োগ, তণ ও তাগ সম্পর্কে জেনেছি এওলো থেসব চিক্ন দিয়ে প্রকাশ করা হয়, তাদেরকে প্রক্রিয়া চিক্ন বলা হয়।

পাটিগণিতে প্রক্রিয়া চিহ্ন :	+	_	×	÷
	হোগ	বিয়েশ্ব	हुव	ভাগ
বীজগণিতে প্রক্রিয়া হিচ্ছ . াঁ	+	-	×,	
	প্রাস	মাইনাস	মান্টিপ্রিকেশন	ভিভিশন
			वा हेन्द्रे वा छटे	

ধরি, 🗶 ও 🎐 দুইটি চলক। তাহলে,

- x च्राम y रक रमश रख, x+y
- x মাইনাস y কে লেখা হয়, x y
- x ইণ্ট্ y কে লেখা হয়, x x y, বা x.y, বা xy
- x ডিভিশন y কে দোখা হয়, x+y, বা $\frac{x}{y}$
- ্য ইন্টু 3 কে লেখা হয়, ২×3, বা ২3, বা 3\: কিন্তু \3 লেখা হয় না সাধারণভাবে, তুন (ইন্টু) এর ক্ষেত্রে প্রথমে সংখ্যা প্রভীক ও পরে অক্ষর প্রভীক লেখা হয় বেমন, 3x, 5y, 10a ইত্যাদি।

বীজগণিতে দুইটি প্রতীক পাশাপাশি লিখলে এদের মধ্যে ' \times ' চিফ আছে ধরে নিতে হয় দেমন, $a \times b = ab, ab = ab$

উদাহরণ 🕽 । নিচের বীজগণিতীয় রাশি দারা কী বোঝায় 🔋

(i) 8x (ii)
$$a + 5b$$
 (iii) $3x - 2$ (iv) $\frac{ax + b}{4}$

- (II) a + 5h হক্তে a এর সাথে h এর 5 তথের যোগ
- (III) 3 v 2 ३ए७ v अत्र ३ ७० (शतक 2 विद्यान
- ্যে $\frac{ax + by}{4}$ হছে $a \in y$ এর ভূণফলের সংখে $b \in y$ এর ভূণফলের সমষ্টিকে 4 দিয়ে ভাগ

উদাহরণ ২ +, ্র. - চিহেনর সাহায়েয়া লেখ :

- ১ এর পাঁচতণ থেকে ১ এর তিনতণ বিয়োগ
- (III) ১ ও ৷ এর যোগফলকে ১ থেকে ৷ এর বিয়োগফল দ্বারা ভাগ
- (IV) একটি সংখ্যার পাঁচগুণ থেকে অপর একটি সংখ্যার চারগুণ বিয়োগ
- সমাধান : (i) ত্থার 5 খণ 5 তথার ২ খণ 3 তথার 3 খণ 3 তথার বিরোগ = 5x 3y.
 - (ii) a ও h এর ভবফল ah এবং ে এর বিভব 2c
 নির্বেয় যোগ = ab + 2c.
 - (III) x ও y এর যোগকল x + y এবং x থেকে y এর বিয়োগকল x y নির্দের ভাগকল = $\frac{x + y}{x y}$.
 - (1v) মনে করি, একটি সংখ্যা τ, যার 5 ৩৭ 5τ এবং অপর একটি সংখ্যা y, যার 4 ৩৭ 4y
 নির্দের বিয়োগ = 5x – 4y.

কাজ , ১ নিচের বীজগণিতীয় রাশি ছারা কী বোঝায় 🤋

(i)
$$7x$$
 (ii) $5-4x$ (iii) $8x+9$ (iv) $\frac{2}{x} + \frac{3}{y}$

২ 📭, 🗼 🗴 🕁 চিহ্নের সাহাযো লেখ :

- ্রের দ্বিল থেকে y এর পাঁচকর বিয়োগ
- (ii) x এর সাথে y এর আটগুণ যোগ
- (III) ৮ এর দ্বিত্ব থেকে। এর তিনপ্রণ বিয়োগ
- (1) ৮ কে 9 দ্বারা তণ করে প্রাপ্ত তণকল থেকে 4 বিয়োগ
- (১) একটি সংখ্যার দিওপ এর সাথে অপর একটি সংখ্যার তিনক্তণ যোগ

৪-২ বীজগণিতীয় রাশি ও পদ

সহপ : কোনো একপদী রাশিতে চলকের সাথে যখন কোনো সংখ্যা গুণক হিসেবে যুক্ত থাকে, তখন ঐ গুণককে রাশিটির সাংখ্যিক সহগ বা সহগ বলে যেমন, 3x,5x,8xx,9a ইত্যাদি একপদী রাশি এবং 3,5,8,9 যথাক্রমে এদের সহগ

একপদী রাশির সাথে যখন কোনো সংখ্যা গুণক হিসেবে যুক্ত থাকে না, তখন ঐ রাশির সহগ] ধরা হয় যেমন, a,b,z,z ইত্যাদি একপদী রাশি এবং প্রত্যেকটির সহগ]; কারণ,

মুখন কোনো চলুকের সাথে কোনো অক্ষর প্রতীক গুণক হিসেবে যুক্ত থাকে, তখন ঐ গুণককে রাশিটির আঞ্চরিক সহগ বলে যেমন, ax, by, m_- ইত্যাদি রাশিতে $ax = a \times x$, by = $h \times v$, $mz = m \times z$ যেখালে, $a,b \in m$ কে যথাক্রমে $x,v \in z$ এর আক্ষরিক সহগ বলা হয় আবার, $3x + h_1$ রাশিতে x এর সহগ 3 এবং x এর সহগ h

উদাহরণ ৩ । সহগ নির্ণয় কর :

(i) 8x (ii) 7xx (iii)
$$\frac{3}{2}ah$$
 (iv) axx (v) x_1z

न्याधान :

(i)
$$8x = 8 \times x$$

(ii)
$$7xy = 7 \times xy$$

(iii)
$$\frac{3}{2}ah = \frac{3}{2} \times ah$$

(iv)
$$axy = 1 \times axy$$

(v)
$$-xyz = -1 \times xyz$$

∴ 🗴 এর সহগ ৪.

উদাহরণ ৪ ৷ ৮ এর আক্ষরিক সহগ নির্ণয় কর

(i)
$$hx$$
 (ii) pqx (iii) $mx + c$ (iv) $ax - bz$.

नमाथान : $(i)bx = b \times x$

(ii)
$$pqx = pq \times x$$

(iii)
$$mx + c = m \times x + c$$

(iv)
$$ax - bz = a \times x - bz$$

x এর সহগ a

উদাহরণ 🚜 ৷ একটি কলমের দাম 😗 টাকা, একটি খাতার দাম 🕦 টাকা এবং একটি ঘড়ির দাম ু ট্রাকা হলে, নিচের প্রতীকগুলো দ্বারা কী বোঝায় 🤋

(i)
$$5x = (n) 7x = (ni) 2x + 5x = (iv) x + 3 + 7 = (v) 4x + 37$$

(iii)
$$2x + 5i$$

$$(15)(x+y+z)$$

সমাধান: (1) 5 প দারা 5টি কলমের দাম বোঝায়:

(ii) 7 ফ ছারা 7টি খাতার দাম বোঝায়।

- (iii) 2x + 5x ছারা 26 কলমের দাম ও 56 খাতার দামের সমষ্টি রোঝায়
- (IV) x + y + দ ছারা একটি কলমের দাম, একটি খাতার দাম ও একটি ছড়ির দামের
 সমষ্টি বোঝার ।
- (১) 4 ১ + 3 দরা 4টি কলমের লাম ও 3টি ছড়ির লামের সমষ্টি বোঝায়।
 উদাহরণ ৬ । একটি গরুর দাম ৮ টাকা, একটি বাসির দাম । টাকা হলে,
 - (1) চারটি গরু ও ছয়টি খাসির মোট দাম কত 🔋
 - (13) সাতটি গরু ও পাঁচটি খাসির মোট দাম কত ?

সমাধান: (1) চারটি গরু ও ছয়াট খাসির মোট দাম (4) + 6) টাকা

(ii) সাভটি গরু ও পাঁচটি ঋাসির মোট দাম (7x + 5y) টাকা .

উদাহরণ ৭: আসিফ ছ্রটি কলম ও তিনটি বাতা এবং আরিফ চারটি কলম ও পাঁচটি খাতা ক্রয় করে একটি কলমের মৃদ্য ১ টাকা এবং একটি সাতার মৃদ্য ১ টাকা

- (ক) আসিফের মোট খরচ বীরুগণিতীয় রাশির মাধ্যমে প্রকাশ কর?
- (খ) দুই জনের মোট খরতের পরিমান নির্ণয় কর_া
- ্গি) যদি ১২। ৭ হয় এবং ১±2৭ হয় তবে আসিফ ও আরিফের খরচের অনুপাত নির্ণয় কর। সমাধানঃ
- (ক) 1ট কলমের দাম স টাকা

 অতথ্য 6টি কলমের দাম 6x টাকা

 আবার 1টি খাতার দাম y টাকা

 অতথ্য 3টি খাতার দাম 3y টাকা

 অতথ্য আদিদের মোট খরচের বীজগণিতীয় রাশি 6x+3x
- (খ) 'ক' হতে প্রাপ্ত, আসিফের মেট খরচের বীজগনিতীয় রাশি 6x+3y

] টি কলমের দাম x টাকা
 অতথ্য, 4টি কলমের দাম 4x টাকা
 আবার, 1টি খাভার দাম y টাকা
 অতথ্য, 5টি খাভার দাম 5y টাকা
 অতথ্য, 5টি খাভার দাম 5y টাকা
 অতথ্য, আরিফের মেট খরচের বীজগনিতীয় রাশি 4x+5x
 সদৃশ পদগুলো নিচে নিচে সাজিয়ে পাই

 6x+3y
 (+) 4x+5y
 10x+8y

দুইজনের মোট খরচের পরিমাণ (10x+8x) টাকা ফর্মা নং-১১, গণিত-৬৪ (গ) x=15 টাকা এবং y=25 টাকা আসিফের মোট খরচের পরিমাণ = 6x+3v

আরিকের মোট খরচের পরিমাপ 4x+5v

আসিফের ও আরিফের খরচের অনুপাত - 165 185

$$= 33.37$$

কাজ . ১ সহগ নির্ণয় কর (ক)
$$6x$$
 (গ) $5xy$ (গ) xz (ঘ) $-\frac{1}{2}x$

- ২ : একটি খাতার দাম 😗 টাকা, একটি পেলিলের দাম 🖟 টাকা ও একটি রাবারের দাম 🛫 টাকা ছলে,
- ্ক) তিনটি খাতা ও পাঁচটি বাবারের যোট দাম কত ?
- ্বে) চারটি খাতা, দুইটি পেলিল ও তিনটি রাবারের মোট দাম কত 💡
 - ্গ) ছয়টি খাতা ও নয়টি পেন্সিলের মোট দাম কত 🛊
- সাংখ্যিক সহগবিশিষ্ট কয়েকটি বাজগণিতীয় রাশি লেখ

অনুশীলনী **— ৪**-১

- িনেচের বীজগণিতীয় রাশি ছারা কী বোঝায় ?
 - (1) 9x
- (ii) 5x + 3 (iii) 3a + 4b
- (iv) $3a \times b \times 4c$

- (v) $\frac{4x + 51}{2}$ (vi) $\frac{7x 31}{4}$ (vii) $\frac{x}{3} + \frac{1}{2} = \frac{z}{5}$ (viii) 2x 51 + 7z
- (ix) $\frac{2}{3}(x+y+z)$

- (x) $\frac{ac bx}{2}$
- ২। ÷, −, ×, ÷ চিহেন্র সাহায্যে লেখ:
 - প্রর চারতপের সাথে ১ এর পাঁচতণ যোগ
 - (ii) a अत विश्वन त्यरक b विरतान
 - একটি সংখ্যার তিনগুণের সাথে অপর একটি সংখ্যার দিওণ যোগ (111)

- (1) একটি সংখ্যার চারগুণ থেকে অপর একটি সংখ্যার ভিনন্তণ বিয়োগ (vi)

 কে

 ছারা ভাগ করে ভাগফলের সাথে 5 যোগ $\{v_{11}\}$ =2 কে v_1 ছারা, S কে v_2 ছারা, S কে v_2 ছারা ভাগ করে প্রাপ্ত ভাগফলগুলার যোগ (VIII) a কে h দ্বারা ভাগ করে ভাগফলের সাথে } যোগ (IX) p কে a দারা গুণ করে প্রাপ্ত গুণকলের সাথে r যোগ (X) ফুকে ফুলারা গুল করে প্রাপ্ত গুলফল থেকে 7 বিয়োল १ 2१ + 31 + 41 - 51 × 81 বাশিটিতে কয়টি পদ আছে এবং পদতলো কী কী ? B । রাশির পদ সংখ্যা নির্ণয় কর : (i) 7xv (ii) 2a+b (iii) x-3y+5z(iv) $5a + 7b \times x = 3c \div y$ (v) $x + 5x \times b = 3x \div c$ 🐮। (ক) প্রত্যেক পদের সহগ নির্ণয় কর : (ii) xy (iii) 7ab (iv) 2x + 5ab(i) 6h (v) 2x + 8y (vi) 14y - 4z (vii) $-\frac{1}{2}$ vvz (খ) 🗶 এর আঞ্চরিক সহগ নির্ণয় কর : (i) ax (ii) ax + 3 (iii) ax + bz (iv) pxy
- 🕓 একটি কলমের দাম 🕆 টাকা ও একটি বইয়ের দাম 🕠 টাকা হলে, নিচের রাশিগুলো দারা কী বোঝানো হয়েছে তা লেখ :
 - (i) 3y = (ii) 7x = (iii) x + 9x = (iv) 5x + 8y = (v) 6x + 3x
- ৭ ৷ (ক) একটি খাতার দাম 🐒 টাকা, একটি পেশিলের দাম 🕦 টাকা এবং একটি রাবারের দাম z টাকা হলে.
 - (1) পাঁচটি খাতা ও ছয়টি পেলিলের মোট দাম কত 🤊
 - (III) আটটি পেন্সিল ও তিনটি রাবারের মোট দাম কত ?
 - (111) দশটি থাতা, পাচটি পেশিল ও দুইটি রাবারের মোট দাম কত ?
 - (খ) এক হালি কলার দাস 🗶 টাকা হলে.
 - (1) 5 হালি কলার দাম কত 🤋
 - (II) 12টি কলার দাম কত ?

৮ সঠিক উত্তরটি খাতার লেখ :

এর দ্বিত্বণ থেকে 5 বিয়োগ করলে নিচের কোনটি হবে ?

(4)
$$2x + 5$$
 (4) $2x + 5$ (7) $\frac{x}{2} + 5$ (7) $5 + 2x$

(II) a এর 3 গুণের সাথে 😮 এর 😗 তুণ যোগ করলে নিচের কোনটি হবে 🤊

$$(Φ) 3a + xy \qquad (Φ) 3x + ay \qquad (Φ) ax + 3y \qquad (Φ) ay + 3y$$

(III) a and c and written (with b and c and written forms for the a and b and b and a and a and a are a and a and a are a and a are a and a are a and a are a are a and a are a are a and a are a and a are a are a and a are a are a and a are a and a are a are a and a are a are a and a are a and a are a are a and a are a are a and a are a and a are a are a and a are a are a and a are a and a are a and a are a are a are a are a are a are a and a are a

৪.৩ সূচক

2, 4, 8, 16 ইত্যাদি সংখ্যার মৌলিক উৎপাদক বের করে পাই,

$$2 = 2, 2$$
 write 1 and
 2

 $4 = 2 \times 2, 2$ eq whorts write 2 and
 2°

 $8 = 2 \times 2 \times 2, 2$ eq whorts write 3 and
 2°

 $16 = 2 \times 2 \times 2 \times 2, 2$ eq whorts write 4 and
 2°

কোনো বাশিতে একই উৎপাদক যতবার গুণ আকারে থাকে, সেই সংখ্যাকে উৎপাদকটির সূচক এবং উৎপাদকটিকে ভিত্তি বলা হয়।

লক্ষণীয় যে, 2 এর মধ্যে 2 উৎপাদকটি একবার আছে, এখানে সূচক । এবং ভিত্তি 2 4 এর মধ্যে 2 উৎপাদকটি 2 বার আছে কাজেই সূচক 2 এবং ভিত্তি 2 । আবার, ৪ এবং 16 এর মধ্যে 2 উৎপাদকটি যথাক্রমে 3 বার এবং 4 বার আছে । সেজন্য ৪ এর সূচক 3 ও ভিত্তি 2 এবং 16 এর সূচক 4 ও ভিত্তি 2

ষাত বা শক্তি: a একটি বীজগণিতীয় বাশি a কে a দাবা এক বাব দুই বাব তিন বাব গণ কবলে হবে $a \times a = a^2$, যেখানে a' কে a এব দিতীয় ঘাত বলে এবং a' কে পড়া হয় a এব বৰ্গ $a \times a \times a = a$ ', যেখানে a' কে a এব তৃতীয় ঘাত বলে এবং a' কে পড়া হয় a এব ঘন $a \times a \times a \times a = a^4$, যেখানে a' কে a এব চৃতুৰ্থ ঘাত বলে, ইত্যাদি।

অনুরূপভাবে, a কে যদি n বার ওপ করা হয় তবে আমরা পাই, $a \times a \times a \times \cdots \times a$ (n বার) a'' এবালে a'' কে a এর n তম ঘাত বা শক্তি বলে এবং n হবে ঘাতের সূচক ও a হবে ভিত্তি সূতরাং a' এর ক্ষেত্রে a এর ঘাত বা সূচক ? ও ভিত্তি a; a এর ক্ষেত্রে a এর ঘাত বা সূচক 3 ও ভিত্তি a, ইত্যাদি।

সংখ্যার ক্ষেত্রে সূচক থেকে আমরা একটি সূচকমৃক্ত ফলাফল পাই, কিন্তু অক্ষরের ক্ষেত্রে সূচক থেকে ফলাফল সূচক আকারেই থাকে।

উদাহরণস্বরূপ,
$$2^3 + 3^2 = 2 \times 2 \times 2 + 3 \times 3 = 8 + 9 = 17$$

 $a^4 + 2^4 = a \times a \times a \times a + 2 \times 2 \times 2 \times 2 = a^4 + 16$

উদা**হরণ ৮**। সরল কর

(i)
$$a \times a$$
 (ii) $a^3 \times a^2$ (iii) $a^4 \times a^3$

সমাধান: (i) $a \times a^2 = a \times a \times a = a^3$

(ii)
$$a \times a^{\dagger} = (a \times a \times a) \times (a \times a) = a \times a \times a \times a \times a = a^{\dagger}$$

शक्त किता:
$$a \times a^* = a + a - a - a$$

$$a \times a^* = a^* - a^*$$

$$a^* \times a^* = a^* - a^{**}$$

সূতরাং, আমরা লিখতে পারি, $a''' \times a = a'''''$, mও n স্বাচারিক সংখ্যা তণ্নের এই প্রক্রিয়াকে বলা হয় সূচকের তণনবিধি।

কেংলো সংখ্যার ঘাত বা শক্তি 1 হলে সংখ্যাটির সূচক 1 লেখা হয় না ংঘমন $a = x^1$ ইত্যাদি

উদাহরণ **১** । ৩ণ কর : (1)
$$a^4 \times a^5$$

(ii) $x^3 \times x^8$
(iii) $x^5 \times x^9$

भग्नाथान : (i)
$$a^4 \times a^5 = a^{4+5} = a^9$$

(ii) $\tau \times \tau^3 = \tau^{-4} = \tau$
(iii) $x^5 \times x^9 = x^{5+9} = x^{14}$

উদাহরণ ১০। সরল কর . (1) $2a \times 3b^2 \times 4c \times 6a^2 \times 5b^3$ (11) $a \times a \times a \times b \times c \times b \times c \times a \times c \times b$.

সমাধান: (1)
$$2a \times 3b^2 \times 4c \times 6a^2 \times 5b^3$$

= $(2a \times 6a^2) \times (3b^2 \times 5b^3) \times 4c$

$$(2 \times 6 \times a^{1+2}) \times (3 \times 5 \times b^{2+3}) \times 4c$$

$$= (12a^{3} \times 15b^{5} \times 4c$$

$$= (12 \times 15 \times 4) \ a^{3}b^{5}c$$

$$= 720 \ a^{3}b^{5}c$$

(11)
$$a \times a \times a \times b \times c \times b \times c \times a \times c \times b$$

 $(a \times a \times a \times a) \times (b \times b \times b) \times (c \times c \times c)$
 $= a^{4}b c^{3}$.

উদাহরণ ১১ । $a=1,\ h=2,\ c=3$ হলে, নিচের রাশিগুলোর মান নির্ণয় কর:

(i)
$$a^2 + b^2 + c^2$$

(i)
$$a^2 + b^2 + c^2$$
 (ii) $a^2 + 2ab - c$.

समाधान : (i)
$$a^2 + b^2 + c^2$$

= $1^2 + 2^2 + 3^2 - 1 + 2 \times 2 + 3 \times 3$
 $1 + 4 + 9 - 14$

(ii)
$$a^2 + 2ab - c$$

 $1^2 + 2.1.2 - 3 = 1 + 4 - 3$
 $5 \quad 3 \quad 2$

কাজ: ১ সর্গ কর : (1) $a \times a^{\dagger}$ (11) $a^{\dagger} \times a^{\dagger}$ (11) $a^{\prime} \times a^{\dagger}$ ২ । a = 2 হলে, $2a^3 \times 3a^2$ এর মান নির্ণয় কর । ১ পকে m বার তথ করে ঘাত, সূচক ও জিভি লেখ (m স্বাহারিক সংখ্যা)

जनुनीननी 8-३

- अंत्रन कर्न :
- (i) $x^3 \times x^7$ (ii) $a^3 \times a \times a^5$ (iii) $x^4 \times x^2 \times x^9$
- (iv) $m \times m^2 \times n^3 \times m^4 \times n$
- (v) $3a \times 4b \times 2a \times 5c \times 3b$
- (vi) $2x^2 \times v^2 \times 2z^2 \times 3v^2 \times 4x^2$
- a=2,b=3,c=1 হলে, নিচের রাশিওলোর মান নির্দয় কর .
- (1) $a^3 + b^2$ (11) $b^3 + c^3$ (111) $a^2 b^2 + c^2$
- (iv) $b^2 = 2ab + a^2$

 $(x) a^2 = 2ac + c^2$

ত | x = 3, y = 5, z = 2 হলে, দেখাও যে,

(1)
$$v' = v' = (x + v)(x - v)$$

(1)
$$v' = x' = (x + x)(x - x)$$
 (11) $(x + x)' = (x - x)' + 4xx$

(iii)
$$(y + z)^2 = y^2 + 2yz + z^2$$

(iv)
$$(x+z)^2 = x^2 + 2xz + z^2$$

৪ । সঠিক উত্তরটি লেখ :

(i)
$$a^7 \times a^8$$
 এর মান কোনটি ?

(ii) a³ × a³ এর মান কোনটি ?

(ni) $5x^2 \times 4x^4$ এর মান কোনটি ?

(학)
$$x^6$$
 (박) $20x^6$ (학) $20x^8$

(iv) x⁵ x x⁴ এ x এর সূচক কোনটি ?

$$(\overline{\Phi}) x^{20}$$
 $(4) x^{9}$

(v) 5a³ x a⁵ এ a এর সূচক কোনটি ?

৪-৪ সদৃশ ও বিসদৃশ পদ

 $7a^2bx$, $8a^2bx$ দুইটি বীজগণিতীয় রাশি। রাশি দুইটির পদত্তলোর মধ্যে পার্থক্য হচ্ছে শুধুমারে সাংখ্যিক সহগে। এই পদ দুইটি সদৃশ পদ।

এক বা একাধিক বীজগণিতীয় রাশির অন্তর্ভুক্ত যেসব পদের একমাত্র পার্থকা রয়েছে সাংখ্যিক সহপে, তাদের সদৃশ পদ বলা হয়। অন্যথায় পদগুলো বিসদৃশ। যেমন, 9ax, 9ax রাশি দুইটির সাংখ্যিক। সহগ একই, কিন্তু পদ দুইটি পৃথক , তাই তারা বিসদৃশ।

সদৃশ ও বিসদৃশ পদসমূহের উদাহরণ নিচে লক্ষ করা যায়

সদৃশ পদ :

- (i) 5a, 6a (ii) $3a^2$, 5a (iii) 5abx, 8xab

 - (iv) $2x^2ah$, x^2ah (v) $3x^2iz$, $5xx^2z$, $7xzx^2$

- विभम्म भन: (1) 3 x V , 3 x V (n) 5 abv , 5 abv

(iii) av) , by y =, cy (iv) av yz, by z, cyz

লক করি: একাধিক পদের বীজগণিতীয় প্রতীকন্তলো একই হলে এবং তাদের সাংখ্যিক সহগ সমান হলেও সেওলো বিসদৃশ পদ যেমন, 3ax ও 3x a সদৃশ পদ কিন্তু 5ab ও 5a b বিসদৃশ পদ।

৪-৫ বীজগণিতীয় রাশির যোগ

দুই বা ততোধিক বীজগণিতীয় বাশি যোগ করতে হলে সদৃশ পদের সহগগুলো চিহ্নযুক্ত সংখ্যার নিয়মে গোগ করতে হবে এরপর প্রাপ্ত সহগের ডানপাশে প্রতীকগুলো বসাতে হবে বিসদৃশ পদগুলো ভাদের চিহ্নসহ যোগকলে বসাতে হবে।

উদাহরণ ১২ (ক)। যোগ কর: 2a+4b+5c, 3a+2b-6c. সমাধান: (2a+4b+5c)+(3a+2b-6c) =(2a+3a)+(4b+2b)+(5c-6c)=5a+6b-c.

বিকল্প পদতি: সদৃশ পদত্তলো তাদের স্ব-স্থ চিফ্লস্থ নিচে নিচে লিখে পাই,

$$\begin{array}{r}
 2a + 4b + 5c \\
 + 3a + 2b - 6c \\
 \hline
 5a + 6b - c
 \end{array}$$

নির্ণেয় যোগফল 5a + 6b - c.

নির্বেয় যোগফল 5a + 6b - c

উদাহরণ ১২ (ব)। যোগ কর:

3a + 6b + c, 5a + 2b + d

সমাধান :

(3a+6b+c)+(5a+2b+d)

= (3a + 5a) + (6b + 2b) + c + d

8a+8b+c+d

্রিখানে সদৃশ পদগুলো যোগ করে বিসদৃশ পদ দুইটির যোগফলের সাথে যোগ করা হয়েছে। নির্বের যোগফল 8a + 8h + c + d.

লক্ষ করি: সদৃশ পদের সাংখ্যিক সংগগুলোর বীজগণিতীয় যোগফল নির্ণয় করা হয়েছে প্রাপ্ত যোগফলের পাশে সংশিষ্ট পদের প্রতীকগুলো বসানো হয়েছে। এভাবে প্রাপ্ত সব পদের যোগফলই নির্পেয় যোগফল।

উদাহরণ ১৩ : যোগ কর 5a+3h-c , -3a+4b+4c , a-8b+2c সমাধান : সদৃশ পদগুলোকে নিচে নিচে মাজিয়ে পাই,

$$5a+3b-c^{2}$$

$$-3a+4b+4c$$

$$a-8b+2c^{2}$$

$$3a-b+5c^{2}$$

নির্ণেয় যোগফল $3a-b+5c^2$.

উদাহরণ ১৪। যোগ কর:

(1)
$$7x + 5x + 7z = 2x + 3z + 7x = 8x + 2x + 3z$$

(n)
$$4x^2 + 3x + 7z$$
, $8x^2 + 5x + 3z$, $y + 2z$

(i)
$$7x-5y+7z$$

 $2x+7y-3z$
 $8x+2y-3z$
 $17x+4y+z$

(ii)
$$4x + 3x + 7z = 8x^2 + 5x - 3z = + x + 2z = 12x^2 + 3x + 6z$$

निर्देश याशकन 121 + 31 + 67

नक करि : कारना वानिव आश्र कारना हिन्द ना धाकरन, रमश्रास्त स्थान (+) हिन्द धरा दश

কাজ :

১ সদৃশ ও বিসদৃশ পদের কয়েকটি বীজগণিতীয় রাশি তৈরি কর

২ যোগ কর:

- (i) a+4b-c, 7a-5b+4c.
- (ii) 3x+7y+4z, y+4z, 9x+3y+6z.

(iii)
$$2x^2 + y^2 - 8z^2$$
, $-x^2 + y^2 + z^2$, $4x^2 - y^2 + 4z$

 যোগ-বিয়োগ চিক সংবলিত তিনটি সদৃশ ও বিসদৃশ বীজগণিতীয় রাশি তৈরি কর ও তাদের যোগফল নির্ণয় কর

B-৬ বীজগণিতীয় রাশির বিয়োগ

$$a-b=a+(-b)$$

একটি বীজগণিতীয় রাশি থেকে অপর একটি বীজগণিতীয় রাশি বিয়োগ করার ক্ষেত্রে, প্রথম রাশির সাথে ছিতীয় রাশির যোগাত্যক বিপরীত রাশি যোগ করা হয় অর্থাং বিয়োজন বা ছিতীয় বাশির প্রতিটি পদের চিহ্ন পরিবর্তন করে প্রাপ্ত রাশিকে প্রথম রাশির সাথে যোগ করা

উদাহরণ ১৫ : 5a + 4b 5c থেকে 3a 4b 6c বিয়োগ কর

সমাধান : বিয়োজ্যের প্রতিটি পদের চিহ্ন পরিবর্তন করে পাই,

$$5a + 4b - 5c$$

 $-3a + 4b + 6c$
 $2a + 8b + c$

निर्वेश विद्याभकन 2a + 8h + c

বিকল্প পদ্ধতি :

$$5a + 4b - 5c$$

$$3a - 4b - 6c$$
() (+) (+)
$$2a + 8b + c$$

এখানেও বিয়োজ্যের প্রতিটি পদের চিহ্ন পরিবর্তন করে যোগ করা হয়েছে

ফর্মা নং-১২, গণিত-৬৪

উ**দাহরণ ১৬** (5 x 4 x 1 + 5 x) থেকে 3 x1 4 x 1 + 5 x বিয়োগ কর

সমাধান , বিয়োজ্যের প্রতিটি পদের চিহ্ন পরিবর্তন করে পাই

$$3xy^2 + 4x^2y - 5x^2$$

এখন প্রথম বাশির সাথে রূপান্তরিত বিয়োক্ত রাশি যোগ করে পাই,

$$5x - 4x + 5xx^{2}$$

 $5x^{2} + 4x + 3xx$
 $0 + 0 + 8xx$

নির্ণেয় বিয়োগফল ৪১১

উদাহরণ ১৭। বিয়োগ কর

(i)
$$4xy + 2yz + 5zx$$
 (NOT $3xy - yz + 2zx$.

नगाधान: (1)
$$4xx + 2xz + 5zx$$
 (11) $3ab + bc - 4ca - 5$
 $3xx - xz + 2zx$ $2ab - 2bc - 5ca - 6$
(-) $(+)$ (-) $(+)$ $(+)$ $(+)$ $(+)$ $ab + 3bc + ca + 1$

নির্ণেয় বিয়োগফল x_1+3y_2+3zx নির্ণেয় বিয়োগফল ab+3bc+ca+1

লক্ষ করি . প্রথম রাশি লেখার পর দ্বিতীয় রাশির প্রতিটি পদের চিহ্ন পরিবর্তন করে সদৃশ পদক্ষলো নিচে নিচে লিখে যোগ করা হয়েছে ৷

উদাহরণ ১৮ p,q,r তিনটি বীজগনিতীয় রাশি যেখানে,

p=7a+5b+6c, q=3a-b+9c, 46k r= 3c+6b+4a

- (Φ) u=1, b=2, এবং (=3, হলে q এর মান নির্নয় কর;
- (খ) 2p-3q+5r মান নির্নয় কর?
- (গ্) প্রমান কর যে, প্রদন্ত রাশি ওলোর যোগফল প্রথম রাশির ছিওনের সমান

সমাধান :

(♥) 2p-3a+5r 2(1a+5b+6c)-3 (3a-b+9c)+5 (-3c+6b+4a) बान विश्वा

$$-14a+20a-9a+10b+3b+30b+12e-27e-15e$$

$$=25a+43b-30c$$

(গ) সদৃশ পদ গুলোকে নিচে নিচে সাজিয়ে পাই

রাশিগুলোর যোগফল = 14a+10b+12c= 2(7a+5b+6c)=2p

রাশিগুলোর যোগকল প্রথম রাশির দিগুনের সমান : (প্রমানিত)

काक्ष : विस्मान कत :

(1)
$$8a-4b+6c$$
 (9) $-4b+3a-4c$.

(ii)
$$2x^3 - 4x^2 + 3x + 1$$
 order $x^3 - 4x^2 + 3x - 2$.

(111)
$$x^2 + 3x_1 + 3x_2 + 4$$
, (954 - $2x^2 + 4x^2x - 3x_1 + 2x_2^2$

২। যোগ, বিয়োগ প্রক্রিয়া চিহ্ন ব্যবহার করে তিনটি সদৃশ ও বিসদৃশ পদবিশিষ্ট বীঞ্চলণিতীয় রাশি তৈনি কর এবং তাদের একটি থেকে আর একটি বিয়োগ কর

অনুশীলনী ৪-৩

১। 5x+31 রাশিতে x এর সহগ নিচের কোনটি ? (ক) 8 (খ) 5x (গ) 3y (ঘ) 5

১ ৮ এর তিলঞ্চণ এবং। এর দিশুগের সমষ্টি লিচের কোলটি ?

$$(4) \ y + 3y = (4) \ 3y + 2y = (4) \ y + 2y = (4) \ 2y + 3y = (4)$$

৩। $7x^3 \times x^2$ অ x এর সূচক নিচের কোনটি ?

৪ নিচের কোন জোড়া সদৃশ পদ নির্দেশ করে ?

(
$$\mathfrak{P}$$
) $2x_1 + 7x_2$ (\mathfrak{P}) $-3x_2$, $7x_2$ (\mathfrak{P}) $-7x_2$, $8x_2$

৫ m² 7 বাশিটিতে m 6 হলে, বাশিটির মান কত ?

৬ a - b থেকে b - a বিয়োগ করলে, বিয়োগফল কত হবে ?

৭ $\chi^2+3,\chi^2=2,\quad 2\chi+1$ রাশি তিনটির যোগফল কত ?

(ক) 1 (গ) 2 (গ)
$$x^2 + 1 = (8) + 1 = x^2$$

br 1	$5x^4$ রাশিটিতে —				
	(ঃ) r এর যাত 4 (ঃ৷) দুইটি পদ আছে	(m) t ¹ এর সহগ 5			
	নিচের কোনটি সঠিকঃ				
	(क) । उ ॥ (४) । ७ ॥ (१) ॥ ७ ॥	(घ) 1, 11, ७ 111			
b 1	ু ও y চলক্ত্যের—	/ 0			
	(1) (II) श्रमकन 1:1	(111) বর্গের সমষ্টি 👸 🕬			
	নিচের কোনটি সঠিক?				
	(क)। उस (व)। उस (वास हास	(되) 1, 11, 영 III			
	# ੯ੇ-੮ੇ, ੮ੇ-ਫ਼ੂ-ੇ ਕੀਰਵ ਫ਼ੂ-ੇ-ਦੂ-ੇ ਨਿਜ਼ਹਿ ਗੈਲਾਆਿਡੀਜ਼				
	রাশির আলোকে (১০-১১) নং প্রশ্নের উন্তর দাও:				
50	v−2 এবং v−-3 হলে ১ম বাশির মান কত?				
	(ক) -13 (ধ) -5 (গ) 5	(ঘ) 13			
22					
	(*) 0 (*) $2x^2$ (*) $2x^2+2v^2+2z^2$	(国) -2x ² -2x ² -2z ²			
75	(1))ঐৼ হলো ৼ এবং)ঐ এর ঘাতের সমষ্টি				
	(ii) 4a³ রাশিতে a এর সূচক 3.				
	(iii) 3x + 4 রাশিতে x এর সহগ 3.				
	উপরের হুখ্যের ডিন্তিতে নিচের কোনটি সঠিক ?				
	(क)।७॥ (४)।७॥। (४) ॥७॥।	(国) 1, 11 图 [1]			
20	(1) $5ax^2$ এবং $-7x^2a$ পদ দুইটি সদৃশ।				
	(II) 3x + 2x ÷ 1 – 5x বীজগণতীয় বাশিটিতে 4টি পদ আছে				
	(m) a 2 এবং h 3 হলে, 4a h এর মান হবে 5				
	উপরের তথোর ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক ?				
	(क) । छ ।। (व) । छ ।।। छ ।।।	(国)], [[也]]]			
58	9 ং .৪১ .5 ৷ তিনটি বীজগণিতীয় বালি ৷ ভাহলে –				
20					
	(১) রাশি তিনটির সাংখ্যিক সহগের যোগফল কত ?	(m) 23			
	(ক) 13 (খ) 14 (গ) 17	(ঘ) 22			
	(২) প্রথম দুইটি রাশির গুণফলের ঘাতের সূচক কত ?				
	(ক) 72 (খ) 17 (গ) 4	(ঘ) 0			

১৫ জ + ১ + এ , ম র ১ + এ , জ + ১ এ কিনটি বীজগণিতীয় রাশি এই তথ্যের ভিত্তিতে নিচের (১) থেকে (৪) নম্ব প্রস্লের উত্তর দাও ,

(১) প্রথম দুইটি রাশির বিয়োগফলের স্থাপ্তে তৃতীয় রাশি যোগ করলে নিচের কোনটি হবে ?

(২) বিজীয় রাশির γ^2 এর সহগ কত ?

(৩) রাশি ভিনটির যোগফল কত 🔋

$$(\Phi) 3x^2 + y^2 + z^2$$

(4)
$$2x^2 + y^2 + z^2$$

(
$$\eta$$
) $x^2 + y^2 + z^2$

(4)
$$x^3 - y^3 + z^2$$

(৪) প্রথম দুইটি রাশির যোগফল থেকে তৃতীয় রাশি বিয়োগ করলে বিয়োগফল নিচের কোনটি হবে ?

$$(4) 3x^2 + 2y^2 = 1$$

(9)
$$x^2 + 2x = 2z$$

$$(4) 3x^2 + 3y^2 + 3z^3$$

যোগ কর (১৬ – ২৫) :

 $36 \cdot 3a + 4h, a + 3h.$

39 + 2a + 3b, 3a + 5b, 5a + 6b.

3b + 4a - 3b, -3a + b, 2a + 3b.

38 : 7x + 5y + 2z, 3x - 6y + 7z, -9x + 4y + z.

 $301x^2 + x_3 + z_4 + z_5 + z_4 + 2x_1 + 3z_4 + 2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 2x_4 + 2x_4 + 2x_4 + 2x_5 + 2x$

 $4p^{2} + 7q + 4r \cdot p + 3r \cdot 8q + 7p + r$

3a+2b-6c, -5b+4a+3c, 8b-6a+4c.

 $30 \ 2x \ 9x + 11x + 5$, $x + 7x \ 8x \ 3$, $x + 2x \ 4x + 1$

38 5ax + 3by 14cz, 11by 7ax 9cz, 3ax + 6by 8cz

 $80: x^2 - 5x + 6, x^2 + 3x - 2, -x^2 + x + 1, -x^2 + 6x - 5.$

হও যদি $a^2 = x^2 + y^2 - z^2$, $b^2 - y^2 + z^2 - v^2$, $c^2 - v^2 + z^2 - v^2$. হয়, তবে দেখাও যে,

 $a + b^2 + c + x + x + z$

২৭ খদি x = 5a + 7b + 9c, 1 = b = 3a = 4c, c = 2b + a হয়, তবে দেখাও যে,

x + y + z = 3(a + 2b + 2c).

্ বিয়োগ কর (২৮ – ৩৫) :

ুঁ ২৮। 3a+2b+c থেকে 5a+4b-2c.

- 3ab+6bc-2ca (MTF 2ab-4bc+8ca.
- $a^2 + b^2 + c^2$ ($a = a^2 + b^2 c^2$).
- 4ax + 5by + 6cz 4ax + 9cz.
- ৩২ $+ 7x^2 + 9x + 18$ থেকে $5x + 9 + 8x^2$.
- তত : $3x^3y^2 5x^2y^2 + 7xy + 2$ পেৰে $-x^3y^2 + x^2y^2 + 5xy + 2$
- ৩৪: $4x^2 + 3y^2 + z$ থেকে $-2y^2 + 3x^2 z$
- $50 \cdot 1 \cdot x^4 + 2x^3 + x^3 + 4$ (NGF $x^3 2x^2 + 2x + 3$
- ৩৬ : যদি a · ১ + z , b ১ + z , c ~ ১ + ১ হয়, তবে দেখাও যে, a + b c 2z
- ৩৭ মদি x=a+b, y=b+c, z=c+a হয়, তবে দেখাও যে, x=y+z=2a
- ठ४ याँक x-a+b+c, y-a-b-c, z-b-c+a हश, उद्य किशा उद्य x-1+z-a+3b+c
- ৩৯। a, h, ে তিনটি বীঞ্জগণিতীয় রাশি হলে,
 - (ক) h এর সাংখ্যিক সহল কত ?
 - (খ) লে এর দ্বিগুণের সাথে ে এর তিনগুল যোগ কর
 - (গা) 🕡 এর তিনত্ত্বণ থেকে 🎋 এর ছিড্রণ বিয়োগ করে বিয়োগকলের সাথে 👝 এর চারগুণ যোগ কর
- ৪০ একটি খাতার দাম 🕆 টাকা, একটি কলমের দাম ٫ টাকা এবং একটি পেদিলের দাম 🗦 টাকা হলে,
 - (ক) 3টি খাতা ও এটি কলমের মোট দাম কত ?
 - (খ) 5টি খাতা ও ৪টি পেন্সিলের মোট দাম থেকে ।()টি কলমের দাম বাদ দিলে কত হবে বীজগণিতীয় রাশিব মাধ্যমে প্রকাশ কর।
 - (গ) 3: 2) + 5; দারা কী বোঝায় : ৪ ; এর সাংখ্যিক সহগ কত : ১, ৪ ; এর সাংখ্যিক সহগগুলোর গুণফল কত :
- 85 i 5 t + tv + 3 v , t 8 tv, i t + 10 ti তিনটি বীজগণতীয় রাশি হলে,
 - (ক) প্রথম রাশিটির পদসংখ্যা কয়টি এবং কী কী ?
 - (খ) রাশি তিনটি যোগ কর যোগফলের ত্র সহস কত ?
 - (গ) (5 x + x) + 3 x) (x' 8 x) (x x' + 10 x) সরল করে এর মান নির্ণয় করে; যখন x = 2 এবং x = 1
- 82 $x=(a+b)^2$, $y=a^2+2ab+b^2$, $a \ll z=a^2+b^2/2ab$
 - (ক) ্র পদগুলোর সাংখ্যিক সহসগুলোর যোগফল নির্ণয় কর
 - (খ) v+2 এবং y-2 নির্দায় কর।
 - (গ) a=3 এবং b=-2 হলে প্রমাণ কর যে, x=v

পঞ্চম অধ্যায় সরল সমীকরণ

আমরা চতুর্থ অধ্যায়ে বীজগণিতীয় প্রতীক ও চলক সম্পর্কে ধারণা পেয়েছি এবং এগুলোর সাহায়ে কীজাবে বীজগণিতীয় রাশি গঠন করা হয় তা জেনেছি এখন আমরা বীজগণিতীয় রাশির মাধ্যমে সমীকরণ গঠন করা শিখব গাণিতিক সমস্যা সমাধানে সমীকরণের ভূমিকা গুরুত্বপূর্ণ। শিক্ষাধীদের জন্য বাস্তবভিত্তিক সমস্যা সমাধানে সমীকরণ গঠন ও সমাধান সম্পর্কে জ্ঞান অর্জন অবশ্য প্রয়োজন এ অধ্যায়ে সমীকরণভিত্তিক বিষয়বস্তু উপস্থাপন করা হয়েছে অধ্যায় শেষে শিক্ষাধীরা—

- সমীকরণ কী তা বাাখ্যা করতে পারবে।
- 🛩 সরল সমীকবণ ব্যাখ্যা করতে পারবে এবং ভা সমাধান করতে পারবে
- 🍃 🌎 বাস্তব সমস্যার ভিত্তিতে সমীকরণ গঠন করতে পারবে এবং তা সমাধান করতে পারবে

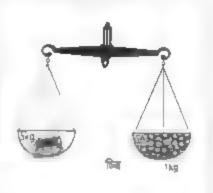
৫-১ সমীকরণ

একজন দোকানদার দাঁড়িপালার বাম পালায় 5 কেজি ওজনের একটি বাটখারা ও ডান পালায় কিছু সালু দিলেন পালা দুইটির জিনিসের ওজন কি সমান হয়েছে ? এখানে আপুর ওজন কত তা নির্দিষ্টভাবে বলা সম্ভব নয় ; এটি অজানা বা অজাত।

এবার দোকানদার ডান পালুয়ে আলুর সাপে 1 কেজি ওজনের একটি বাটখারা দেওয়ায় দুই পালুার জিনিসের ওজন সমান হয়েছে আলুর অজানা ওজন γ কেজি ধরা হলে, ডান পালুায় বাটখারাসহ জিনিসের মোট ওজন হবে (x+1) কেজি

অতএব, আমরা লিখতে পারি, $x+1 \cdot 5$, এটি একটি সমীকরণ।





x + 1 = 5 একটি গাণিতিক খোলা বাক্য ও একটি সমতা x সমান চিহ্ন সংবলিত গাণিতিক খোলা বাক্যকে সমীকরণ বলা হয় এখানে অজান্য বা অজ্ঞাত রাশি x কে চল বা চলক বলা হয় প্রধানত ইংরেজি বর্ণমালার ছোট হাতের অক্ষর x, y, z চলক হিসেবে ব্যবহৃত হয়

সূতরাং, আমরা বলতে পারি, অজনো বা অজাত রাশি বা চলক, প্রক্রিয়া চিহ্ন এবং সমান চিহ্ন সংবলিত গাণিতিক বাক্য হলো সমীকরণ।

একটি সমীকরণের দুইটি পক্ষ থাকে সমান (_) চিক্সের বাম পালের রাশিকে বামপক্ষ এবং ডান পাশের রাশিকে ডানপক্ষ বলা হয়।

কাজ :

তোমরা প্রত্যেকে 🥦 সংবলিত পাঁচটি এবং 🚊 সংবলিত পাঁচটি সমীকরণ লেখ

হে-২ সরল সমীকরণ

অজ্ঞাত রাশির বা চলকের একঘাতবিশিষ্ট সমীকরণকে সরল সমীকরণ বলে x+1-5, 2x-1-3, 2y+3-y-5, $2z-\frac{1}{2}=0$ একলো এক চলকবিশিষ্ট একঘাত সমীকরণ বা সরল সমীকরণ x+y=3, 2x-y-5 একলো দুই চলকবিশিষ্ট সরল সমীকরণ এ অধ্যায়ে আমরা তথু এক চলকবিশিষ্ট সরল সমীকরণ নিয়ে অংশোচনা করব

৫-৩ সরল সমীকরণের স্যাধান

একটি সমীকরণ থেকে এর চলকটির মান নির্ণয় করার প্রক্রিয়াকে বলা হয় সমীকরণের সমাধান
চলকের মানকে বলা হয় সমীকরণটির মূল। এই মূল দ্বারা সমীকরণটি সিদ্ধ হয়। অর্থাৎ্ সমীকরণটির
দুই পক্ষ সমান হয়। সমাধানে চলকটিকে সাধারণত বামপক্ষে রাখা হয়

সমীকরণ সমাধানের জন্য নিমুলিখিত বতঃসিদ্ধগুলো ব্যবহৃত হয় :

স্বতঃসিদ্ধগুলোর উদাহরণে ব্যবহৃত ৫, ৮,০ যেকেনে। ধনাজুক বা ঋণাত্রক পূর্বসংখ্যা বা ভগ্নাংশ হতে পারে।

- (১) পরস্পর সমান রাশির প্রত্যেকটির সাথে একই রাশি যোগ করলে যোগফলগুলো পরস্পর সমান হয় যেমন, a = b হলে, a + c = b + c । এখানে উভয়পক্ষে c যোগ করা হয়েছে
- (২) পরস্পর সমান রাশির প্রত্যেকটি থেকে একই রাশি বিয়োগ করলে বিয়োগফলগুলো পরস্পর সমান হয় যেমন, a b হলে, a e b ে। এখানে উত্যপক্ষ থেকে বিয়োগ করা হয়েছে
- (৩) পরস্পর সমান রাশির প্রত্যেকটিকে একই রাশি দ্বারা গুণ করলে গুণফলগুলো পরস্পর সমান হয় যেমন, a b হলে, ac bc বা ca ch এখানে উভয়পক্ষকে শ্বোরা গুণ করা হয়েছে
- (৪) পরম্পর সমান রাশির প্রত্যেকটিকে অশূন্য একই রাশি ছারা ভাগ করলে ভাগকলগুলো পরম্পর সমান হয় বৈমন, a b । এখানে উভয়পক্ষকে েছারা ভাগ কবা হয়েছে, $c \neq 0$

উল্লিখিত স্বতঃসিদ্ধগুলো প্রধানত সমীকরণের সমাধানে সরলীকরণের জন্য ব্যবহৃত হয় 🔻

উদাহরণস্থকপ, $2\gamma - 1$ 5 সহীকরণটি সমাধান করে γ এর মান নির্ণয় করি এখানে বামপক্ষের রাশিতে ওঠু ় রাখা প্রয়োজন এ জন্য প্রথমে বামপক্ষ থেকে -1 সরাতে হবে তারপর γ এর সহগ 1 করতে হবে, অর্থাৎ γ এর সহগ 2 সরাতে হবে এখন, বামপক্ষ থেকে 1 সরাতে হলে, এর সাথে 1 যোগ করতে হবে কিন্তু ওধু একপক্ষে যোগ করা যায় না, উভয়পক্ষে যোগ করতে হয়। তা না হলে, উভয়পক্ষ সমান থাকে না।

. 2x-1 5 সমাঁকরণের উভয়পক্ষে 1 যোগ করি 2x-1+1 5 + 1 বা. 2x=6.

এখন, যেহেতু বামপঞ্চে ৮ এর ভলক বা সহগ 2 সরাতে হবে, সূতরাং উভয়পক্ষকৈ 2 দারা ভাগ করতে হবে।

, জামরা দিখি
$$\frac{2x}{2} = \frac{6}{2}$$

বা. $x = 3$

.. $2\tau - 1 = 5$ সমীকরণটি সমাধান করে τ এর মান 3 পেলাম কিন্তু সমাধানটি গুদ্ধ হয়েছে কি না তা যাচাই করা দরকার এটাকে বলে সমাধানের তদ্ধি পরীক্ষা

এ স্কল্য আমাদের 😗 এর প্রাপ্ত মান সমীকরণে বসিয়ে দেখতে হবে

বামপক = 2x 1 = 2 x 3 1 = 6 1 = 5 = ডানপক

্র সমাধান ওদ্ধ হয়েছে।

দুইপক্ষে চলক থাকলে, চলকের প্রান্ত মান দুইপক্ষেই পৃথকভাবে বসাতে হবে।

কাল : তোমরা প্রত্যেকে স্বতঃসিদ্ধ চারতির প্রত্যেক্তির একটি করে উদাহরণ লিখে সরল কর

উদাহরণ 🕽 । সমাধান কর ও সমাধানের তদ্ধি পরীক্ষা কর : 😗 🕂 🕽

সমাধান: x+1=5

বা, x + 1 1 - 5 1 [উভয়পক্ষ খেকে] বিয়োগ করে] বা, x = 4

∴ সমাধান : x – 4

গুদ্ধি পরীক্ষা $\tau + 1 - 5$ সমীকরণে এর পরিবর্তে 4 বসিয়ে, বামপক্ষ = x + 1 - 4 + 1 - 5 = ভানপক্ষ।

় সমীকরণটির সমাধান শুদ্ধ হয়েছে। কর্মা নং-১৩, গণিত-৬৪ উদাহরপ ২। সমীকরণটির মূল নির্ণয় কর - ১ - 3 7

সমাধান : x - 3 - 7

বা, x = 3 + 3 = 7 + 3 [উভয়ণকে 3 যোগ করে]

বা, x = 10

সমীকরণটির মূল 10

উদাহরণ ৩। সমাধান কর: 2z + 5 = 15.

শমাধান: 2z+5=15

বা, 2z + 5 - 5 = 15 - 5 |উভয়পক থেকে 5 বিয়োগ করে]

বা, 2z = 10

বা, $\frac{2\pi}{2} = \frac{10}{2}$ [উভয়গক্ষকে 2 দ্বারা ভাগ করে]

বা, z = 5

় সমাধান : z = 5.

উদাহরণ ৪ । সমাধান কর : 5 - x = 7.

সমাধান: 5-x=7

বা, 5-1-5-7-5 ,উভয়পক থেকে 5 বিয়োগ করে]

 \overline{a} , -x=2

বা, (-1)×([) - 2×(]) [উভয়পক্ষকে ([) দ্বারা গুণ করে]

বা, x = -2

∴ সমাধান : x =-2

উদাহরণ ৫। সমীকরণটির মূল নির্ণয় কর এবং সমাধানের ডদ্ধি পরীক্ষা কর 5y-2 33 + 8

সমাধান: 5y - 2 = 3y + 8

বা, 5y - 2 + 2 = 3y + 8 + 2 [উভয়পক্ষে 2 যোগ করে]

41.5v = 3v + 10

বা. 51 - 31 - 31 + 10 - 31 (উড়য়পক্ষ থেকে 31 বিয়োগ করে,

रा. 2v-10

বা. $\frac{2}{2} = \frac{10}{2}$ [উভয়পক্ষকৈ 2 ছারা ভাগ করে]

ৰা, y=5.

সমীকরণটির মূল 5

তদ্ধি পরীক্ষা : প্রদন্ত সমীকরণে y এর পরিবর্তে 5 বসিয়ে পাই,

বামপক = $5y-2-5\times5-2-25-2-23$

ভানপ $= 3y + 8 - 3 \times 5 + 8 - 15 + 8 - 23$

বামপক 🔟 ডানপক

সমীকরণটির সমাধান তদ্ধ হয়েছে।

কাজ . ১। 2++5 9 সমীকরণের সমাধান । 2 সমধানের ওদ্ধি পরীক্ষা কর। ২। 3+ 8 - 1+2 সমীকরণিটির সমাধান কর ও সমাধানের ওদ্ধি পরীক্ষা কর

৫-৪ বাস্তব সমস্যার ভিত্তিতে সমীকরণ গঠন ও সমাধান

ভোষার কাছে কিছু চকলেট আছে তা থেকে তোষার বোন রিভাকে 3টি চকলেট দিলে, ভোষার কাছে আর 7টি চকলেট থাকল বলতে পারো, প্রথমে ভোষার কাছে করটি চকলেট ছিল ?
ভোষার কাছে মোট করটি চকলেট ছিল তা অঞ্চানা । ধরি, ভোষার কাছে үটি চকলেট ছিল ভাহলে, ভোষার বোন বিভাকে 3টি চকলেট দিলে ভোষার যেটি চকলেট থেকে 3টি চকলেট কমে যাবে । কাজেই, ভোষার কাছে এখন থাকরে (১ – 3)টি চকলেট । কিছু প্রশ্নমতে, ভোষার কাছে থাকরে 7টি চকলেট। অভএব, আমরা লিখতে পারি.

x-3=7বা, x-3+3=7+3 (উভরপকে 3 যোগ করে) বা, x=10

🚉 তোমার কাছে মোট 10টি চকলেট ছিল।

এখানে গঠিত সমীকরণ x-3=7এবং সমীকরণটির সমাধান x=10.

कांक :

১ একটি আয়্তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য অপেক্ষা প্রস্ক 3 মিটার কম প্রত্যেকে বাগানটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্ক র মাধ্যমে লেখ।

উদাহরণ ৬। কোন সংখ্যার শ্বিভণের সাথে 5 যোগ করলে যোগফল 17 হবে ?

भगाधान : धति, সংখ্যাটি 🗴

সংখ্যাটির দ্বিত্তণ করলে 2x হবে এবং এর সাথে 5 যোগ করলে হবে 2x + 5

প্রপুমতে,
$$2x+5-17$$

ৰা, 2x + 5 5 17 5 , উভয়পক্ষ থেকে 5 বিয়োগ করে]

বা.
$$2x = 12$$

বা,
$$\frac{2\pi}{2}$$
 $\frac{12}{2}$ ভিতয়পক্ষকে 2 দ্বারা ভাগ করে।

朝, x 6

় সংখ্যাটি 6

উদাহরণ ৭। দুইটি ক্রমিক সাভাবিক বিজ্ঞাড় সংখ্যার যোগফল 16 হলে, সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর সমাধান : ধরি, ১ম বিজ্ঞোড় সংখ্যা 🛪

২য় বিজ্ঞাভ সংখ্যাটি হবে x+2

প্রশ্ন অনুসারে,
$$x + x + 2 = 16$$

বা.
$$2x + 2 = 16$$

शा.
$$2x = 14$$

বা,
$$\frac{2\lambda}{2} = \frac{14}{2}$$
 [উভয়পক্ষকে 2 দ্বারা ভাগ করে]

বা.
$$x = 7$$

· ১ম সংখ্যাটি 7 এবং ২য় সংখ্যাটি x + 2 - 7 + 2 - 9

্ৰ সংখ্যা দুইটি 7, 9

कास :

উদাহরণ ৭ এর আলোকে একটি সমস্য তৈরি কর এবং সমাধান কর

উদাহরণ ৮ । 2 , 3 অনুপাতের পূর্বরাশির সাথে কত যোগ করলে অনুপাতটি 5 - 1 হবে ? সমাধান : ধরি, অনুপাতটির পূর্ব রাশির সাথে ৮ যোগ করতে হবে - তখন অনুপাতটি হবে। 2 + ৮) - 3

প্রশ্নমতে,
$$\frac{2+x}{3} = \frac{5}{1}$$
বা, $\frac{2+x}{3} \times 3 = \frac{5}{1} \times 3$ [উচয়পক্ষকে 3 ছারা ত্রণ করে,
বা, $2+x-15$

বা,
$$2 + x$$
 2 [5 2 [উভয়পক্ষ থেকে 2 বিয়োগ করে]

বা,
$$x = 13$$

ু পূর্ব রাশির সাথে 13 যোগ করতে হবে।

উদাহরণ ৯ মীনার কাছে 12টি মার্বেল ছিল। তা থেকে সে তার বন্ধু কনক চাকমাকে কিছু মার্বেল দেওয়ার পর তার কাছে 7টি মার্বেল থাকল। সে কনককে কয়টি মার্বেল দিল ?

সমাধান : ধরি, মীনা তার বন্ধু কনককে 🕆 টি মার্বেল দিল নকাজেই, তার কাছে আর মার্বেল থাকে (12 – 🕆) টি কিন্তু মানার কাছে মার্বেল থাকে 7টি :

$$12 - x = 7$$

বা, $12 = x - 12 = 7 = 12$ [উভয়পক্ষ থেকে 12 বিয়োগ করে]
বা, $-x = -5$
বা, $(-1) \times (-x) - (-1) \times (-5)$ [উভয়পক্ষকে (-1) দাবা ওপ করে]
বা, $x = 5$

্ৰ মীনা কনক চাক্মাকে 5টি মাৰ্বেল দিল।

कांस :

🔰 উদাহরণ 🔊 এর আলোকে একটি সমস্য। তৈরি কর এবং সমাধান কর

উদাহরণ ১০ সিহাব একটি দোকান থেকে 6টি কলম কিনে দোকানদারকে 50 টাকার একটি নোট দিল : দোকানদার ভাকে 20 টাকা ফেবভ দিলেন। সিহাব অন্য একটি দোকান থেকে প্রতিটি ৮ টাকা দামের 3 টি খাতা কিনল ভাহলে –

- ক প্রতিটি কলমের দাম γ টাকা ধরে একটি সমীকরণ গঠন কর
- थे. श्रेडिंট कन्याय माय निर्पय करा ।
- গ 3টি খাতার দাম 6টি কলমের দামের সমান হলে, প্রতিটি বাতার দাম কত ?
 সমাধান: ক প্রতিটি কলমের দাম ৮ টাকা হলে, 6টি কলমের দাম ৫৮ টাকা আবার, 6টি কলমের
 মোট দাম = (50 20) টাকা = 30 টাকা।

য. 6x = 30বা, $\frac{6x}{6} = \frac{30}{6}$, উভয়পক্ষকে 6 দ্বারা ভাগ করে|

বা, x = 5

্ব প্রতিটি কলমের দাম 5 টাকা

গ্. 3 টি খাতার দমে $-3 \times \nu$ টাকা -3χ টাকা। আবার, 6টি কলমের দাম -6×5 টাকা -30 টাকা প্রসূমতে, $3 \nu - 30$

বা,
$$\frac{3y}{3} - \frac{30}{3}$$
 উভয়পক্ষকে 3 ছারা ভাগ করে] বা, $y - 10$

প্রতিটি খাতার দাম 10 টাকা।

কান্ত :

🕽 । উদাহরণ 🕽০ এর অনুরূপ একটি সমস্যা তৈরি কর এবং সমাধান কর ।

উদাহরণ ১১।

কোন সংখ্যার চারওন থেকে 5 বিয়োগ করলে প্রাপ্ত বিয়োগফল সংখ্যাটির ছিত্তণ অপেকা 19 বেশি হয়

- (ক) সংখ্যাটি 🕆 হলে তথ্যের আলোকে সমীকরণ গঠন কর
- (খ) সংখ্যাটি নির্ণয় কর।
- (গ) সংখ্যাটি তিনটি ক্রমিক স্বাভাবিক সংখ্যার সমষ্টি হলে কুদ্রতম সংখ্যাটি নির্ণয় কর

मग्राधान :

- (ক) মনেকরি, সংখ্যাটি x

 সংখ্যাটির চারওণ থেকে 5 বিয়োগ করলে বিয়োগফল

 4x-5

 এবং সংখ্যাটির দিওলের সাথে 19 য়োগ করলে য়োগফল

 2x+19
 প্রশ্নমতে, 4x-5= 2x+19
- (ব) 'ক' হতে পাই, 4x-5=2x+19বা, 4x-5+5=2x+19+5 (উত্তয় পক্ষে 5 যোগ করে)
 বা, 4x=2x+24বা, 4x-2x=2x+24-2x (উত্তয় পক্ষ হতে 2x বিয়োগ করে)
 বা, 2x=24বা $2^x=2^4$ (উত্তয় পক্ষেকে 2 দ্বারা ভাগ করে)
 বা, x=12অতএব, সংখ্যাটি 12
- (গ) 'ব' হতে প্রাপ্ত সংখ্যাটি 12
 মনে করি, ১ম ক্রমিক সংখ্যাটি y

 ২য় ক্রমিক সংখ্যাটি y+1
 তম্ম ক্রমিক সংখ্যাটি y+2

শর্তমতে, y+(y+1)+(y+2)=12বা, y+y+1+y+2=12বা, 3y+3=12বা, 3y+3-3=12-3 [উভয় পক্ষ হতে 3 বিয়োগ করে]
বা, $\frac{3}{3}-\frac{9}{3}$ [উভয় পক্ষকে 3 দ্বারা ভাগ করে]
বা, y=3

		অতিএব, কুদ্র	ত্য সংখ্যাটি 3					
				অনুশীলনী ৫	t			
:	١ د							
		平. 3	খ. 5	박. 8	ष. 🗓			
2	2	4x ৪ সমীকঃ	तर्पत मृत्र निरहत	কোনটি 🔋				
		ক. 2	শ. 4	গ. ৪	ष. 32			
1	Đ	রহিম এর টাকা কত টাকা আছে		দিকণ ভাদের দুইং	ঙ্গনের মোট 30 টাকা আছে	করিমের		
		ক, 30 টাকা	খ 20 টাকা	গ 15 টাকা	ঘ 10 টাকা			
1	8	একটি আয়ুতাকার	বাগানের দৈর্ঘ্য :	(মিটার এবং গ্রন্থ ১	মিটার হলে পরীসীমা কড মিটা	র?		
		(奉) x-y	(4) 2(x-y)	(গ) x+y	(학) 2(x+y)			
	ē-	যদি 🕆 এর দ্বিগুলের সাধ্যে 3 যোগ করলে যোগফল 9 হয় তবে 🖈 এর মান কোনটি?						
		(季) 3	(ৰ) 4	(গ) 6	(ৰ) 8			
(51	6x+3=9 সমীকরণটিতে—						
		(1) চলক একটি	(H) চলক	এর সূচক 1	(ш) চলকের মান 2			
		নিচের কোনটি সঠিক?						
		(<u>♦</u>) I @ [!	(4)1.6 Ⅲ	(전) H 중 HI	(ষ) 1. ম, ও মা			
	٩	a, b, c যে কোনো সংখ্যা এবং $a=b$ হলে						
		(i) ac=bc	(ii) a+c=b	+c (iii) a-c=	:b-c			
		নিচের কোনটি সঠিক?						
		(季) 1 🛭 [[(≰) Г а Ш	(M) II 6 III	(ब) १, छ, ७ । ॥			
		নিচের তথ্যের আলোকে (৮ ৫ ৯) নং প্রশ্নের উত্তর দাও।						
2026		দুইটি সংখ্যার বিয়োগফল 3() এবং বড় সংখ্যাটি ছোট সংখ্যার চারগুণ।						
47								

৮ বড সংখ্যা ও ছোট সংখ্যার অনুপাত কত?

- (**क**) 1:2 (**寸**) 1:4
- (গ) 2:1 (ছ) 4:1

১। ছোট সংখ্যাটি কভ

- (ক) 6
- (খ) 10 (গ) 27 (খ) 40

১০ বিমল লোকান খেকে মোট ३() টাকায় একটি পাতা ও একটি পেলিল কিনল পেলিলের দাম 🗴 টাকা এবং খাতার দাম পেশিলের দামের দ্বিত্র , নিচের তথাওলো লক্ষ কর :

- i, খাভার দাম 3x টাকা ፣
- ii. প্রশ্নমতে, সমীকরণ x + 2x = 30
- (i) খাতার দাম 20 টাকা হলে, পেঙ্গিলের দাম 10 টাকা

্উপরের তথ্যের আলোকে নিচের কোনটি সতা 🤊

- क.। जा मारुगा में गुरुगा है। जा का

১১ দুইটি স্বাভাবিক সংখ্যার যোগফল 24 ভাহলে,

- (১) একটি সংখ্যা ৪ হলে, অপর সংখ্যাটি নিচের কোনটি 🤊
 - ক, 10
- **4.** 16
- 中, 20
- **T.** 32

(২) কোন সংখ্যার দিওণের সাথে 6 যোগ করলে প্রদন্ত যোগফল একই থাকবে । ক. 6 **▼**. 9 **1**. 12 च. 18

- (৩) কেনে সংখ্যা থেকে এ বিয়োগ করলে বিয়োগফল প্রদন্ত যোগফলের অর্থেক হবে ?

可, 12.

- **4**. 16
- **T. 20**

নিচের সমীকরণগুলো সমাধান কর (১২ ২৩):

- ১২ x+4=13
- 301 x+5=9
- $58 \mid \nu + 1 = 10$

- 301 y-5=11
- 361 2+3≈15
- 3x = 12

- ან | 2x+1=9
- 38 | 4x 5 = 11
- 3x 5 17
- $25 \quad 7x \quad 2-x+16$ $22 \quad 3 \quad x-14$
- 20 27 + 9 3

সমীকরণ গঠন করে সমাধান কর: (২৪ ৩৫):

২৪ কোন সংখ্যার ছিন্তপের সাথে 6 যোগ করলে যোগফল 14 হবে 🔈

२४ काम मध्या थारक 5 विद्यान कवृत्त विद्यानकन [1 इत् ?

২৬। কোন সংখ্যার 7 গুণ সমান 21 হবে 🛊

- ২৭ কোন সংখ্যার 4 তথের সাথে 3 যোগ করলে যোগফল 23 হবে ?
- ২৮ কোনো সংখ্যার ৭ গুণের সাথে ঐ সংখ্যার 3 গুণ যোগ করলে যোগফল 32 হয় সংখ্যাটি কত ?
- २५ कान मध्यात हात्रवन स्थाक के मध्यात विवन विद्यान कराल विद्यानकल 24 स्टब ?
- ৩০ : একটি কলমের দাম যত টাকা তা থেকে 2 টাকা কম হলে দাম হতো 10 টাকা কলমটির দাম কত ?
- ৩১ , কনিকার কাছে যতগুলো চকলেট আছে, তার চারগুণ চকলেট আছে মনিকার কাছে দুইজনের একরে 25টি চকলেট আছে কনিকার কতগুলো চকলেট আছে ?
- ৩২ দুইটি ক্রমিক স্বান্তাবিক জ্যোড় সংখ্যার যোগফল ২0 হলে, সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর
- ৩৩ তিনটি ক্রমিক স্বাভাবিক বিজ্ঞান্ত সংখ্যার যোগফল 27 হলে, সংখ্যা তিনটি নির্ণয় কর
- ৩৪। একটি আয়তাকার ফুল বাগানের প্রস্ক অপেক্ষা দৈর্ঘ্য 2 মিটার বেলি
 - ক্রবাগানটির প্রস্থার মিটার হলে, এর পরিসীমা 😮 এর মাধামে লিখ
 - খ, বাগানটির পরিসীমা 36 মিটার হলে, এর প্রস্থ কত 😲
 - গ্, বাগানটি পরিষ্কার করতে মোট 320 টাকা খরচ হলে, প্রতি বর্গমিটার পরিষ্কার করতে কত খরচ হবে ?
- ৩৫ : তিনটি ক্রমিক সাভাবিক সংখ্যার যোগফল 24
 - ক্র সবচেয়ে ছোট সংখ্যাটি 😗 হলে, অপর সংখ্যা দৃইটি 🐧 এর মাধ্যমে লেখ ।
 - দেওয়া তথ্যের সাহায়ের সংখ্যা তিনটি নির্ণয় কর
 - গ.) একটি সংখ্যা যার বিশুণ, প্রাপ্ত সবচেয়ে ছোট ও সবচেয়ে বড় সংখ্যা দুইটির যোগফল অপেকা 4 বেশি। V এর মান নির্ণয় কর

र्श्व जशास

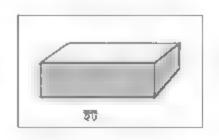
জ্যামিতির মৌলিক ধারণা

'জ্যা' অর্থ ভূমি, 'মিতি' অর্থ পরিমাপ ভূমির পরিমাপ সম্পর্কে আলোচনা থেকেই জ্যামিতির উদ্ভব খ্রিষ্টপূর্ব ৩০০ অন্দে গ্রিক পণ্ডিত ইউক্লিড ধারাবাহিকভাবে তার Elements পৃস্তকের ১৩টি খণ্ডে জ্যামিতিক পরিমাপ পদ্ধতির সংজ্ঞা ও প্রক্রিয়াসমূহ লিপিবদ্ধ করেন কিছু মৌলিক ধারণা বা স্বতঃসিদ্ধের ওপর নির্ভর করে জ্যামিতিক অন্ধন ও যুক্তি দ্বারা অন্ধনের নির্ভূলতা প্রমাণ ইউক্লিডীয় জ্যামিতির মূল প্রতিপাদ্য বিষয় বর্তমানে জ্যামিতির বহুমাত্রিক বিস্তৃতি ঘটেছে অধ্যাত্ত শেষে শিক্ষার্থীরা —

- জ্ঞামিতির কিছু মৌলিক ধারণা যেমন : ছান্ তল, রেখা ও বিন্দু ইত্যাদি ন্যাখ্যা করতে পারবে
- 🍃 সরলরেখা, রেখাংশ ও রশিরে মধ্যে পার্যকা নির্ণয় করতে পারবে।
- বিভিন্ন ধরনের কোদগুশোর মধ্যকার সম্পর্ক ব্যাখ্যা করতে পারবে।
- 🍃 সমান্তরাল সরলরেখা বর্ণনা করতে পারবে
- 🍃 দুইটি সমান্তরাল সরলবেখা ও একটি ছেদক দ্বারা উৎপন্ন কোণগুলো বর্ণনা করতে পারবে
- বিভিন্ন ধরনের আিন্তজ (বাহুভেদে ও কোণভেদে) ব্যাখ্যা করতে পারবে
- 🔊 বিভিন্ন ধরনের চতুর্ভুঞ্জ চিহ্নিত করতে পারবে .

৬-১ স্থান, তল, রেখা ও বিন্দু

পাশের ছবিটি একটি ইটের ছবি ইটটি কিছু জায়গা দখল করে আছে এমলিভাবে প্রত্যেক বস্তুই কিছু জায়গা দখল করে থাকে যে বস্তুর লৈছা, প্রস্থু ও বেধ বা উচ্চতা মাছে, তাকে ঘনবস্তু বলে যেমন, ইট, বই, ম্যাচবস্তু, কাঠের টুকরা ইত্যাদি স্থান বলতে আমরা কোনো নির্দিষ্ট আকারের বস্তু যতটুকু জায়গা দখল করে তা বুঝি



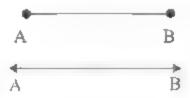
আবার বিভিন্ন বস্তুর উপরিস্তাগ থেকে আমরা তলের ধারণা পাই বেমন ইট, টেবিলের উপরিস্তাগ, কাগজের পৃষ্ঠা ইটটির ছয়টি পৃষ্ঠ আছে। প্রত্যেক পৃষ্ঠই এক-একটি তল নির্দেশ করে। এর একটি তল থেখানে অপর একটি তলের সাথে মিশেছে, সেখানে একটি ধার বা কিনারা উৎপন্ন হয়েছে এই ধার বা কিনারা হচ্ছে রেখার একটি অংশের প্রতিরূপ। এরূপ তিনটি রেখা ইটের এক কোনায় এসে মিশেছে এই কোনাগুলোতে এমন কুদুস্থানের সৃষ্টি হয়েছে, যার ওধু অবস্থান আছে

এ ধরনের ক্ষুদ্রাতিক্ষ্ম স্থানই আমাদেরকে বিন্দুর ধারণা দেয় পেলিলের সক মাধা দিয়ে কাগ্যক্ত কোঁটা দিলে একে বিন্দুর প্রতিকৃতি বলে ধরা হয় বিন্দু কেবল অবস্থান নির্দেশ করে বিন্দুকে ব. B, P, Q এর ন্যায় একটি অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করা হয়।



৬-২ রেখা, রেখাংশ ও রশ্মি

কাগজের উপর A ও B দ্বারা নির্দেশিত দুইটি বিন্দু বিবেচনা করি বিন্দু দুইটির উপর একটি স্কেল রেখে A থেকে B পর্যন্ত দাগ টানি AB একটি সরলরেখার সংশের প্রতিরূপ অর্থাৎ AB একটি রেখাংশ রেখাংশটিকে উভয় দিকে একই বরবের যতদ্ব বৃশি বাড়ালেই একটি সরলরেখার প্রতিরূপ পাওয়া যায় বেখার নির্দিষ্ট প্রান্তবিন্দু বা দৈর্ঘ্য নেই কিন্তু রেখাংশের নির্দিষ্ট প্রান্তবিন্দু ও দৈর্ঘ্য আছে।



AB সরলরেখা সরলরেখার কোনো প্রস্থ নেই



চিত্রে A থেকে B এর দিকে রেখাটির সীয়াহীন অংশ একটি রশি । একে AB রশি বলা হয়।

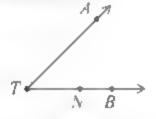
ু বেখা	রেখাশে	রশ্মি
একটি রেখার নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্য নেই	রেখাংশের নির্দিষ্ট দৈর্ঘ। আছে।	একটি রশ্বির নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্য নেই
একটি রেখার প্রাস্তবিন্দু নেই	রেখাংশের দুইটি প্রান্ত বিন্দু আছে।	একটি রশ্মির মার একটি প্রান্ত বিন্দু আছে।
A B	A B	A B
AB সরলারেখা	AB রেখাংশ	AB রশা

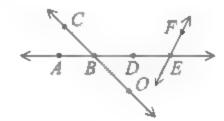
বিন্দু, রেখা, তল সম্পর্কিত কয়েকটি প্রয়োজনীয় ধারণা বা সভর্গসদ্ধ

- (১) দুইটি বিন্দুর মধ্য দিয়ে একটি এবং কেবল একটি সরলরেখা আঁকা যায় :
- (২) যেসৰ বিন্দু একই সরলৱেখায় অবস্থান করে, তাদেরকে সমরেখ বিন্দু বলা হয়
- (৩) একটি রেখাংশের দৈর্ঘাই তার প্রান্ত বিন্দুদ্বয়ের দূরত্ব
- (৪) প্রান্তবিন্দুষয় ছাড়া রেখাংশের যেকোনো বিন্দুকে ঐ রেখাংশের অন্তঃস্থ বিন্দু বলা হয় PR রেখাংশের অন্তঃস্থ কোনো বিন্দু Q হলে, PQ + QR PR হবে $\frac{1}{2}$
- (৫) একই সমতলে দুইটি রেখা একটি এবং কেবল একটি বিন্দৃতে পরস্পরকে ছেদ করতে পারে
- (৬) যদি দুইটি বিন্দু একই সমতলে অবস্থান করে, তবে তাদের সংযোগরেখা সম্পূর্ণভাবে ঐ তলেই অবস্থান করে

কাল:

১ চিত্রে করটি রশ্যি রয়েছে 🛊

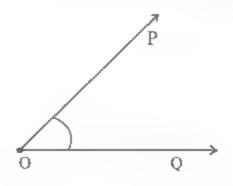




- ২ রেখা, রেখাংশ ও রশার মধ্যে পার্থকা কী ? ছবি একে রেখা, রেখাংশ ও রশািু দেখাও
- একটি বাঝা একে এর তল, রেখা, বিন্দুর প্রতিরূপ নির্দেশ কর
- ৪ তোমার খাতায় দুইটি বিন্দু নিয়ে একটি সরলরেখা জাক

৬-৩ কোপ

একই সমতলে দুইটি বশ্বি একটি বিন্দুতে মিলিত হলে কোণ তৈরি হয় বশ্বি দুইটিকে কোণের বাহু এবং তাদের সাধারণ বিন্দুকে শীর্থবিন্দু বলে পাশের চিত্রে, OP ও OQ রশ্বিষর ভাদের সাধারণ প্রান্তবিন্দু O তে ∠POQ উৎপত্ন করেছে O বিন্দুটি ∠POQ এর শীর্থবিন্দু।



সরল কোণ

চিত্রে. AB একটি রশ্যি AB রশ্যির প্রান্তবিন্দু A থেকে
AB এর বিপরীত দিকে AC রশ্যি আঁকা হয়েছে

AC কে AB রশ্মির বিপরীত রশ্মি বলা হয় AC ও

AB রশ্মিষয় তাদের সাধারণ প্রান্তবিন্দু A তে ∠BAC

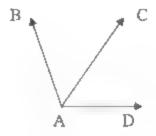
উৎপন্ন করেছে ∠BAC কে সরল কোণ বলে সরল
কোণের পরিমাণ ১৮০°।



দূইটি পরস্পর বিপরীত বশ্মি তাদের সাধারণ প্রাপ্তবিশ্বতে যে কোণ উৎপন্ন করে, ভাকে সরল কোণ বলে।

সন্নিহিত কোণ

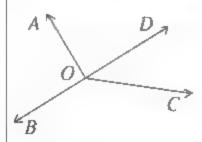
পাদেশর চিত্রে, A বিন্দুতে $\angle BAC$ ও $\angle CAD$ দুইটি কোণ উৎপন্ন হয়েছে A বিন্দু কোণ দুইটির শীর্ষবিন্দু $\angle BAC$ ও $\angle CAD$ উৎপন্নকারী বাহুগুলোর মধ্যে AC সাধারণ বাহু কোণ দুইটি সাধারণ বাহু AC এর বিপরীত পাশে অবস্থিত $_BAC$ এবং $_CAD$ কে পরস্পর সন্নিহিত কোণ বলে।



যদি কোনো তলে দুইটি কোণের একই শীর্যবিন্দু হয় এবং
কোণ্ডয় সাধারণ বাহুর বিপরীত পাশে অবস্থান করে, তবে ঐ
কোণ্ডয়কে সন্থিতি কোণ কলে।

कांक :

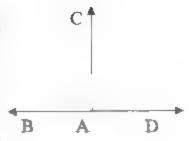
- করেকটি কোণের পরিমাপ দেওয়া হলো, চাঁদার সাহায্যে কোণগুলো আঁক :
- (ক) ৩০° (খ) ৪৫ (গ) ৬০° (ঘ) ৯০° (৪) ১২০° (১) ১৮০ —
- ২। কোণের পরিমাপ করে শ্রেণিবিভাগ কর:



লম্, সমকোণ

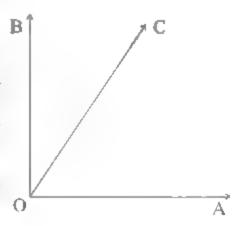
্র চিত্রে, BD রেখার A বিন্দুতে ∠BAC ও ∠CAD দুইটি টুকোণ উৎপন্ন হয়েছে A বিন্দুকোণ দুইটির শীর্ষবিন্দু, $\angle BAC$ ও $\angle CAD$ উৎপদ্নকারী কোণগুলোর মধ্যে AC সাধারণ বাছ কোণ দৃইটি সাধারণ বাছ AC এর দৃই পালে জবস্থিত $\angle BAC$ এবং $\angle CAD$ পরস্পর সমান হলে, এদের প্রত্যোকটিকে সমকোণ বলে, জাবার AD ও AC বাছধ্য় বা AB ও AC বাছধ্য়কে পরস্পানের উপর লঘ বলে।

যদি একই রেখার উপর অবস্থিত দুইটি সরিহিত কোণ পরস্পর সমান হয়, তাবে কোণ দুইটির প্রত্যেকটি সমকোল সমকোণের বাহু দুইটি পরস্পরের উপর লম।



পুরক কোণ

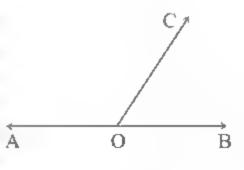
পাশের চিত্রে, $\angle AOB$ একটি সমকোণ OC রশ্মি কোণটির বাছম্বরের মধ্যে মর্বাস্কৃত এর ফলে $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ এই দুইটি কোণ উৎপন্ন হলো কোণ দুইটির পরিমাপের যোগফল $\angle AOB$ এর পরিমাপের সমান, অর্থাৎ ৯০° $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ কোণ দুইটির একটি অপরটির পুরক কোপ। দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল ৯০° হলে, কোণ দুইটির



সম্পূরক কোণ

একটি অপরটির প্রক কোণ

AB একটি সরলরেখার () অন্তঃস্থ একটি বিন্দু। () একটি বিদ্যু। () একটি বিদ্যু। () এর ফলে বিদ্যু যা। () এর ফলে এর ফলে এবং এবং একটি এই দুইটি কোল উৎপদ্ম হলো। কোল দুইটির পরিমাপের যোগফল এবে) কোলের পরিমাপের সমান, অর্থাৎ ১৮০৭, কেননা এবে) একটি সরলকোল আমরা বলি, এবে) এবং একটি কোল দুইটির একটি প্রসারীর সম্প্রক কোল, অংধরা এরা পরস্পর সম্প্রক কোল



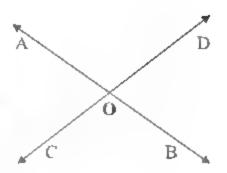
দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল ১৮০° হলে কোণ দুইটির একটি অপরটির সম্পূরক কোণ

- দুইটি কোণের পরিষাপের যোগফল ৯০ হলে, একটি অপরটির পুরক কোণ
- দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল ১৮০° হলে কোণ দুইটির প্রত্যেকটি অপরটির সম্পূরক
- দুইটি পরশপর সম্পূরক কোণকে সল্লিহিত কোণ হিসেবে জাকলে একটি সরলকোণ তৈরি হয়

বিপ্ৰতীপ কোণ

AB এবং CD দুইটি সরলেরেখা এরা পরস্পর O বিন্দৃতে ছেদ করেছে ফলে O বিন্দৃতে ∠4OC , ∠COB, ∠BOD এবং ∠DOA চারটি কোণ উংপর হয়েছে এদের প্রত্যুকের শীর্ষবিন্দৃ O । এদের মধ্যে ∠BOD ও ∠4OC কোণ দুইটির একটি অপরটির বিপ্রতীপ কোণ অথবা এরা পরস্পর বিপ্রতীপ কোণ আবার, ∠BOC ও ∠DOA কোণ দুইটির একটি অপরটির বিপ্রতীপ কোণ অথবা এরা পরস্পর বিপ্রতীপ কোণ।

রশ্মি হিসেবে দেখলে, OA ও OB পরশ্সর বিপরীত রশ্মি, কেলনা A,O,B বিন্দু তিনটি একই সরলবেধায় অবস্থিত আবার OCও OD পরস্পর বিপরীত রশ্মি O বিন্দুতে তৈরি চারটি কোণের যে কোনোটির বিপ্রতীপ কোণের বাহুদ্বয় মূল কোণের বাহুদ্বরের বিপরীত রশ্মিদ্বয় :



- কোনো কোণের বাছছয়ের বিপরীত রশ্বিষয় যে কোণ তৈরি করে তা ঐ কোণের বিপ্রতীপ কোণ
- দুইটি সরলরেখা কোনো বিন্দৃতে পরস্পরকে ছেদ করলে, ছেদ বিন্দৃতে দুই জোড়া পরস্পর
 বিপ্রতীপ কোণ উৎপর হয়।
- একজোড়া পরস্পর বিপ্রতীপ কোণের বক্ষগুলে। দুইটি পরস্পরছেদী সরলরেখা তৈরি করে.
 যাদের ছেদবিন্দু প্রদন্ত কোপ যুগলের সাধারণ শীর্ষবিন্দু।

লক্ষ করি: যেকোনো কোণ ও তার বিপ্রতীপ কোণের পরিমাণ সমান 🛚

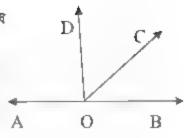
कांख :

১। গাশের চিত্রে নির্দেশিত কোপগুলো পরিমাপ কর। F
A
O
B
E

উপপাদ্য ১

একটি সরলরেখার একটি বিন্দৃতে অপর একটি রশ্বি মিলিভ হলে, যে দুইটি সন্নিহিত কোল উৎপন্ন হয় তাদের সমষ্টি দুই সমকোল।

মনে করি, AB সরলরেখাটির O বিন্দুতে OC রাশ্বর প্রান্তবিন্দু মিলিত হয়েছে ফলে $\angle AOC$ ও $\angle COB$ দুইটি সার্নাহিত কোণ উৎপার হলো। প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle AOC + \angle COB$ দুই সমহকাণ



AB রেখার উপর DO লাং আঁকি।

 $= \angle AOD + \angle DOB$

 $|CRES \angle DOC + \angle COB = \angle DOB|$

= ২ সমকোণ

(যহেতু /AOD ও /DOB এর প্রত্যেকে এক সমকোণ)

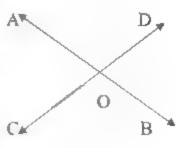
[প্রমাণিত|

উপপাদ্য ২

দুইটি সরলরেখা পরস্পর ছেদ করলে, উৎপন্ন বিপ্রতীপ কোণগুলো পরস্পর সমান

মলে কবি, AB ও CD রেখাছয় পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করেছে ফলে O বিন্দুতে $\angle AOC$, $\angle (OB - BOI)$, $\angle AOI)$ কোণ উৎপন্ন হয়েছে প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle AOC$ – বিপ্রতীপ $\angle BOI)$ এবং $\angle COB$ = বিপ্রতীপ $\angle AOD$ ।

OA বশ্বির O বিন্দুতে CD রেখা মিলিত হয়েছে। ∠AOC + ∠AOD = ১ সরল্যকাণ = ২ সমকোণ উপপাদ্য ১]



আবার, (II) রশ্মির () বিন্দুতে AB বখা মিলিত হয়েছে . ZAOD + ZBOD = ১ সরলকোণ = ২ সমকোণ।

উপপাদা ১

সুতরাং ∠AOC + ∠AOD = ∠AOD + ∠BOD _AOC ∠BOD (উভয় পফ গেকে ∠AOD বাদ দিয়ে) অনুরূপে দেখানো যায়, ∠COB ∠AOD (প্রমণিত)

৬-৪ সমান্তরাল রেখা

একই সমতলে অবস্থিত দুইটি সরলরেখা একে অপরকে ছেদ না করলে তাদেরকে সমান্তরাল সরলরেখা বলে দুইটি সরলরেখার একটির যেকোনো দুইটি বিন্দু থেকে অপরটির লম্ম দূরত্ব পরস্পর সমান হলে, এরা সমান্তরাল দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা কখনও পরস্পরকে ছেদ করে না

লম-দূরতে্র সাহায়ো সমান্তরাল সরলরেমার ব্যাখ্যা



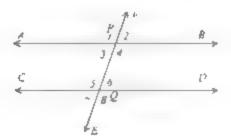
উপরের চিত্রে, AB এবং CD দুইটি পরস্পর সমান্তরাল সরলরেখা AB সরলরেখার I,P,R বিন্দৃগুলো থেকে CD সবলরেখার উপর যথাক্রমে $LM,PQ,R \land$ লম্ব স্মান্ত হয়েছে

স্কুলারের সাহায্যে মাপ্রে দেখা যাবে, LM, P(), RN এর প্রত্যেকের দৈর্ঘ্য সমান আন্য কোনো লাখের দৈর্ঘ্য একটি কুলি হবে। এটি সমানুরাল সরলরেখার একটি কৈশিষ্ট্য ।

দুইটি সমান্তরাল সরলবেখার লম্ব-দূরত্ব কলতে ভাদের একটির যেকোনো বিন্দু হতে অপরটির উপর অঞ্জিত লম্বের দৈর্ঘাকেই বোঝায়।

লক্ষ করি, কোনো নির্দিষ্ট সরলরেখার উপর অবস্থিত নয় এর্প বিন্দুর মধ্য দিয়ে ঐ সরলরেখার সমান্তরাল করে একটি মাত্র সরলরেখা জাকা যায়।

একান্তর কোণ, অনুরূপ কোণ, ছেদকের একই পার্শব্ধ অন্তঃস্থ কোণ



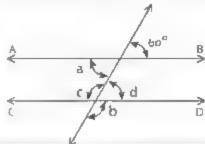
উপরের চিত্রে, AB ও CD দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা এবং EF সরলরেখা সেগুলোকে দুইটি বিন্দু Pও Q তে ছেদ করেছে EF সরলরেখা AB ও CD সরলরেখা দুইটির সাথে 21,22,23,24,25,26,27,28 মোট আটটি কোণ তৈরি করেছে Q কোণগুলোর মধ্যে

- (ক) _1 এবং _5, /2 এবং _6, _/3 এবং _7, _4 এবং _8 পরস্পর অনুরূপ কোল
- (খ) ৴3 এবং ৴6 . ৴ 4 এবং ৴ 5 ইলো পরস্পর একান্তর কোন
- (গ) ∠4, ∠6 ভানশাশের অন্তঃয় কোণ।
- (ঘ) ∠3,∠5 বামপাশের অশুঃয়্ক কোপ।

চাঁদার সাহায়ে মেপে দেখি যে, অনুৰূপ কোণগুলো পরস্পর সমান আরও মেপে দেখি যে, একান্তর কোশগুলোও পরস্পর সমান এগুলো সমান্তরাল রেখার বিশেষ ধর্ম কর্মা নং-১৫, গণিত-৬৯

কাজ:

১ নিচের চিত্রে AB ও CD পরস্পর সমান্তরাল চিত্রে a, b, c, d এর মান কত ?



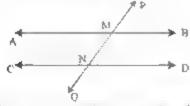
अनुनीननी ७-১

১ নিচের ছবিটি লক্ষ কর এবং প্রশ্নগুলোর উত্তর দাও :



- (ক) উপরের তিনটি বিন্দু দিয়ে কয়টি ডিন্নু রেখাংশের নাম করা যায় 🤊 নামগুলো উল্লেখ কর
- (খ) উপরের তিনটি বিন্দু দিয়ে কয়টি ভিন্ন রেখার নাম করা যায় 🕆 নামগুলাে লেখ
- (গ) উপরের তিনটি বিন্দু দিয়ে কয়টি রশাির নাম করা যায় ? নামগুলো লেখ
- (ঘ) AB, BC, AC রেখাংশগুলোর মধ্যে একটি সম্পর্ক উল্লেখ কর

২ : নিচের চিত্রটি লক্ষ কর:



চিত্রের আলোকে নিচের কোনটি সঠিক একান্তর কোণ নির্দেশ করে ?

Φ. ∠AMP, ∠CNP

✓CNP, ∠BMQ

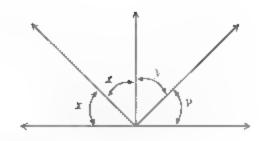
∠BMP ∠BMQ

¬ ∠BMP, ∠DNQ



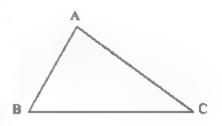
৪। প্রমাণ কর যে, বিপ্রতীপ কোণদম্ভের সমদিবভক্ষয় একই সরলরেখায় অবস্থিত

পাশের চিত্র থেকে প্রমাণ কর যে
 ∠x + ∠y 90°.



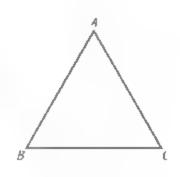
৬-৫ তিতৃজ

তিনটি রেখাংশ দ্বারা আবদ্ধ চিত্র একটি ত্রিভূঞ।
রেখাংশণ্ডলোকে ত্রিভূজের বাদ্ধ বলে। যেকোনো দুইটি
বাদ্ধর সাধারণ বিন্দুকে শীর্ষাবন্দুকে কলা হয় ত্রিভূজের
যোকোনো দুইটি বাদ্ধ শীর্ষাবন্দুকে কোল উৎপন্ন করে
ত্রিভূজের তিনটি বাদ্ধ ও তিনটি কোল রয়েছে। ত্রিভূজের
বাদ্ধ তিনটির দৈর্ঘোর সমন্তিকে পরিসীমা বলে ত্রিভূজের
বাদ্ধালো দ্বারা সীমাবদ্ধকেত্রকে ত্রিভূজকেত্র কলে।
পাশের চিত্রে, ABC একটি ত্রিভূজ A, B, ('এর তিনটি
শীর্ষাবন্দু AB, BC' C'A এর তিনটি বাদ্ধ এবং
BAC, 2ABC, BCA এর তিনটি কোল AB,
BC', C'A বাদ্ধর পরিমান্দের যোধ্যকল ত্রিভূজির
পরিসীমা বাদ্ধভূদে ত্রিভূজ তিন প্রকার সম্বান্ধ,
সমন্থিবাদ্ধ, বিষমবাদ্ধ।



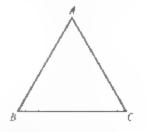
সমবাহ ত্রিভুঞ্জ

যে ত্রিভুজের তিনটি বাহু পরম্পর সমান তা সমবাহ ত্রিভুজ কলারের সাহায্যে পাশের চিত্রের ABC ত্রিভুজের বাহুগুলো মেপে দেখি যে, পরিমাপ AB পরিমাপ BC পরিমাপ CA অর্থাৎ বাহু তিনটির দৈর্ঘ্য সমান ABC ত্রিভুজাট একটি সমবাহু ত্রিভুজ।



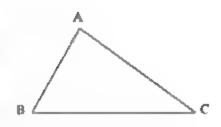
সমন্বিবাহ্ ত্রিভূঞ

যে ত্রিভূজের দুইটি বাস্থ পরস্পর সমান তা সমন্বিবাস্থ ত্রিভূজ কলারের সাহায্যে পাশের চিত্রের ABC ত্রিভূজের বাহুহুলো মেপে দেখি যে, পরিমাপ AB পরিমাপ $AC \neq$ পরিমাপ BC অর্থাৎ দুইটি বাহুর দৈর্ঘা সমান ABC ত্রিভুজটি একটি সমন্বিবাহ ত্রিভুজ।



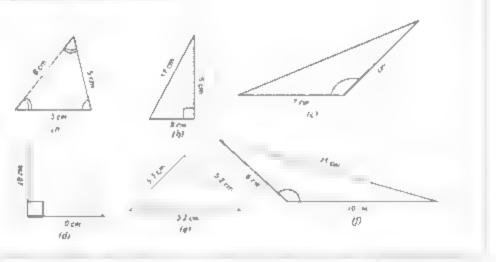
বিষমবাহ ত্রিভূজ

যে ব্রিভূজের তিনটি বাস্ট্রই অসমান তা বিষমবাস্থ ব্রিভূজ কলারের সাহায্যে পাশের চিত্রের ABC ব্রিভূজের বাস্থভুকো মেপে দেখি যে, AB, BC, CA পরিমাপগুলো পরস্পর অসমান ABC ব্রিভূজটি একটি বিষমবাস্থ ব্রিভূজ



কাল:

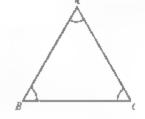
- ১ অনুমান করে একটি সমবাত, একটি সমন্বিল্ছ ও একটি বিষমবাত ত্রিভুজ আঁক (ক) প্রতিক্ষেত্রে বাত তিনটির দৈর্ঘ্য মাপ এবং খাতায় লেখ :
- ২। নিচের ত্রিভুঞ্জভলো বাহুভেদে শন্যক্ত কর:



কোণভেদে ত্রিভুজকে তিনভাগে ভাগ করা যায়- সৃক্ষকোণী, সমকোণী, স্থুলকোণী

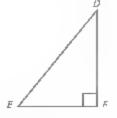
সৃহকোশী ত্রিভুজ

যে ত্রিভুজের শ্রেকেটি কোণ সৃন্ধকেণ কা সৃন্ধকেণী ত্রিভুজ চাদার সাহায়ে কোণগুলো মেশে দেখি যে, ABC ত্রিভুজে ∠BAC, ∠ABC, ∠BCA কোণ ভিন্তি প্রত্যেকে সৃন্ধকোণ অর্থাৎ প্রক্রোকটি কোণের পরিশ্রাণ ৯০° অংশকা কম \ABC একটি সৃন্ধকোণী ত্রিভুজ



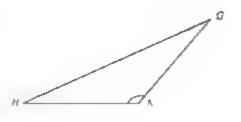
সমকোণী ত্রিভূজ

DEF ত্রিখুজে ∠DFF একটি সমকোণ, অপর কোণ
দুইটি ∠DEF ও ∠EDF প্রত্তেক স্ক্রেকাণ আমরা বলি
ΔDEF একটি সমকোণী ত্রিভুজ ।
যে ত্রিভুজের একটি কোণ সমকোণ তা সমকোণী ত্রিভুজ



সুদকোণী ত্রিভুজ

GHK ত্রিভুক্তে ∠GKH একটি স্থূলকোণ, অপর কোণ দুইটি ∠GHA ও ∠HGA প্রত্যেকে সন্মকোণ আমরা বিলি, △GHK একটি স্থূলকোণী ত্রিভুক্ত। যে ত্রিভুক্তর একটি কোণ স্থূলকোণ, তা স্থূলকোণী ত্রিভুক্ত



স্মাকোণী ত্রিভূজের তিনটি কোণই সৃম্বকোণ : সমকোণী ত্রিভূজের ওধু একটি কোণ সমকোণ: অপর দুইটি কোণ সৃন্ধকোণ মূলকোণী ত্রিভূজের ওধু একটি কোণ মূলকোণ, অপর দুইটি কোণ সৃন্ধকোণ

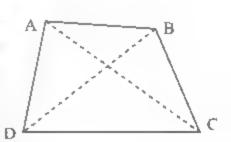
কাজ :

- ১। অনুমান করে একটি সৃষ্ণকোণী, একটি স্থুলকোণী ও একটি সমকোণী ত্রিভুক্ত আঁক
- ক) প্রতিক্ষেত্রে বাস্ত তিনটিন দৈর্ঘ্য মাপ এবং খাতায় লেখ
- (খ) প্রতিক্ষেত্রে কোণ তিনটি পরিয়াপ কর এবং খাডায় লেখ। কোণ তিনটির পরিয়াপের যোগফল নির্ণয় কর এবং সরক্ষেত্রে একই বলে মনে হয় কিনা বল।
- মিল কর :

ব্রিষ্ণান্তর বৈশিষ্ট্য	ত্রিপুত্তের প্রকার	
(া) তিন ৰাছ সমান	(ক) বিষমবাহ	
(া)) দুই বাহু সমান	(ৰ) সমষ্টিৰান্ত সমকে নী	1
(III) তিন বাহু অসমান	(গ) স্থূলকোণী	
(IV) ভিনটি কোণই সৃ ন্ধকে ল	(ঘ) সহক্রেনী	
(v) একটি কোণ সমকেণ	(৪) সমবন্থ	
(VI) একটি কোণ সুলকোণ	(চ) সৃহুকোনী	
(v ,) একটি কোণ সমকোণ ও দুই বস্থ সমদা	(ছ) সমূজিকান্থ	

৬-৬ চতুত্ব

চারটি রেখাংশ ছারা আবদ্ধ চিত্র একটি চতুর্ভ যে চারটি রেখাংশ ছারা চিত্রটি অভিত, এ চারটি রেখাংশই চতুর্ভুক্তর চারটি বাছ পাশের চিত্রে, ABCD একটি চতুর্ভুক্ত AB.BC, CD.DA চতুর্ভুক্তটির চারটি বাছ A,BC ও D চতুর্ভুক্তর চারটি কৌণিক বিন্দু বা শীর্ষবিন্দু । $\angle ABC$. $\angle BCD$, $\angle CDA$ ও $\angle DAB$ চতুর্ভুক্তির চারটি কোল AC ও BD রেখাংশ দুইটি ABCD চতুর্ভুক্তির দুইটি কর্ল ABCD চতুর্ভুক্তির জ্বরা নির্দেশ করা



र्य ।

কাজ :

- 🕽 । অনুমান করে একটি চতুর্ভুক্ত আঁক ।
- ্ক, চতুর্ভ্রতির বাহু চার্টির দৈর্ঘ্য মাপ এবং খাতায় লেখ
- (খ) চতুর্ভুজের চারটি কোণ পরিমাপ কর এবং বাতায় লেখ কোণ চারটির পরিমাপের যোগফল বের কর

বিভিন্ন প্রকার বৈশিষ্ট্য অনুযায়ী চতুর্ভ্জকে শ্রেণিবিভাগ করা যায়

সামান্তরিক

যে চতুর্ভুজের বিপরীত বাহুগুলো সমান্তরাল, তাই সামান্তরিক পালের চিত্রে, AB(D) চতুর্ভুজটি একটি সামান্তরিক এর বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য মেপে দেবি যে যে কোনো দুইটি বিপরীত বাহুর দৈর্ঘ্য সমান AB বাহু \Rightarrow CD বাহু এবং BC বাহু = AD বাহু =

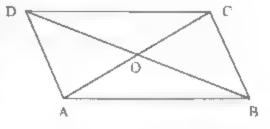
চাঁদার সাহায়ে চঙুগুঁজটির কোণ চারটি পরিমাপ করে দেখি যে,

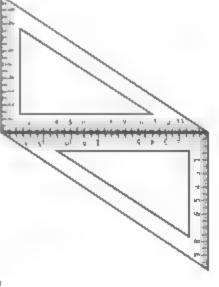
∠DAB = ∠BCD এবং ∠ABC = ∠CDA. ∠DAB © ∠BCD এবং ∠ABC © ∠CDA

সামান্তরিকটির দুই জোড়া বিপরীত কোণ দেখা গেল, প্রত্যেক জোড়া বিপরীত কোণ সমান সামান্তরিকের বিপরীত বাহুগুলো ও কোণগুলো সমান চিত্রে প্রদর্শিত উপায়ে দুইটি সেটকের্যারের সাহায়ে সহজেই একটি সামান্তরিক জাকা যায়

এখন সামান্তরিকটির কর্ণ দুইটি আঁকি: এরা পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করেছে মেপে দেবি. $AO \otimes OC$ রেখাংশ দুইটির দৈর্ঘ্য সমান, আবার $BO \otimes OD$ রেখাংশ দুইটির দৈর্ঘ্য সমান।

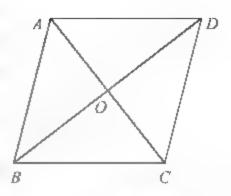
অর্থাৎ, কর্ণ দুইটি তাদের ছেদবিন্দুতে সমন্বিভিত হয়।

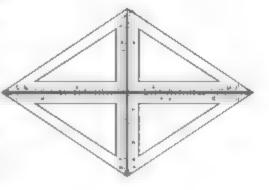




द्वसम

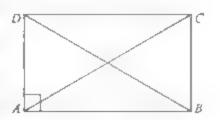
রম্বস এমন একটি সামান্তরিক যার প্রতিটি বাহর দৈর্ঘ্য সমান অর্থাৎ রম্বসের বিপরীত বাহওলো সমান্তরাল এবং চারটি বাহর দৈর্ঘ্য সমান চিত্রে, 4BCD একটি রম্বস প্রত্যেক রম্বস একটি সামান্তরিক। রম্বসের বাহওলো সব সমান এবং বিপরীত কোণওলো সমান এর AC ও BD কর্ণছয় O বিন্দুতে ছেদ করে সমান্তরিক এখন ∠AOB, ABOC, ACOD, শামান্তরিক এখন ∠AOB, ABOC, ACOD, শতারকী কোণের পরিমাপ ১ সমকোণ। অর্থাৎ কর্ণছয় তাদের ছেদ বিন্দুতে সমকোণে সম্বিশ্বতিক করেছে একই রক্ম চারটি সেটকোয়ারের সাহায়ো সহজেই একটি রম্বস আঁকা যায়।

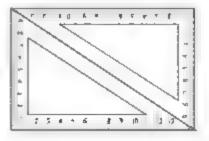




আয়ত

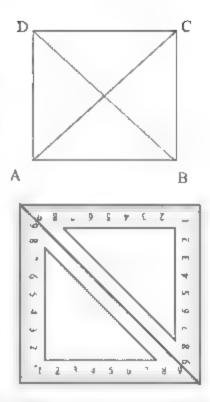
যে সামান্তরিকের একটি কোল সমকোন, তাই আয়ত আয়ত এমন একটি সামান্তরিক যার প্রত্যেকটি কোল সমকোন পাশের চিত্রে, বি৪(1) একটি আয়ত উল্লেখা, সামান্তরিকের একটি কোল সমকোন হলে, জন্য তিনটি কোলও সমকোন হয় আয়তের প্রত্যেকটি কোল সমকোন এবং বিপরীত বাহুওলো সমান আয়তের কর্নদ্য সমান এবং এরা পরস্পরকে সমান্থিতিত করে। একই রকম দুইটি সেটকোয়ারের সাহায্যে সহজেই একটি আয়ত জাকা যায়





বৰ্গ

বর্গ এমন একটি আয়ত যার বাহুগুলো সব সমান অর্থাৎ,
বর্গ এমন একটি সামান্তরিক যার প্রত্যেকটি কোণ সমকোণ
এবং বাহুগুলো সমান। পাশের চিত্রে, ব্রস্তানি একটি বর্গ ,
আয়তের বিপরীত বাহুগুলো সমান বলে, আয়তের যেকোনো
দুইটি সন্নিহিত বাহু সমান হলে সেটি একটি বর্গ হবে। যে
মায়তের দুইটি সন্নিহিত বাহু সমান, তাই বর্গ অন্যভাবে
বলা যায়, যে সামান্তরিকের দুইটি সন্নিহিত বাহু সমান এবং
একটি কোণ সমকোণ, তাই বর্গ বর্গের বাহুগুলো সব
সমান এবং প্রত্যেকটি কোণ সমকোণ আবার বর্গ একটি
রহস । বর্গের কর্ণধ্যু সমান এবং এরা পরম্পরকে সমকোণে
সমহিব্যতিত করে একই রকম দুইটি সেটকোয়ারের
সাহায়ে সহজেই একটি বর্গ আঁকা যার।



काङ :

- ১ অনুমান করে একটি সামান্তরিক, একটি রম্প ও একটি অয়েত আক
 ক) প্রতিক্রের মেপে দেখা প্রত্যুক্ত ক্রেন্ড। বিপরীত বক্র দৈর্ঘা সমান হয়েছে কিনা
 - (খ) প্রতিক্ষেত্রে পরিমাপ করে দেখ প্রত্যেক জোড়। বিপরীত কোণ সমান হয়েছে কিন
 - (গ) প্রতিক্ষেত্রে কণ্ড্য় ভাদের ছেদবিন্দুতে সম্ভিবণ্ডিত হয়েছে কিনা মেপে দেখ
 - (ছ) রম্বসের বেলায় কর্মহায়ের ছেদ্বিন্দুতে উৎপন্ন কোণগুলো পরিমাপ করে দেখ্ তারা লম্ভাবে ছেদ্ করেছে কিনা।

जनुनीलनी ७-२

- 🕽 🗎 শূন্যস্থান পরণ কর
 - (ক) সমকোপের পরিমাপ -----।
 - (খ) সৃষ্ট্রোণের পরিমাপ সমকোণের পরিমাপ অপেক্ষা -----
 - (গ) সুলকোণের পরিমাপ সমকোণের পরিমাপ অপেক্ষা
 - (ঘ) সমকোণী ত্রিচুজের একটি কোণ এবং অপর দুইটি কোণ
 - (৬) ----- ক্রিভুক্তর ----- সুলকোণ এবং ----- সৃল্লকোণ থাকে ।
 - (চ) যে ত্রিচুজে প্রত্যেক কোণের পরিমাপ থেকে কম সেটি সুন্মকোণী ত্রিচুজ

২ ইউক্লিড কোন দেশের পণ্ডিত ছিলেন?

(ক) ইতালি (খ) জার্মানি (গ) গ্রিদ (ম) স্পেন

জ্যামিতি প্রতিপাদ্যের ওপর লিখিত ইউক্লিস্ডের বইটির নাম কী?

(ক) Algebra (ম) Elements (গ) Geomatry (ম) Mathematic

৪ খ্রিষ্টপূর্ব কত অন্দে গ্রিক গণিত ইউক্লিড ভার Elements পৃস্তকে জ্যামিতিক পরিমাপ পদ্ধতির সংজ্ঞা ও প্রক্রিয়াসমূহ লিপিবদ্ধ করেন?

(ক) ৩০০ (খ) ৪০০ (গ) ৫০০ (ব) ৬০০

কিচে কয়েকটি কোণের পরিমাপ দেওয়া হলো: কোণগুলো আক
 (ক) 30° (ব) 45° (ব) 60° (ঘ) 75° (৯) 85° (চ) 120° (ছ) 135° (জ) 160°

৬ অনুমান করে একটি সৃক্ষকোণী একটি পুলকোণী ও একটি সমকোণী ত্রিভুঞ্জ আঁক কে, প্রতিক্ষেত্রে বাছ তিলটির দৈয়্যা মাপ এবং বাতার লেব

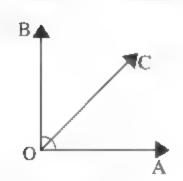
(খ) প্রতিক্ষেত্রে কোণ তিনটি পরিয়াপ কর এবং খাতায় কেখা দেখে কোণ তিনটির পরিয়াপের যোগফল সবক্ষেত্রে একই বলে মনে হয় কিনা বল

 ৭ , নিচে করেকটি কেশণর পরিমাপ দেওয়া হলো। প্রতোক ক্ষেত্রে পূরক কোণের পরিমাপ উল্লেখ কর এবং পূরক কোণটি জাঁক।

(**a**) 60 (**a**) 45 (**a**) 72 (**a**) 25 (**a**) 50

দৈ ক্রেকটি কোণের পরিমাপ দেওয়া হলে। প্রতাক ক্ষেত্রে একই চিত্রে প্রদন্ত কোণ, এর সম্পূরক কোণ ও বিপ্রতীপ কোণ আঁক এবং এদের পরিমাপ উল্লেখ কর চিত্রে সম্পূরক কোণের বিপ্রতীপ কোণ্টিও চিহ্নিত কর।

(4) 45° (4) 120° (4) 72° (8) 110° (8) 85°



हित्त्व ∠ AOB = 90°

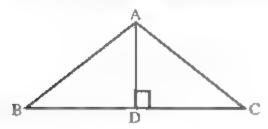
- (i) ∠AOC+∠BOC = 90°
- $(ii) \angle AOC + \angle BOC = \angle AOB$

(III) ∠AOC ৪ ∠BOC ৪ পরস্পার সম্পূরক কোল

क्या बर-३७, भनिक-७ई

নিচের কোনটি সঠিক?

(<u>4</u>) L & II (व) । वात (त) में काप (त्र) में में वाप



চিত্ৰে: $\triangle ABC$ এব $\angle BAC = 120^{\circ}$ এবং $AD \perp BC$ চিত্রের আলোকে ১০-১২ নম্বর প্রশ্নের উত্তর দাও

- ১০ ZADC = কড?
 - (ক) ও০°
- (4) 8¢°
- ্ (গ) ৬০°
- (뉙) ৯c°
- ১১ ∠ABD = এর পুরক কোন কোনটি?
 - $(\overline{\Phi}) \angle ADB$
- (♥) ∠CAD (♥) ∠BAD (♥) ∠ACD

- ১১ সরল রৈখিক কোণ নিচের কোনটি?

 - (학) _ADB (학) _CAD (학) _ACD
- (₹) ∠BDC

- ১৩। রেখার-

 - (1) নির্দিষ্ট দৈর্ঘা নেই (11) নির্দিষ্ট প্রাঞ্জ বিন্দু নেই
- (১াা) নির্দিষ্ট প্রস্থ নেই

নিচের কোনটি সঠিক?

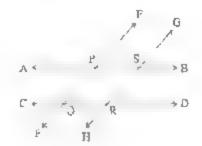
- (ক) 1 ও 11

- (খ) ব ও লা (গ) ল ও লা (খ) ব, ল, ও লা
- ১৪ : কয়েকটি সমকোণী ব্রিভুজ আঁক প্রতি ক্ষেত্রে সমকোণ ছাড়া অন্য দুইটি কোণ মাপ এবং এদের পরিমাপের যোগফল নির্ণয় কর । প্রতিক্ষেত্রে রিভ্রের তিনটি কোণের সমষ্টি কত গ
- একটি চতুর্জুজ আঁক , এর বাত চারটির এবং কর্ণ দৃইটির দৈর্ঘ্য মাপ চতুর্জুজটির কোল চারটি মেপে তাদের পরিমাপের যোগফল নির্ণয় কর :
- ১৬ অনুমান করে দুইটি চতুর্জুজ জাঁক যাদের কোনো দুইটি বাহুর দৈর্ঘাই সমান নয়
 - (ক) প্রতিক্ষেত্রে বাহু চারটির এবং কর্ণ দুইটির দৈর্ঘ। মাপ ও বাতায় লেব
 - (খ) কোণ চারটি পরিমাপ কর এবং খাতায় লেখা কোণ চারটি পরিমাপের ফোগফল উভয় ক্ষেত্রে अकटे दश किना वन ।
- ১৭ অনুমান করে একটি বর্গ আঁক যার প্রতি বাছর দৈর্ঘ্য ৪ সে মি
 - ক) প্রভ্যেক কর্ণের দৈর্ঘ্য মাপ প্রবং বাভায় লেব।
 - (খ) বাহুগুলোর মধ্যবিদ্দুসমূহ চিহ্নিত কর মধ্যবিদ্বুগুলো পর্যায়ক্রমে সংযুক্ত কর উৎপন্ন চতুর্ভুজটি কী ধরনের চতুর্ভুজ বলে মনে হয় । এর নাহুগুলোর দৈর্ঘ্য মাপ এবং কোনগুলো পরিমাপ কর

৯৮ অনুমান করে একটি সামান্তরিক আঁক যার একটি বাহর দৈর্য্য 4 সে মি এবং পাশের একটি বাহর দৈর্ঘ্য 3 সে মি : এদের বিপরীত বাছ দুইটির দৈর্ঘ্য মাপ এবং প্রত্যেক জ্যোড়া বিপরীত কোণের পরিমাপ নির্ণয় কর : সামান্তরিকটির কর্ম দুইটি আঁক : এদের ছেদবিক্তুতে কর্ণয়্যের চারটি খণ্ডিভাংশের দৈর্ঘ্য মাপ

১৯ : हिंद्रज AB || CD जुबर EF || GH

- (ক) কারগসহ PORS চতুইজটির নাম লেখ :
- (খ) চিত্র থেকে চারটি কোণ নিয়ে এদের সম্প্রক কোণ, একান্তর কোপ নির্ণয় কর
- (গ) প্রয়ান কর যে, ∠APE = ∠DRH.



- ২০ AB & CD রেখাদ্ব পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করে।
 - (ক) উপরোক্ত তথ্যের ভিত্তিতে একটি চিত্র অংকন কর।
 - (খ) প্রমাণ কর যে, উৎপন্ন বিপ্রতীপ কোণগুলো পরস্পর সমান

मध्य ज्याग्र

ব্যবহারিক জ্যামিতি

আমরা আমাদের চারদিকে নানা আকৃতি ও আকারের জিনিস দেখি । এওলোর কোনোটি বর্গাকার, কোনোটি আয়তাকার, আবার কোনোটি বভাকার : এই অধ্যায়ে জামরা এ সকল জিনিসের চিত্র আঁকতে শিখৰ অধ্যায় শেষে শিক্ষাৰ্থীৱা –

- একটি নির্দিষ্ট রেখাংশকে পরিমাপ করতে পারবে
- প্রদত্ত তথ্য ব্যবহার করে রেখাংশ অন্ধন করতে পারবে।
- বিভিন্ন মাপের কোণের চিত্র অন্ধন করতে পারবে

৭-১ রেখা

আমরা জ্যামিতিক অন্ধনের কিছু যন্ত্রের ব্যবহার করব। অন্ধন কাজে সাধারণত নিচের যন্ত্রগুলো থাকে

নাম, চিত্র ও বাবহার वर्षना কুলারের দুই দিকে ইঞ্চি ও সেন্টিমিটার ক্ষেদ অনুযায়ী দাগ কাটা থাকে। প্রত্যেক ইঞ্চিকে ১০ ভাগ বা ১৬ ভাগ করে ও সেন্টিমিটারকে ১০ ভাগে অর্থাৎ ১ মিলিমিটার করে ছোট ছোট দাগাঞ্চিত রেখাংশ আঁকা, রেখাংশের দৈর্ঘ্য পরিমাপ করা থাকে। পেদিল কম্পাসের দুইটি বাতুর একটির

পেপিল কম্পাস



একপ্রান্তে একটি কাঁটা এবং অন্য বাহুর এক প্রান্তে পেলিল আটকানোর ব্যবস্থা রয়েছে । বাহু দুইটির অপর প্রান্তবয় ক্র দিয়ে এমনভাবে আটকানো থাকে যেন সহজে বাহু দুইটির মধ্যে দূরত্ব বাড়ানো

वा क्यांता यास

সমান দৈষ্য চিহ্নিত করা, বত্ত জাকা

ত, কাটা কম্পাস

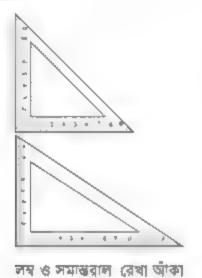


কাটা কম্পাসের দুইটি বাহর প্রতিটির

একপ্রান্তে একটি করে কাটা রয়েছে বাহ
দুইটির অপর প্রান্তহয় একত্রে ক্লু দিয়ে

এমনভাবে আটকানো থাকে যেন সহজে
বাহ দুইটির মধ্যে দ্রত্ব ইচ্ছেমতো
বাড়ানো বা কমানো যার।

৪. বিকেণী



ত্রিকোলী দুইটির প্রতিটির একটি কোল
সমকোপ। প্রথম ত্রিকোলীর অপর কোণ
দুইটির প্রত্যেকটি কোপ ৪৫°। দিতীয়
ত্রিকোলীর অপর কোপ দুইটির একটি
কোপ ৬০°। ত্রিকোলীদ্বয়ের সমকোপ
সংসন্ন বাহ দুইটি সেন্টিমিটার ক্ষেপে
দাগান্ধিত

े होमा



চ'লা অর্ধবৃত্তকোর অর্ধবৃত্তের বক্ররেখাটি
সমান ১৮০ ভাগ করা আছে। প্রতি দশ
ভাগ অন্তর ০ থেকে শুরু করে ১০,
২০,৩০,..., ১৮০ সংখ্যান্তলো দ্রান
থেকে বামে ও বাম থেকে ভানে দেখা
রয়েছে।

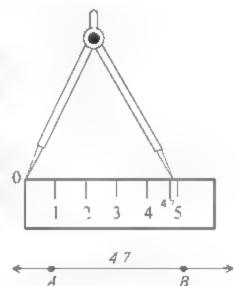
জামিতিক চিত্র আঁকার সময় লক্ষ রাখবে :

সবলরেখা স্ক্ষতাবে আকরে এবং বিন্দুসমূহ হালকাতাবে চিহ্নিত করবে যন্তের অগ্রতাগ যেন তীক্ষ্ণ এবং ধারগুলো মস্প থাকে। বাব্রে দুইটি সুচালো ধারমুক্ত পেন্দিল থাকবে, একটি পেন্দিল কম্পাসে অন্যটি সাধারণ অঙ্কনের জন্য

সম্পাদ্য 🕽 । নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যের রেখাংশ আঁকতে হবে ।

মলে করি, আমাদের 4.7 সেন্টিমিটার দৈর্দোর রেখাংশ আঁকতে হবে কুলারের সাহাযো 4.7 সে মি দূরে দুইটি বিন্দু $A \approx B$ চিহ্নিত করি এবং সংযোগ রেখা আঁকি নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করে কুলারের ও কুম্পাসের সাহাযো নিষ্ঠতভাবে রেখাংশ আঁকা যায়

- ১ একটি রেখাংশ আঁকি এর উপর একটি বিন্দু A
 নিই
- কাঁটা কম্পাসের একটি অগ্রভাগ কলারের () দাগে স্থাপন করি এবং প্রয়োজন মতো ফাঁক করে অপর কাঁটার অগ্রভাগ 4.7 সে.মি, দাগে বসাই।
- কাঁটা কম্পাসটি সাবধানে তুলে নিয়ে A বিন্দৃতে
 বিসয়ে রেখাংশ বরাবর অপর কাঁটা ছারা B বিন্দৃতে
 চিহ্নিত করি।
- 8. AB রেখাংশের দৈর্ঘ্য 4.7 সে.মি.।



সম্পাদ্য ২ । প্রদন্ত রেখাংশের সমান করে রেখাংশ আঁকতে হবে ।

রুলারের সাহাযো :

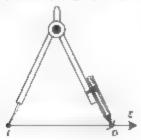
মনে করি AB একটি রেখাংশ AB রেখাংশের সমান একটি রেখাংশ ত্রাকতে হবে একটি সহজ পদ্ধা হলো কলারের সাহায়ে AB রেখাংশের দৈর্ঘ্য মাপা এবং পূর্বের ন্যায় নতুন রেখাংশ CD আঁকা এ পদ্ধতিতে সর্বদা সঠিক ফল পাওয়া যায় না

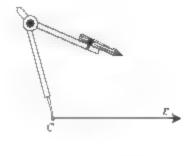
কুলার ও কম্পাদের সাহায্যে 🕳 নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি :

- AB রেখাংশ আঁকি (সুবিধামতো দৈর্ঘ্য নিয়ে)
- পেলির কম্পানের কাঁটার দিক A বিন্দৃতে এবং
 পেলিরের দিক B বিন্দৃতে বসাই।



ত যেকোনো রশি। CE নিই C কে কেন্দ্র কল্পানের সাহায্যে AB রেখাংশের সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃদ্রচাপ আঁকি বৃদ্রচাপটি CE কে D বিন্দুতে ছেদ করে। CD রেখাংশই AB রেখাংশের সমান।





काम :

১ রুলারের সাহায্যে 7 সে মি একটি রেখাংশ আঁক এবার রুলার ও কম্পাসের সাহায়্যে এই রেখাংশের সমান একটি রেখাংশ আঁক অঙ্কিত রেখাংশ 7 সে মি হয়েছে কি-না যাচাই কর

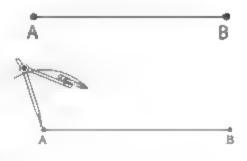
সম্পাদ্য ৩। একটি নির্দিষ্ট রেখাংশকে সমন্বিখণ্ডিত করতে হবে। মনে করি, ১৪ একটি নির্দিষ্ট রেখাংশ। একে সমন্বিখণ্ডিত করতে হবে।

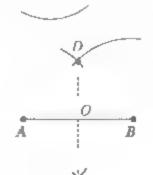
নিচের ধাপথলো অনুসরণ করি :

- AB রেখাংশ আঁকি।
- A কে কেন্দ্র করে AB এর অর্থেকের বেশি

 র্যাসার্থ নিয়ে AB এর দুই পালে দুইটি বৃত্তচাপ

 ভৌকি।
- B কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্থ নিয়ে AB এর
 উভয় পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি । বৃত্তচাপগুলো
 পরস্পরকে C ও D বিন্দুতে ছেদ করেছে
- 8. C ও D থোগ করি : CD রেখাংশ AB রেখাংশকে O বিন্দৃতে ছেদ করে AB রেখাংশ () বিন্দৃতে সমন্বিধন্তিত হয়েছে।





কাঞ্জ :

- ১ রুলারের সাহায়ে 7 সে.মি. একটি রেখাংশ আঁক। রুলার ও কম্পাসের সাহায়ে এই রেখাংশকে সমদ্বিগণ্ডিত কর ছিখণ্ডিত রেখাংশ দুইটি মেপে দেখ তারা সমান হয়েছে কি-না
- ২ কুলারের সাহায্যে ৪ সে,মি, একটি রেখাংশ জাক কুলার ও কুম্পাসের সাহায়্যে এই রেখাংশকে সমান চার ভাগে ভাগ কর .

१-३ लय

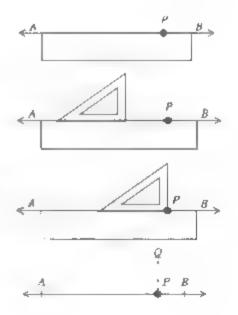
আমরা জেনেছি যে, দুইটি পরস্পরছেদী সরলরেখা (বা রশিণু বা রেখাংশ) পরস্পর লম হবে যদি তাদের জন্তর্গত কোণগুলো সমকোণ হয় তোমার বইয়ের ধার নির্দেশিত রেখাগুলো কোনাতে সমকোণে মিলিত হয়েছে

নিজে করি: এক টুকরে। কাগজ মাঝ বরাবর ভাজ করি। ভাজ করা কাগজটি পুনরায় মাঝ বরাবর ভাজ করি। এবার কাশজের টুকরা খুলে দেখি ভাজ বরাবর দাশগুলে। পরস্পর লম্ব

সম্পাদ্য ৪। একটি সরলরখার নির্দিষ্ট কোনো বিন্দুতে একটি লঘ আঁকতে হবে পদ্ধতি ১। (ত্রিকোণী বা সেটকোয়ার ও কুলারের সাহায্যে)

নিচের ধাপগুলো অনুসর্প করি-

- মনে করি, AB সরলরেখা রেখাটির ওপর একটি বিন্দু P নিই।
- AB রেখা বরাবর রুলারের একটি দার স্থাপন করি এবং খাড়াভাবে ধরে রাখি ।
- রুলার বরাবর ত্রিকোণীর একটি ধার এমনভাবে বসাই যেন এর সমকোণ সংলগ্ন কৌণিক বিন্দুটি
 P বিন্দুর সাথে মিলে যায়।
- ৪ ব্রিকোণীটি খাড়াভাবে ধরে রেখে PQ রেখাংশ আঁকি। PQ রেখাংশ AB রেখার ওপর লম। PO 1 AB.



लक कदि : लप नुवाह्य 🛕 फिल्मी तात्रशांत कता दश ।

কাজ :

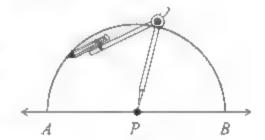
১। ত্রিকোণী ও রুলারের সাহায্যে রেখাংশের একটি নির্দিষ্ট বিন্দৃতে লম্ব আঁক এবার চাঁনার সাহায্যে যাচাই কর যে লম্ব রেখাটি ৯০ নির্দেশক দাগ বরাবর গেছে

পদ্ধতি ২। (রুলার-কম্পাস পদ্ধতি)।

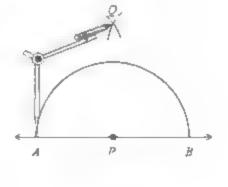
কুলার কুম্পাস পদ্ধতিতে নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করে ল**ঘ** আঁকা যায়

- মানে করি, P একটি সরলারেখার উপর একটি বিন্দু।
- ২ P কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্থ নিয়ে
 একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা সরলরেখাকে যথাক্রমে

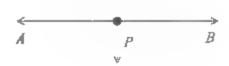
 A ও B বিন্দৃতে ছেদ করে।



- A ও B কে কেন্দ্র করে AB এর অর্থেকের
 বেশি ব্যাসার্থ নিয়ে AB এর একই পাশে দুইটি
 বৃদ্তচাপ আঁকি বৃদ্তচাপদ্ধ পরস্পরকে Q বিন্দৃতে
 ভেদ করে।
- ৪ : P Q যোগ করি PQ রেখাংশ AB রেখার
 উপর P বিন্দৃতে লঘ । PQ \(\text{L} \) AB.







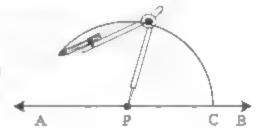
কাক :

১ ৷ 6 ৪ সে মি দৈর্ঘের রেখাংশের মধ্যবিন্দুতে রুলার-কম্পানের সাহায্যে একটি নির্দিষ্ট লম্ব আক

পদ্ধতি 🗷 । বুলার কম্পানের ছিত্তীয় পদ্ধতি :

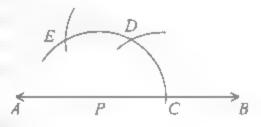
রুলার-কম্পাদের সাহায়ে নিচের ধাপগুলা অনুসর্ব করেও লয় জাকা যায়

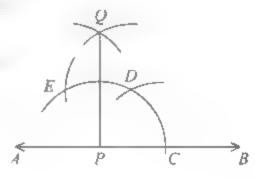
- ১। মনে করি, AB একটি সরলরেশ এবং এর উপর P একটি বিন্দু।
- ২। P কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যাসার্থ নিয়ে
 একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB কে C বিন্দৃতে
 ছেদ করে।



- ত েকে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসাধ নিয়ে একটি
 বৃস্তচাপ আঁকি যা আগের বৃত্তচাপকে D বিন্দৃতে
 কেল করে আবার D কে কেন্দ্র করে ঐ একই
 ব্যাসার্থ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা প্রথমে
 আঁকা বৃত্তচাপকে B বিন্দৃতে ছেল করে।
- 8 E অ D কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে
 একই দিকে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি । বৃত্তচাপ দুইটি

 Q বিন্দৃতে ছেদ করে ।
- Q.P যোগ করি QP রেখাংশ AB রেখার $QP \perp AB$ ।





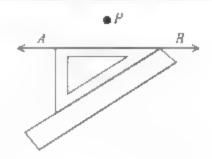
कांख :

- ১ ৪ সে মি দৈর্ঘোর রেখাংশের মধাবিক্তে লঘ জাক
- ২ 4B সরলরেখার C বিন্দুতে CD লম্ম আঁক। আবার CD রেখার উপর একটি বিন্দু E লও। এবার E বিন্দুতে CD রেখার উপর লম্ম আঁক।

সম্পাদ্য ৫। একটি সরলরেখার বহিঃছ্ কোনো বিন্দু থেকে ঐ রেখার উপর একটি লয় আঁকতে হবে পদ্ধতি ১। রুলার ও ত্রিকোণীর সাহায়্যে

রুলার ও ত্রিকোণীর সাহায়ে নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করে বহিঃছু কোনো বিন্দু থেকে লম আঁকা যায়

- ১ মনে করি, AB একটি সরলরেখা এবং P তার বহিঃয় একটি বিন্দ্র
- ২ । AB এর যে পাশে P বিন্দু আছে তার বিপরীত পাশে একটি ব্রিকোণী বসাই যেন তার সমকোণ সংলগ্ন একটি ধার AB সরলরেবা বরাবর বসে।

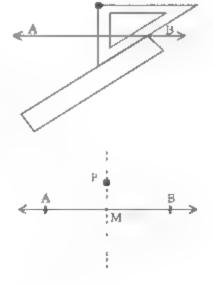


- গ্রিকোণীর সমন্ক্রোণের বিপরীত ধার বরাবর

 একটি কলার বসাই।
- ৪ কুলারটি শক্ত করে ধরে ত্রিকোণীটি কুলরে বরাবর এমনজাবে সরাই যেন ৮ বিন্দৃটি ত্রিকোণীর অন্য ধারকে স্পর্ল করে।
- ৫ P বিন্দু থেকে বাছটি বরাবর রেখাংশ আঁকি যা

 AB রেখাকে M বিন্দৃতে ছেদ করে।

 এখন PM ⊥ AB ।



कार्क :

🔰 া কাগজ ভাঁজ পদ্ধতিতে একটি রেখার বহিঃস্থ কোনো বিন্দু থেকে ঐ রেখার উপর একটি লম আঁক

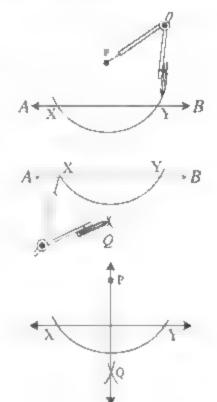
প্রমৃতি ২ . রুলার কম্পাস পদ্ধতিতে নিচের ধাপসমূহ অনুসরণ করে বহিঃস্থ কোনো বিন্দু থেকে। লম্ম আঁকা যায়।

- মনে করি, AB একটি সরলরখা এবং P
 তার বহিঃছ একটি বিন্দু।
- P কে কেন্দ্র করে স্বিধামতো ব্যাসার্ধ নিয়ে
 একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা AB রেখাকে X ও
 Y বিন্দৃতে ছেদ করে।
- ৩ X ও Y কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্ধ নিয়ে

 AB এর যে পাশে P আছে ভার বিপরীত

 পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আকি বৃত্তচাপদ্বয়

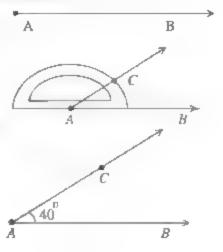
 পরস্পর Q বিন্দুতে ছেদ করে।
- 8 P Q যোগ করি PQ রেখাংশ AB এর উপর লম্ব



৭-৩ কোণ অন্ধন

নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করে চাদার সাহায়ে 40" কোণ জাকা যায়

- ऽ एगरकारमा तिथा AB खाँकि
- ১ চাদার কেন্দ্র A বিন্দুতে বসাই এবং এর সরল ধার AB বরাবর বসাই
- ভার্নদিক থেকে চাদার কেলে 40° নির্দেশক দাগের
 উপরে একটি বিন্দু C চিহ্নিত করি।
- 8। চাঁদাটি সরিয়ে AC রশ্যি আঁকি। ∠BAC
 কোপের পরিমাধ 40°।

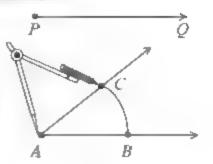


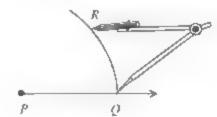
সম্পাদ্য ৭ । প্রদন্ত কোপের সমান একটি কোপ আঁকতে হবে

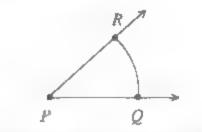
মনে করি, 🚄 দেওয়া মাছে এর সমান একটি কোণ জাঁকতে হবে

নিচের ধাপতলো অনুসরণ করি :

- ১ থেকোনো একটি রশি PQ নিই।
- ২ প্রদন্ত ∠য় এর য় বিন্দৃতে পেলিল কম্পাসের কটি। স্থাপন করি এবং যেকোনো ব্যাসার্থের বৃত্তাপ সাকি যা ∠য় এর রশিশুভালাকে য় ও C বিন্দৃতে ছেন করে।
- একই ব্যাসার্ধ নিয়ে P কে কেন্দ্র করে বৃরচাপ
 আঁকি যা রশিয়টিকে Q বিন্দৃতে ছেল করে।
- ৪ Q কে কেন্দ্র করে BC এর সমান ব্যাসার্থ নিরে আরেকটি বৃষ্টাল আঁকি এ বৃত্তচাপটি আগের বৃষ্টাপকে R কিলুতে ছেল করে।
- P, R যোগ করে বর্ধিত করি। ফলে, ∠RPQ
 তৈরি হলো। ∠RPQ এর মান ∠A এর
 সমান







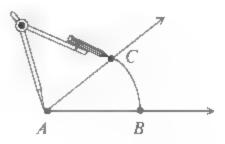
कांस :

১ এক টুকরা কাগজেব O বিন্দৃত্ত দুইটি রশ্যি দিয়ে . AOB আঁকি O বিন্দৃর মাঝ দিয়ে বাগজেটি এমনভাবে ভাজ করি যেন OA রশি OB রশির উপর আপতিত হয় ভাজের দাগ বরাবর OC রেখা আঁকি টাদার সাহায়ে AOC ও ACOB মেপে দেখি যে তারা সায়ন OC রেখাকে AOB কোগের সাহায়ধক বলা হয়।

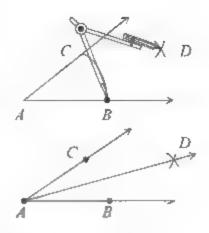
সম্পাদ্য ৮ : একটি নির্দিষ্ট কোণকে সমন্বিখণিত করতে হবে।

মনে করি, $\angle BAC$ একটি নির্দিষ্ট কোণ । কলার কম্পাসের সাহায্য্যে কোণটিকে সমন্বির্ণাণ্ডত করতে হবে

১ A বিন্দুকে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি কোপের রশিশুলোকে B ও (বিন্দুতে ছেল করে।



- ১ । B কে কেন্দ্র করে BC এর অর্থেকের চেয়ে বেশি ব্যাসার্থ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি ।
- ে বিন্দুকে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে
 একটি বৃত্তচাপ আর্কি এ বৃত্তচাপটি আগের
 বৃত্তচাপকে D বিন্দুতে ছেদ করে . A D য়োগ
 করি । AD রেখাংশ ∠BAC এর সম্বিধ্বক ।



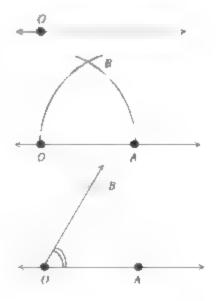
কাল: ১ উপরের ধাপ ২ এ BC এর অর্থেকের চেয়ে কম ব্যাসার্থ নিলে কী হবে 🕫

বিশেষ মাপের কোণ অন্ধন

চাদা ব্যবহার না করেও কিছু বিশেষ মাণের কোণ জাঁকা যায় , যেমন, 60[°] 120[°], 30[°], 45[°] হজাদি সম্পাদ্য **৯ । 60[°] কোণ আঁকতে হবে ।**

নিচের ধাপগুলো অনুসরণ করি:

- একটি সরলরেখার উপর () বিন্দু চিহ্নিত করি।
- পেলিল কম্পাসের কাটাটি ()
 বিন্দুতে রেখে সুবিধাজনক ব্যাসার্থ
 নিয়ে বৃশুচাপ আঁকি। বৃশুচাপটি
 সর্লরেখাটিকে A বিন্দৃতে ছেদ
 করে
- প্র কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্থ
 নিয়ে বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ
 দুইটি ৪ বিন্দুতেছেদ করে।
- B O, B যোগ করি। ∠BOA ধার মান 60[®]।



काक :> हामा वायशात मा करत निरहत स्कापहरणा जीक 45 . 30 , 120 .

जन्मीलनी १

১ 28 কোনের সম্পরক কোন কত ?

(ক) 62 (ব) 118 (গ) 152 (গ) 332

২ 37 কোণের বিপ্রতীপ কোণ কছ ?

(학) 53° (학) 37°(학) 127° (학) 143°

দুইটি কোপ পরস্পর পুরক হলে এদের সমন্তি কত?

(호) 390° (네) 2PO° (네) 90° (세) PO°

৪ অিকোণীয় একটি কোল ৪৫° হলে 'মপর বৃহত্তর কোণটি কত?

(ক) করত_ে (ম) ১৯০_০ (ম) ৯০_০ (ম) ৯০_০

৫ সম্পাদ্যের ক্ষেত্রে—

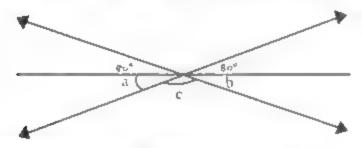
(i) বা দেওয়া থাকে তাই উপাও

(11) যা করণীয়, তাই অন্ধন

(iii) যুক্তি হারা অঙ্কন করা হলো প্রমাণ

নিচের কোনটি সঠিক?

(का । उस (च) । उस (प) ।। उस (घ) ।, ध, उस



উপরের চিত্রের আলোকে (৬-৮) নং প্রশ্নের উত্তর দাও

(ক) ৩০° (খ) ৪০° (গ) ৫০° (ম) ৯০°

9। ∠a+∠b = ক্ত?

(ক) ৪০০

(খ) ৫০° (গ) ৬০°

(ঘ) ৯০°

৮ | ∠c = কড়?

(本) 90° (水) 700° (水) 740° (土) 740°

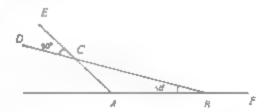
৯ চাঁদার সাহায্যে আকা ষায়–

(1) ৪৫° ডিমি কোল (II) ১৫৫° কোল (III) বৃত্ত

নিচের কোনটি সঠিক?

(क) । उ. । (व) । उ. ।। (व) ।। उ. ।। (व) ।, ।।, उ. ।।।

- ১০। রুলারের সাহাযো ৪ সে মি দৈটোর একটি রেখাংশ জাঁক এবার রুলার ও কম্পাসের সাহায্যে এই রেখাংশের সমান একটি রেখাংশ জাঁক।
- ১১ কলারের সাহায্যে 6 সে মি লৈখারে একটি রেখাংশ আঁক কলার ও কম্পাসের সাহায্যে এই রেখাংশকে সমদিখণ্ডিত কর দিখণ্ডিত রেখাংশ দুইটি মেপে দেখ তারা সমান হয়েছে কিনা
- ১২ কলারের সাহাযো ৪ সে মি দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ আঁক কলার ও কম্পাদের সাহাযো এই রেখাংশকে সমান চার ভাগে ভাগ কর।
- ১৩ ৷ 7 সে,মি লৈর্ঘার রেখাংশের মধ্যবিন্দৃতে রুলার কম্পানের সহোয়ে একটি নির্দিষ্ট লম্ব আঁক
- ১৪ , ৪ সে মি দৈর্ঘের রেখাংশের মধাবিশুতে লম্ব র্যাক।
- ১৫। AB সরলরেখার (বিব্দৃতে (I) লয় জাক জাকার (I) রেখার উপর একটি বিব্দু L লও এবার E বিব্দৃতে CD রেখার উপর লয় জাক।
- ১७ : होना शुद्रशत ना करत 45 कापि जांक ।
- ১৭। ABC রিসুয়ের তিনটি কোণের সমন্বিখন্তকললো আরু যে রেখান্তলো দারা কোণললো সমন্বিখনিত হয়েছে ঐ রেখান্তলোর সাধারণ বিব্দু চিহ্নিত কর।
- ১৮ েপালের চিত্রের,
 - ড়, ∠ABC এর সম্পূরক কোণ কোনটি ?
 - খ. ∠ACB এর মান কত এবং কেন 🛪
 - গ. প্রমাণ কর বে, ∠DCE + ∠ECB = 180°.

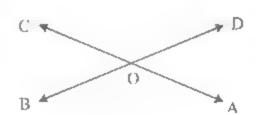


- ১৯ t পালোর চিত্রে,
 - ক _40B এর বিশ্রন্তীপ কোণ কোনটি ?
 - ∠AOB কে সমধিগণিত করে সরিহিত কোণ

দুইটির সাধারণ বড়ে নির্দেশ কর

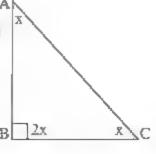
গ প্রমাণ কর যে, _AOB এবং _COD এর

সমৃদ্বিশ্বক একই সরলরেখায় অবস্থিত।



२०। हिट्छ ∠ABC = 90°

- (ক) রিভ্জের তিনটি কোনের সমষ্টিকে x এর যাধ্যমে প্রকাশ কর ;
- (খ) ∠ABC কে সমন্থিতিত কর এবং অংকনের বিবরণ দাও।
- (গ) x কোণের সমান করে একটি কোণ আঁক এবং বিবরণ দাও।



অষ্ট্ৰম অধ্যায়

তথ্য ও উপাত্ত

আমরা যে পৃথিবীতে বসবাস করন্থি তা অসংখ্য তথ্য এবং উপাত্তে ভরপুর তাই বর্তমান সময়কে তথ্যপ্রযুক্তির যুগ কলা হয় তথ্যপ্রযুক্তির যুগে বাস করে কিভাবে তথ্যকে ব্যবহার করতে হয় এবং তথ্য ও উপাত্ত থেকে কিভাবে সিদ্ধান্ত নিতে হয় তা জানা প্রত্যেক মানুষের জন্য গুরুত্বপূর্ণ এবং অপরিহার্য , এ সকল দিক বিবেচনা করে এই অধ্যায়ে তথ্য , উপাত্ত এবং উপাত্তকে সাজিয়ে তা থেকে গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্ত নেয়ার জন্য ব্যবহাত বিভিন্ন পদ্ধতি নিয়ে আপোচনা করা হয়েছে একই সাথে কিভাবে তথ্য ও উপাত্তকে ব্যবহার করতে হয় সেই সেই দিক নিয়েও আলোচনা করা হয়েছে এই অধ্যায়ের আলোচিত বিষয়গুলো সম্পর্কে সঠিকভাবে ধারণা লাভ করতে পারলে অনেক বছর সমস্যার সমাধান করা সহজ্ঞ হয়ে থাবে।

অধ্যায় শেষে শিক্ষার্থীরা —

- 🍃 তথ্য ও উপান্ত কী তা ব্যাখ্যা করতে পারবে
- শ্রেণি ব্যবধান না করে অবিন্যস্ত উপাত্তের গড়, মধ্যক ও প্রচুরক নির্ণয় করতে পারবে
- রেখাচিত্র অম্বন করতে পারবে।
- তাজিত রেখাচিত্র বর্ণনা করতে পারবে।

৮-১ তথ্য

তথানির্ভর বিশ্বে প্রতিনিয়ত আমরা বিভিন্ন তথোর সম্মুখীন হই এবং এর ব্যাপক ব্যবহার দেখতে পাই প্রতিদিন শিক্ষক অধ্যয়নরত শিক্ষার্থীদের হ'জিরা বাবেন প্রতি পরীক্ষার শেষে শিক্ষার্থীদের প্রাণ্ড নম্বর সংরক্ষণ করেন এবং এর উপর ভিত্তি করে শিক্ষার্থীদের দুর্বলতা চিহ্নিত করেন ও তা দূরীকরণের জন্য প্রয়োজনীয় ব্যবস্থা নেন এছাড়া আমরা দৈনিক পত্রিকা, রেভিও, টেলিভিশন ইত্যাদি গণমাধ্যম থোকে আবহাওয়া, খেলাধূলা, ব্যক্তারদের ইত্যাদি সম্পর্কে বিভিন্ন তথ্য পেরে থাকি

কোনো বিদ্যালয়ের ৬ষ্ট শ্রেণির গণিতে ৬০ এর অধিক নম্বর প্রাপ্ত ১০ জন এবং ৬০ এর কম নমর প্রাপ্ত ১০ জন শিক্ষার্থীর নম্বর নিচের তালিকায় দেওয়া হলো :

প্রাপ্ত নম্বর	শिकारीन সংখ্য	-
ನಿಂ	2	
po	5	
90	8	
90	0	

বেশি নম্ব প্রাপ্তদের তালিকা

প্রাপ্ত নমর	শিক্ষার্থীর সংখ্যা
00	. 2
80	5
80	0
-00	2
কম নহ	ব প্রাপ্তদের তালিকা

ফর্মা নং-১৮, গণিড-৬ষ্ঠ

এই তুলনামূলক তালিকা থেকে কম নম্ব প্রাপ্তির কারণ বিশ্বেষণ করে প্রয়োজন অনুযায়ী পদক্ষেপ গ্রহণ করা যায় : সূতরাং বিভিন্ন বিষয় বা ঘটনার সংখ্যাসূচক তথা কীভাবে পাওয়া যায় এবং কীভাবে প্রয়োগ করতে হয় সে সম্বন্ধ পরিম্কার ধারণা থাকা প্রয়োজন

উপরের তালিকায় যে বেশি নমর ও কম নমর দেখানো হয়েছে তা হলো সংখ্যাতিত্তিক তথ্য

উপরের তালিকায় যে দুইটি সংখ্যাসূচক তথা দেওয়া হয়েছে তার প্রত্যেকটি এক একটি পরিসংখ্যান
অর্থাৎ, ছাত্রদেব প্রাপ্ত নমর ৯০, ৮০, ৭৫, ৭০ একটি পরিসংখ্যান অনুরূপভাবে, প্রাপ্ত নমর ৫০, ৪৫,

উপান্ত: পরিসংখানে বর্ণিত সংখ্যাসূচক একটি তথা প্রাপ্ত বেশি নম্বরসমূহ এওলে। হলো পরিসংখ্যানের উপাত্ত স্বনুস্তাবে, কম নম্বর প্রাপ্ত তথাও পরিসংখ্যানের উপাত্ত পরিসংখ্যানের উপাত্ত পরিসংখ্যানের উপাত্ত পরিসংখ্যানের উপাত্ত বর্ণিত তথাসমূহ যেসকল সংখ্যা হারা প্রকাশ ও উপান্তাপন করা। হয়, তা হচ্ছে পরিসংখ্যানের উপাত্ত তবে একটি মাত্র সংখ্যা হারা প্রকাশিত উপাত্ত পরিসংখ্যান নয় যেমন, রনির বয়স ৪৫ বছর, পরিসংখ্যান নয়

৮-২ বিন্যস্ত ও অবিন্যস্ত উপাত্ত

ধরা যাক, কোনো বিদ্যালয়ের ৬৪ শ্রেণিতে এধারনরত ২০ জন শিক্ষাধীর ওজন (কেজিতে) নিমুর্প ৫০, ৪০, ৪৫, ৪৭, ৫০, ৪২, ৪৪, ৪০, ৫০, ৫৫, ৪৪, ৫৫, ৫০, ৪৫, ৪০, ৪৫, ৪৭, ৫২, ৫৫, ৫৬, এখানে, উপস্থাপিত নম্বসমূহ অবিন্যস্তভাবে আছে এই ধরনের উপাত্তসমহকে অবিন্যস্ত উপান্ত বলে এ রক্তম অবিনান্ত উপান্ত বলে এ রক্তম অবিনান্ত উপান্ত থেকে চাহিদামাফিক সিদ্ধান্ত নেওয়া খুবই কইসাধ্য , কিন্তু উপান্তসমূহ যদি মানের অবহক্তমে বা উর্ধেক্তমে সাজালো যায় তাহলে প্রায়োজনীয় সিদ্ধান্ত সহজে নেওয়া যায় । সংগৃহীত উপান্তসমূহ মানের উর্ধেক্তমে সাজালে হবে ৪০, ৪০, ৪০, ৪২, ৪৪, ৪৪, ৪৫, ৪৫, ৪৫, ৪৭, ৪৭, ৫০, ৫০, ৫০, ৫০, ৫০, ৫৫, ৫৫, ৫৫, ৫৫, ৫৬, এজাবে সাজানো উপান্তসমূহকে বিনান্ত উপান্ত বলে ।

উদাহরণ ১। ৬৪ শ্রেণিতে অধ্যয়নরত শিক্ষাধীর মধ্যে সব থেকে লদা ১০ জনের উচ্চতার (সে মি তে) পরিসংখ্যান হলো: ১২৫, ১৩৫, ১৩০, ১৩৮, ১৩৭, ১৪২, ১৪৫, ১৫২, ১৫০, ১৪০

- (ক) উপরে বর্ণিত উপাত্রসমূহ বিন্যস্ত কর।
- (খ) বর্ণিত উপান্তসমূহ সার্রণভুক্ত কর ।

সমাধান: (ক। প্রদান্ত উপাত্তসমূহ মানের উপবক্রমে বিন্যন্ত করা হলে হবে ১২৫, ১৩০, ১৩৫, ১৩৭, ১৩৮, ১৪০, ১৪২, ১৪৫, ১৫০, ১৫২।

(খ) সারণি

শিক্ষার্থীর ক্রমিক নং	উচ্চতা (সে,মি.)	শিক্ষার্থীর জমিক নং	উচ্চতা (সে,মি)
١ ٥	256	! % !	\$80
5	200	9	\$82
0	200	b	\$80
8	209	1 % 1	\$00
œ i	704	90	265

有物:

- তামাদের শ্রেণিতে অধায়নরত শিক্ষাখীদের ২০ জন করে নিয়ে ২/৩টি দল গঠন করে গণিতে প্রাপ্ত নম্বর সংগ্রহ ও বিন্যন্ত কর।
- ২ বিন্যস্ত উপাত্ত সারণিভুক্ত কর

উদাহরণ ২ কোনো ক্রিকেট দলের ৫ জন বোলাবের বল করার পরিসংখ্যান সারণিভুক্ত করে নিচে দেখানো হলো:

ক্রমিক নং	নাম	স্থভার	মেইডেন ওভার	প্রদন্ত রান	উইকেট প্রাপ্তি
>	সাকিব	æ	>	00	2
2	মাশরাক্টি	q	٦	૭૨	Ø
0	রাজনক	8	1 3	80	2
8	আশরাফুল	٥	0	90	0
e	মলি	e	1 0	30	3

কাঞ্জ: ১ ক্রিকেট খেলার দুইটি ক্ষেবে বোর্ডের নিচের তথ্য সার্থিভূক্ত কর

- (ক) ৫ জন বোলাবের নাম, ওভার, মেইছেন ওভার, প্রদত্ত রান, উইকেট প্রাণ্ডি
 - (थ) ए जन वार्षिभक्षात्नव नाभ, तान, वन ध्याकार्यना कदा, अभयकान
 - ২ তোমাদের শ্রেণির যেকোনো ১০ জনের উচ্চতা, ওজন ও গণিতে প্রাপ্ত নদরের সংখ্যাতিত্তিক উপাও সংগ্রহ করে বিনাস্ত কর এবং বিনাস্ত উপাত্তের সারণিভূক্ত করে দেখাও

৮৩ পড় (Mean)

কোনো পরিবারে বছরে ৪২০ কেজি চাল লাগে প্রতিমাসে যে একই পরিমাণ চাল লাগে তা নয় কোনো মাসে বেশি আবার কোনো মাসে কম লাগে। কোন মাসে কতটুকু চাল থরচ হয়েছে তার সঠিক হিসাব জানতে হলে লিখিও হিসাব রাখতে হবে এটা বেশ বির্ক্তিজনক তাই আমরা প্রতিমাসে গড়ে কতটুকু চাল লাগে তার হিসাব জানতে চাই এবং জিজ্ঞেস করি গড়ে কী পরিমাণ চাল প্রয়োজন হয় ? এ প্রয়ের উত্তরে আমরা খুব সহজেই বলতে পারি, (৪২০ ÷ ১২ — ৩৫ কেজি) মাসে গড়ে ৩৫ কেজি চাল লাগে। এখানে আমরা মোট চালের পরিমাণকে বংসরের মাসের সংখ্যা ১২ দিয়ে ডাগ করে চালের গড় পরিমাণ নির্ণয় করে থাকি এভাবে আমাদের দৈনন্দিন জীবনে গড়ের ব্যাপক ব্যবহার হয়ে থাকে যেমন, তোমাদের প্রেণিতে অধ্যয়নরত সকল শিক্ষার্থী প্রতিদিন স্কুলে আসতে পারে না উপস্থিতি সংখ্যা কোনো দিন বাড়ে আবার কোনো দিন উপস্থিতির সংখ্যা কমে তাই আমরা জানতে চাই প্রতিদিন গড়ে কতজন শিক্ষার্থী উপস্থিত হয় ? উত্তরে আমরা বলে থাকি, গড়ে ৮০ জন শিক্ষার্থী উপস্থিত হয়।

পড়: সংগৃহীত উপাত্তসমূহের সমষ্টিকে উপাত্তসমূহের সংখ্যা দিয়ে ভাগ করে গড় পাওয়া যায়

উদাহরণ ৩ ২৫ নমবের প্রতিযোগিতামূলক গণিত পরীক্ষায় ১০ জনের প্রাপ্ত নম্বর ২০, ১৬, ২৪, ১৬, ১৬, ২০, ১৫, ১২, ১৬, ১৫ প্রতিযোগীদের প্রাপ্ত নমবের গড় নির্ণয় কর

নির্দেয় গড় নম্বর ১৭

এভাবে আমর। বিভিন্নভাবে বিভিন্ন পরিসংখ্যানের গড় ব্যবহার করে থাকি যেমন, রিশা পরপর ৫ দিন ও ঘণ্টা, ৪ ঘণ্টা, ৫ ঘণ্টা, ২ ঘণ্টা ৬ ৬ ঘণ্টা করে পড়ে যদি সেতু তাকে জিজেস করে সে দিনে কত ঘণ্টা করে পড়ে ? উত্তবে সে তার কোনদিনের পড়ার সময় বলবে ? এই ক্ষেত্রে গড়ে সে প্রতিদিন কত ঘণ্টা করে পড়ে সেটা বলা হবে যুক্তিযুক্ত তাই সে বলবে প্রতিদিন গড়ে ও + ৪ + ৫ + ২ + ৬ ঘণ্টা বা ৪ ঘণ্টা করে পড়ে।

এখানে যে গড় আমরা ব্যবহার করি তা গাণিতিক গড়

তাই রিশার প্রতিদিন পড়ার গড় =
$$\frac{3+8+\ell+3+5}{\ell}$$
 ঘণ্টা = $\frac{30}{\ell}$ ঘণ্টা = $\frac{30}{\ell}$ ঘণ্টা = $\frac{30}{\ell}$

অর্থাৎ, পড়ার সময়ের গাণিতিক গড় ৪ ঘণ্টা

কাল:

- ১ একুশের বইমেলা থেকে ভোমাদের শ্রেণির জনা ১৫টি বই ১৫০০ টাকায় কেনা হয়েছে প্রতিটি বইয়ের গড় মৃল্য কত ?
- ২ : তোমাদের শ্রেণির ১০ জন শিক্ষার্থীর উচ্চতার মাপ (সেন্টিমিটারে) ও উচ্চতার গড় নির্ণয় কর

৮-৪ মধ্যক (Median)

গাণিতিক গড় দেখে সংগৃহীত উপান্তের বৈশিষ্ট্য সম্বন্ধ নেওয়া সিদ্ধান্ত অনেক সমগ্র বাস্তবতার সাথে মিলে না যেমন, ৫ জন ছারের প্রাপ্ত নমর ৪০,৪০,৫০,৯০,১০০ এলের গড় নমর ৬৪ কিন্তু এ নমরের সাথে বান্তবতার মিল নেই। এসব ক্ষেত্রে মধ্যক ব্যবহার করা হয় মধ্যক হলো সংগৃহীত উপান্তের মধ্যম মান যেমন, প্রদন্ত উপান্তগুলোর মধ্যক হলো ৫০। প্রদন্ত উপান্তসমূহ মানের ক্রেমানুসারে (উধ্বক্রিম বা অধ্যক্তম) সাজালে যে মান উপান্তগুলোকে সমান দুইচাগে ভাগ করে তাকে মধ্যক বলো যেমন, ১০, ৯, ১২, ৬,১৫,৭, ৮,১৪, ১৩ সংখ্যাগুলোর মধ্যক কত গু এখানে সংখ্যাগুলোকে মানের

্টু ক্রমানুসারে সাজালে আমরা পাই ্ড, ৭, ৮, ৯ ১০ ১২, ১৩, ১৪, ১৫

লক্ষ করলে দেখা যায়, এখানে মোট ৯টি সংখ্যা সাছে এদের মধ্যক ১০ যা ক্রমানুসারে সাজানোর তেম পদ

অর্থাৎ, মধ্যক 👤 ১ + ১ তম পদ বা ৫তম পদ

, মধ্যক = সংখ্যা কলোর সংখ্যা + ১
, যদি উপাত্তের সংখ্যা বিজ্ঞাড় হয় ।
সূত্রাং উপাত্তের সংখ্যা যদি বিজ্ঞাড় হয়, তবে মধ্যক হবে ক্রমানুসাবে সাজানোর মধ্যম পদ

এখন, প্রশ্ন হচ্ছে উপাত্তের সংখ্যা যদি জ্যেড় হয় তবে মধ্যক কী হবে ? নিচের উদাহরণ লক্ষ করি ৬.৪.৭.৮.৫.১২.১০.১১.১৪.১৫ সংখ্যাওলোর মধ্যক নির্ণয়ের জন্য মানের ক্রমানুসারে সাজালে আমরা পাই ৪.৫.৬.৭.৮.১০.১১.১২ ১৪.১৫ এক্ছেত্রে সংখ্যাওলোকে সমান দুইভাগ করলৈ আমরা পাই.

8,0,0,0,0 30,33,32,38,30

প্রত্যেক ভাগে ৫টি করে সংখ্যা আছে সুতরাং মধ্যক কত ? মধ্যক নির্ণয় করতে হলে আমরা নিচের নিয়মে দুইভাগ করে থাকি :

এখানে মধ্যক হবে ৮ ও ১০ এর গড়।

এখানে, সংখ্যাগুলোর সংখ্যা ১০ যা জ্যোড় সংখ্যা এবং ৫ম ও ৬ট পদের বামে ও ডানে পদতলোর সংখ্যা সমান ৷

সুতরাং, মধাক = ৫ম ও ৬৪ পদের বোগফল

মধান্ত =
$$\frac{5}{p+2\alpha} = \frac{5}{2p} = p$$
।

কান্ত :

- ১ তোমাদের শ্রেণির ১১ জন করে নিয়ে দল গঠন কর , নিজ নিজ দলের সদস্যদের বাংলা বিষয়ে শ্রেণি পরীক্ষায় প্রাপ্ত নম্বরের মধ্যক নির্ণয় কর
- ২ ১২ জন করে নিয়ে দল কর এবং দলের সদস্যদের উচ্চতা মেপে প্রাপ্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর

৮-৫ প্রচুরক (Mode)

কোনো বিদ্যালয়ের ৬৪ শ্রেণির ১০ জন শিক্ষাধীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বর ৮৫,৮০,৯৫,৯০,৯৫,৮৭,৯৫,৯০,৯৫,১০০

সংখ্যাগুলোকে মানের উধর্বক্রমে সাজালে আমরা পাই, ৮০,৮৫,৮৭,৯০,৯০,৯৫,৯৫,৯৫,৯৫,৯৫,৯০০০ এখানে, ৯০ আছে ২ বার, ৯৫ আছে ৪ বার এবং বাকি নমরগুলো আছে ১ বার করে ৯৫ আছে সর্বাধিক বার ৯৫ কে প্রদন্ত উপাত্তগুলোর প্রচুরক বলে সূত্রাং প্রচুরক হলো প্রদন্ত উপাত্তগুলার প্রচুরক বলে সূত্রাং প্রচুরক হলো প্রদন্ত উপাত্তগুলার মধ্যে যে সংখ্যা বা সংখ্যাগুলো সর্বাধিক বার পাকে

আবার ৩,৬,৮,১,৯ সংখ্যাওলোর মধ্যে কোনো সংখ্যা এক বারের বেশি না থাকায় এখানে প্রচুরক নেই উদাহরণ ৪। কোনো বিদ্যালয়ের ৬৪ শ্রেণির ২০ জন ছাত্রের ইংরেজি বিষয়ে প্রাপ্ত নম্বর নিচে দেওয়া হলো। এদের প্রচুরক নির্ণয় কর।

94,06,99,49,06,94,06,96,06,04,56,04,99,06,49,04,06,69,09,06,99

সমাধান : উপাত্তগুলোকে মানের উর্ধ্বক্রমে সাজানে৷ হলো 🔻

৬০,৬০,৭১,৭৫,৭৫,৭৫,৭৫,৭৮,৭৮,৮০,৮০,৮০, ৮৫, ৮৫,৯০,৯০,৯০,৯০,৯০,৯০,৯২,৯৫ এখানে, ৬০ আছে ২ বার, ৭৫ আছে ৩ বার, ৭৮ আছে ২ বার, ৮০ আছে ৩ বার, ৮৫ আছে ২ বার, ৯০ আছে ৫ বার এবং বাকি নম্বতলো আছে ১ বার করে।৯০ স্বাধিকবার আছে । সূত্রাং নির্দের প্রচরক ৯০

STEEL :

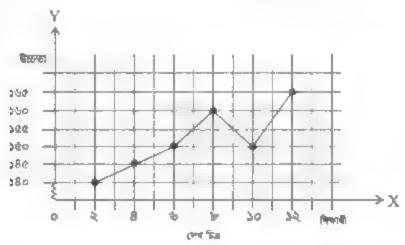
১ তোমাদের শ্রেণির সকলের উচ্চতা সেন্টিমিটারে মেপে ক্রমানুসারে সাজাও এবং উপাত্তলোর প্রচুরক নির্ণয় কর।

৮-৬ রেখাচিত্র

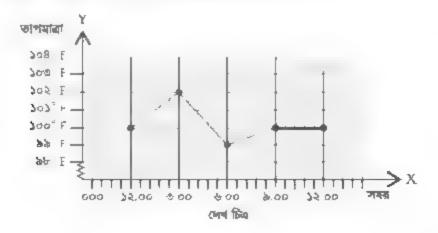
তথ্য ও উপাত্ত সংক্রান্ত বিষয়াদি এবং তাদের গুরুত্ব ও দৈনন্দিন জীবনে ব্যবহার নিয়ে আলোচনা করা হয়েছে উপাত্তসমূহের সারণিবদ্ধ করাও আলোচিত হয়েছে এখন, উপাত্তসমূহের লেখচিত্র নিয়ে আলোচনা করা হবে। লেখচিত্রের মাধ্যমে উপাত্তসমূহের বহুল ব্যবহার আমরা দেখতে পাই । লেখচিত্রের মাধ্যমে যদি উপাত্তসমূহ উপস্থাপন করা হয়, তবে তা হয় চিন্তাকর্ষক ও বোঝার জন্য খুব সহজ যেমন, ক্রিকেট খেলার প্রতি ওভারের রান সহজ উপায়ে দেখানোর জন্য স্তম্ভলেখের মাধ্যমে উপস্থাপন করতে দেখা যায় এভাবে উপাত্তসমূহ বিভিন্ন প্রকার লেখচিত্রের মাধ্যমে উপস্থাপন করা হয় এখানে ওধুমাত্র রেখাচিত্র নিয়ে আলোচনা করা হবে

উদাহরণ ৫। কোনো স্কুলে ষষ্ঠ শ্রেণিতে অধ্যয়নরত ৬ জন শিক্ষাধীর উচ্চতা (সে মি তে) হলো ১৪০,১৪৫,১৫০,১৬০,১৫০,১৬৫।

এই উপান্তের রেখাচিত্র আঁক।



উদাহরণ ৬। তন্ত্রা চাকমা হাসপাতালে ভর্তি হয়েছে। ৩ ঘণ্টা অন্তর ১ দিনের তাপমাত্রা নিচের রেখাচিত্রের সাহায়ে। দেখানো হয়েছে এই রেখাচিত্র থেকে আমরা কী বুঝি ?



সমাধান : ছক কাগজে ২-জক বরাবর সময় এবং y-জক বরাবর তাগমাত্রা ধরা হয়েছে ছক কাগজের ৫ ঘর পরপর দুপুর ১২টা থেকে রাত ১২টা পর্যন্ত ৩ ঘণ্টা জন্তর সময় এবং y-জক বরাবর প্রতি ঘরকে একক ধরে তাপমাত্রা দেখানো হলো সময় জন্যায়ী ছক কাগজে তাপমাত্রা বিন্দু দিয়ে চিহ্নিত করা হয়েছে বিন্দুওলোকে রেখাংশ দিয়ে সংযোগ করে তাপমাত্রার রেখাচিত্র জীকা হলো

প্রায় ৯৮°F পর্যন্ত মানুষের তাপমাত্রা স্বাভাবিক ধরা হয় বিধায় y-অক্ষ বরাবর নিচের তাপমাত্রাসমূহ উহ্য রাখা হয়েছে তাপমাত্রার এই রেখাচিত্র থেকে প্রতীয়মান হয় যে, বেলা ৩ ০০ টার তাপমাত্রা সর্বাধিক ১০২° হয় রাভ ৯ ০০টা ও রাভ ১২ ০০ টায় তাপমাত্রা ১০০° তে স্থির থাকে

উদাহরণ ৭। বাংলাদেশের ক্রিকেট টিমের কোনো এক বেলায় ওস্তারপ্রতি রান নিচের সার্গিতে দেওয়া হলো:

ওজন্ম	১ম	ঽয়	৩য়	84	৫ম	৬৳	৭ম	৮ম	৯ম	১০ম
রান	ъ	20	G	Q	0	ъ	\$	В	٩	24

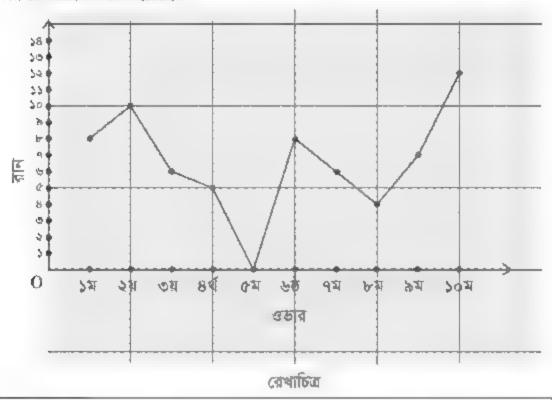
- ক, ওভারপ্রতি সর্বোচ্চ এবং সর্বনিমু রানের পার্থকা নির্ণয় কর :
- খ, ওভার প্রতি রানকে ক্রম অনুসারে সাজিয়ে রানের গড় নির্ণয় কর :
- গ, প্রদন্ত তথ্যের রেখাচিত্র অন্তন কর।

नमाधान :

- (ক) সর্বোচ্চ রান ১২ এবং সর্বনিমূ রান ০ সর্বোচ্চ এবং সর্বনিমূ রানের পার্থকা (১২-০) = ১২
- (খ) গুডারপ্রতি রানকে উর্ধাক্রমে সাজিয়ে পাই
 ০, ৪, ৫, ৬, ৬, ৭, ৮, ৮, ১০, ১২
 রানের বোগফল = ০+৪+৫+৬+৬+৭+৮+১০+১২

सर्या म१-५५, शणिख-५ई

(গ) ছক কাণজে পরস্পর লখা দুইটি সরলরেখা আঁকা হলো। অনুভূমিক রেখা X আক্ষ বরাবর এবং X অক্ষের উপর লম্ব সরলরেখা Y আক্ষ O বিন্দৃতে ছেদ করেছে . এখন X অক্ষের প্রতি পাঁচ ঘর পরপর একটি বিন্দৃকে ওভার এবং Y অক্ষের প্রতি দুই ঘর পরপর একটি বিন্দৃকে রান ধরে রেখাচিত্রটি আঁকা হয়েছে।



কাজ : উদাহরণ ৭ এর আলোকে একটি সমস্যা তৈরি কর এবং সমাধান কর।

जनुभीमनी ৮

সঠিক উন্তরে টিক (√) চিহ্ন দাও :

(ঘ) প্রচরক নেই

- 8, ৬, ৭, ৯,১২ সংখ্যান্তলোর কোনটি মধ্যক ?
 (ক) ৭ (খ) ৬ (গ) ৯ (ঘ) ১২
 ৮, ৯, ১০, ১২, ১৪, ১৬ সংখ্যান্তলোর কোনটি মধ্যক ?
 (ক) ৯ (ঘ) ১১ (গ) ১৬ (ঘ) ১৪
- ৩ ৪.৫.৮.৬.৭.১২ সংখ্যান্তলোর কোনটি প্রচুরক ? (ক) ৬ (খ) ৭ (খ)১২
- ৪ ৮, ১২, ১১, ১২, ১৪, ১৮ সংখ্যাগুলোর কোনটি প্রচুরক ?
 - (호) 유 (숙) 〉〉 (숙) 〉〉 (점) 〉〉 (점) 〉 수 (A) 〉 수 (A

- ৫ উপাত্তের সংখ্যা জোভ হলে মধ্যক নিচের কোনটি?

 - (ক) মধ্য পদহয়ের গড় (ব) মধ্য পদহয়ের সমষ্টি

 - (গা) শেষ পদদ্যের গড় (ঘা) প্রথম দুইটি পদের সমষ্টি
- ৬ ৪৮, ২২, ২৮, ২৫, ১৫ উপাক্তলো কোন ধরনের?
 - (ক) বিন্যস্ত

- (খ) জবিন্যস্ত
- (গ) উর্ম্বক্রমে সাজানো (ঘ) অধ্যক্রমে সাজানো
- নিচের কোন উপাত্তলো বিনাত্ত?
 - (ক) ৮, ৬, ০, ৪ (ব) ২, ৪, ২, ৪
 - (গ) ৮, ৬, ৪, ২ (ঘ) ২, ৪, ৮, ০
- ৬, ১২, ২২, ২২, ২৬, ৩০, ৩৬ উপান্তসমূহের?
 - (i) প্রচরক ২২
 - (11) মধ্যক ২২
 - (11) গড়, মধাক ও প্রচুরক পরস্পর সমান

নিচের কোনটি সঠিক?

- 道 b i (本)
- (4) i e iii
- (গ) it ও iii (ঘ) i, ii, ও in

নিচের তথ্যের আলোকে ৯-১২ নং প্রশ্নের উত্তর দাও• ৬ জন শিক্ষার্থীর ২০ নম্বরের পরীক্ষায় প্রাপ্ত ফলাফল

b. 30, 36, 38, 36, 20

- উপান্তসমূহের প্রচুরক কত? ъ.
 - (주) ৮ (국) 78
 - (গ) ১৬ (ঘ) ২০
- ১০ মধ্যক কত?
 - (ক) ১৪ (খ) ১৫
 - (ম) ৩০ (A) 7A
- ১১ গড় কত?
 - (を) かいと (利) 78
- 2000
- (N) 7/P
- (ম) ১৬.৮

- ১২ উপাত্তগুলোর সঠিক তথ্য হলো-
 - (i) সর্বোচ্চ নম্বর ১৬
 - (11) সর্বোচ্চ ও সর্বনিমু নম্বরের পার্থক্য ১২
 - (111) পরীক্ষায় প্রাপ্ত সর্বনিমু নম্বর ৪০%

নিচের কোনটি সঠিক!

- (ক) i ভ ii (খ) i ভ in
- (可) ii s ni (可) i, ii, s iii
- ১৩ তথ্য ও উপত্তে কী 🤊 উদাহরণের মাধ্যমে উপস্থাপন কর
- ১৪ কালামের ওজন ৫০ কেজি । আবার ৬ প্রাণির শিক্ষার্থীদের গড় ওজন ৫০ কেজি এই দুই তথ্যের কোনটি দারা পরিসংখ্যান বোঝায় । বাবার কর ।
- ১৫ তোমালের শ্রেণির ২০ জন ছাত্র ছাত্রীর গণিতে প্রাপ্ত নম্মর . ৩০,৪০,৩৫,৫০,৬০,৭০, ৬৫,৭৫,৬০,৭০,৬০,৩০,৪০,৮০,৭৫,৯০,১০০,৯৫,৯০,৮৫
 - (ব) এই উপাত্রহুলো কি বিনান্ত উপাত্র ?
 - (খ) উপাত্তলো অবিন্যন্ত হলে বিন্যন্ত কর
 - (গ) উপাত্তগুলোকে মানের উধর্বক্রম ও অধ্যক্রম অনুসারে সাজাও
- ১৬ তোমার শ্রেণির ১৫ জনের ওজন উপস্থাপন কর এবং গড় নির্ণয় কর
- ১৭। নিম্নলিখিত উপাত্তগুলোর মানের মধ্যক নির্ণয় কর ৯, ১২, ১০, ৬, ১৫, ৮, ৭, ১৪, ১৩।
- ১৮ নিম্নলিখিত উপান্তসমূহের মধ্যক নির্ণয় কর:
 ১৪০০, ২৫০০, ১৫০০, ৭০০, ৬০০, ১০০, ১০৫০, ১১০০, ৮০০, ১২০০
- ১৯ ৯, ১৬, ১৪, ২২, ১৭, ২০, ১১, ৭, ১৯, ১২ ২১ উপাত্তসমূহের মধ্যক নির্ণয় কর
- ২০ ৫. ৭, ১২, ১০, ৯, ১৯, ১৩, ১৫, ১৬, ২৪, ২১, ২৩, ২৫, ১১, ১৪, ২০ সংখ্যাভালোর মধ্যক নির্ণিয় কর।
- ২১ কোনো উপাত্তের সার্গখ্যক মান ৪.৫.৬.৭.৮.৮.৯.১১.১২ এদের প্রচুরক নির্ণয় কর
- ২২ ৩, ৪, ৬, ৭, ৮, ৯, ১০, ১১ সাংখিক মানের উপাত্তসমূহের প্রচূরক নির্ণয় কর

- ২৩ নিচে ৩৮ জন শ্রমিকের সাপ্তাহিক সঞ্চয় (টাকায়) দেওয়া হলো,
 ১৫৫,১৬৫,১৭৩,১৪৩,১৬৮,১৪৬,১৫৬,১৬২,১৫৮,১৪৮,১৫৯,১৪৭,১৫০,১৩৬,১৩২,১৫৬,১৪০,
 ১৫৫,১৪৫,১৩৫,১৫১,১৪১,১৬৯,১৪০,১২৫,১২২,১৪০,১৩৭,১৪৫,১৫০,১৬৪,১৪২,১৫৬,১৫২,
 ১৪৬,১৪৮,১৫৭ ও ১৬৭।
 - (ক) মানের ক্রমানুসারে উপাত্তসমূহ সাজাও, সারণিবদ্ধ কর ও গড় নির্ণয় কর
 - (খ) উপান্তসমূহের মধ্যক ও প্রচুরক নির্ণয় কর
- ২৪ সকাল ৬-০০ থেকে শুরু করে সুজনের ৩ ঘণ্টা অন্তর ১২ ঘণ্টার তাপমাত্রা (ফারেনহাইট) রেখাচিত্রের মাধ্যমে দেখাও:
 - (ক) ০° থেকে ৯৮° পর্যন্ত ভাপমাত্রা অক্ষ থেকে কেন বাদ দেওয়া হয়েছে ?
 - (খ) ১২ ঘণ্টায় ভাপমাত্রার প্রকৃতি সমূলে বর্ণনা দাও :
- ২৫ একজন শিক্ষার্থী ২০ থেকে ৪০ পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর মধ্যে নিম্নের সংখ্যাগুলো লিখল
 ২১,৩৭,৪০,২২,৩৯,৩৫,২২,২৫,৩২,২২,২১,৩৭,৪০,২২,৩৯,৩৫,২৫,৩২,২২,৩৭,৩৯,৩২,২২,৩৭,
 ৩২,৪০,৩৭,২২,৩৫,২২,
 - (ক) প্রদান্ত সংখ্যাপুলোকে মানের ক্রম জনুসারে সাজিয়ে **পেখ**।
 - (ক) উপাত্তহলার মধ্যক ও প্রচুরক নির্দয় কর।
 - (গা) প্রদত্ত তথ্য উপাত্তের রেখাচিত্র জন্ধন কর

উত্তরমালা

অনুশীলনী ১.১

১ - ৩ নিজে কর

०००००००० : र्वदर्वहर्वहर्व ह

৫ (ক) ৯৮৫৪৩২১; ১২৩৪৫৮৯ (শ) ৯৮৭৫৪৩০, ৩০৪৫৭৮৯

৬ ৭৯৯৯৯৬ , ৭০০০০০৬ ৭ পঞ্চার হাজার চারশত সাইগ্রিশ

অনুশীলনী ১-২

\$ 05, 09, 85, 80, 89, ¢0, ¢8, 65, 69 (

২ (ঘ), ৩ (ক) ৬৭৭৪, ৮৫৩৫ (খ) ২১৮৪ (গ) ২১৮৪, ১০৭৪ (ঘ) ১৭৩৭

৪ (ক) ৬ (ব) ৫ (গ) ২ (গ) ০, ৯ ৫ ১০০০২ ৬ ৯৯৯৯৯৯ ৭ ৪ এবং ৫ ঘরা বিভালা

অনুশীলনী ১-৩

১ (ক) ১২ (খ) ১৫ (গ) ১ ২ (ক) ১৫ (খ) ১১ ৩ । (ক) ১৫০ (খ) ৭৯২ (গ) ৮৬৪

8 (4) 8b0 (4) 27p6 (4) 8b0 (4) 8b0 (4) 8b0 (4) 8b0 (4) 8b0 (4)

৯ ৯৬ সে মি , শোহার পাত ৭ টুকরা, তামার পাত ১০ টুকরা

১০ ১২৬০ ১১ ৯৯৩৭০ ১২ ৪৮০ কি মি ১৩ : ২৬০

जनुनीननी 3-8

১ ৷ (ক) সমতুক (খ) সমতুক নয় (গ) সমতুক

8 ($\overline{\Phi}$) $\frac{9}{6}$, $\frac{9}{9}$, $\frac{9}{9}$, $\frac{8}{52}$ ($\overline{\Psi}$) $\frac{85}{56}$, $\frac{59}{56}$, $\frac{59}{560}$, $\frac{59}{560}$

৫ , (ক) ^{১৩} (খ) ৭ ^৬ (গ) ২০ ^{১৭} (ঘ) ১৯০ মিটার ৫৪ ^৩ সেন্টিমিটার ১৬ ৭ ২৬ ২৫

৬ (ক) ^{১৩} (খ) ⁸⁸ (গ) ১০ ^১ (ঘ) ৮ কেজি ২ ^{২৩} গ্রাম।

৭। (ক) ১৪ ^{৫৬} (খ) ২ ^{১৫} (গ) ৪ ^{১১}

৮। ৬০ ^{১৭} কুইন্টাল ৯ ৮ ^{২৯} মিটার ১০।১৯৫ ^৭ গ্রাম ১০০ ১০০ ১০০

অনুশীলনীর ১-৫

১ (ক) ৪ (খ) ১৫ ^{১৯} (গ) ৩ ^৩ ২ (ক) ৫ ^১ (খ) ১১৭ (গ) ১ ^৭ ৩ (ক) ৩ (খ) ১৩ ^৪
(গ) ১ ¹ ৪ (ক) ⁶ (ৰ) ² (গ) ³ ৫ (ক) ১৫ ⁸ (খ) ৯০ (গ) ১৪ ² ৫ ৩৫ অংশ
৭ ৩৪ ² ৮ ১ ² কেলি ১০ ⁸⁵ ১১ ১২ ১ ১০ ১ ² ১৪ ১ ³ ১৫ ৭ ³

অনুশীলনীর ১-৬

১২ (ক)৪১৮৩(খ)১১৬৬১৬ ১৩।(ক)৯২১২৫(খ)১৪৭৪২(গ)৮৭৫০১৩ ১৪ (ক)০৬৫৪(খ)০০০১১৮৮(গ)৭৫৪(ঘ)০০০০০০০১০৫১৫ (ক)০৩৯(খ)৭৯০০ (গ)১৩৪৪ ১৬ ১৪ ১৭।২১৭৫টাকা ১৮।২৮৫৫শতাংশ

১৯ ২১ ৫৯ সেন্টিমিটার ২০ ৭ ঘণ্টা ২১।১১টি ২২।২০ মিটার ২৩ ১৪,৪০,০০০ ০০ টাকা

অনুশীলনী ২-১

- ১ (ক) ৫ ৭, (খ) ১১০ ১৪১, (গ) ২ : ১, (ঘ) ৭০ ২৩ (৬) ৫ : ১
- ২ (ক) ৩ : ৪, (খ) ৫ : ৭, (গ) ৫ : ৪, (ঘ) ৫ : ২ ৩ (ক) ১২, (খ) ৩০, (গ) ৯, (ঘ) ৭
- ৪ হল ঘরের প্রস্থ (মি) ১০ ২০ ৪০ ৮০ ১৬০ হল ঘরের দৈর্ঘা (মি) ২৫ ৫০ ১০০ ২০০ ৪০০
- ৫। ১২:১৮:৬:৯;২:৩ সমত্ল অনুপাত
 ৬:১৮;২:৬;১:৩ সমতুল অনুপাত
 ১৫:১০;৩:২:১২:৮ সমতুল অনুপাত
- ৬ (ক) ১ ৩. (ব) ৩ ১. ৭।১৬ ৯. ৮ (গ), ৯ ২৫০ টাকা ও ৩০০ টাকা আবার ২০০ টাকা ও ৩৫০ টাকা

- ১০। ১২ বছর, ১১। ৩০০ ও ৩৩০, ১২। ৬০ টাকা,
- ১৩ সোনার পরিমাণ ১৫ গ্রাম, খাদের পরিমাণ ৫ গ্রাম
- ১৪ ৭ কি মি., ১৫ ১৪ কেজি, ১৬ ৩০০০০ টাকা ও১:১ একক অনুপাত

कन्नीननी २-२

- ১ (ক) ৭৫%, (ব) ৪৬ ^২ %, (গ) ৮০%, (ঘ) ২২৪%, (১) ২৫%, (চ) ৬৫%, (ছ) ২৫০%, (জ) ৩০%, (ব) ৪৮%
- ২ (क) \$ 88, (४) \$ 0 0 520, (□) \$ 0 0 0 0 (□) \$ 0 0 5520
- ও (ক) ৬ ^১, (খ) ২০ ^১, (গ) ^৯ কেজি., (ঘ) ৮০ দেল্টিমিটার
- B 1 (本) 20%、(4) も2 3 %、
- ৫ ৩০০ জন, ৬ ৬৬ % এবং ৩ ২, ৭।৩০%, ৮।৬০%, ১০১০%, ১০ ৮৪০ জন,
- ১১ । ১৯০ জন, ১২ । ২০০ টাকা,

অনুশীলনী ২-৩

- ১৫ ৬০০ টাকা, ১৬ ৩০ দিন, ১৭ ১২০০০ টাকা, ১৮ ২০০ কেজি,
- ১৯। ২২ ^১ দিন, ২০। ৩৬ জন, ২১। ৯ দিন
- ২২ ১৪০ জন, ২৩ ২০ দিন, ২৪ ৬০ কি.মি. এবং ৫ কি.মি./ঘণ্টা, ২৫ ১০ দিন, ২৬ ১২ ঘণ্টা ২৭। ৭ দিন, ২৮। ১৪ দিন।

অনুশীলনী ৩-১

নিজে কর

অনুশীলনী ৩-২

অনুশীলনী ৩-৩

जनुभीननी 8.5

- ১ (i) x এর 9 গুণ (ii) x এর 5 গুণ এর সাথে 3 যোগ
 - (III) a यत 3 कन अन मार्च h अन 4 कन रहान
 - (lv) a वात 3 क्षेत्र b वात्र c वात 4 क्ष्म वात क्षम्बन
 - (v) x এর 4 গুণ এবং y এর 5 গুণ এর সমষ্টির অর্থেক
 - (vi) x এর 7 গুণ থেকে y এর 3 গুণ বিয়োগফলের এক চতুর্থাংশ
 - (vii) x কে 3 দারা এবং y কে 2 দারা ভাগ করে প্রাপ্ত ভাগফলের সমষ্টি থেকে z কে 5 দারা ভাগ করে বিয়োগ
 - (viii) x এর বিশ্বণ থেকে y এর 5 গুণ বিয়োগ করে উক্ত বিয়োগফলের সাথে z এর 7 গুণ যোগ
 - (ix) x, y এবং g এর সমষ্টির দুই তৃতীয়াংশ
 - (x) a ও c এর ওণফল থেকে b ও x এর গুণফল বিয়োগের এক-সপ্তমাংশ
- 21(i) 4x + 5y (ii) 2a b
 - (iii) 3x + 2y যেখানে প্রথম সংখ্যাতি x এবং অপর সংখ্যাতি y

(iv)
$$4x-3y$$
 (v) $\frac{a-b}{a+b}$ (vi) $\frac{x}{y}+5$ (vii) $\frac{2}{x}+\frac{5}{y}+\frac{3}{z}$ (viii) $\frac{a}{b}+3$

(ix)
$$pq+r$$
 (x) $xy-7$

ফর্মা নং-২০, গণিত-৬ষ্ঠ

৯৫৪

- ত। তিনটি পদ; 2x, 3y ÷ 4x এবং 5x x 8y
- 8। (i) ইটি (ii) ইটি (iii) তীট (iv) তটি (v) তটি
- な : (季) (i) 6 (ii) 1 (iii) 7 (iv) 2 8 5 (v) 2 8 8 (vi) 14 9 4 (vii) $-\frac{1}{2}$ (図) (i) a (ii) a (iii) a (iv) py
- (i) 3টি বইয়ের দাম (ii) 7টি কলমের দাম (iii) একটি কলম ও 9টি বইয়ের একয়ে দাম
 (iv) 5টি কলম ও 8টি বইয়ের একয়ে দাম (v) 6টি বই ও 3টি কলমের একয়ে দাম
- ৭ (ক) (i) (5x+6y) টাকা (ii) (8y+3z) টাকা (iii) (10x+5y+2z) টাকা
 (খ) (i) 5x টাকা (ii) 3x টাকা ৮ । (i) (খ) (ii) (ক) (iii) (গ)

जनुगीननी 8-२

- $\delta + (i) x^{10} (ii) a^9 (iii) x^{15} (iv) m^6 n^{10} (v) 360 a^2 b^2 c (vi) 48 x^4 y^4 z^2$
- 21 (i) 17 (ii) 28 (iii) -4 (iv) 1 (v) 1
- 8 1 (i) (*) (ii) (*) (iii) (*) (iv) (*) (v) (*)

অনুশীলনী ৪-৩

- ১।(ঘ) ২।(খ) ৩।(খ) ৪।(গ) ৫।(ঘ) ৬।(গ) ৭।(খ) ৮।(খ) ৯৷(ফ) ১০।(খ)
- 22 1 (4) 25 1 (4) 20 1 (4) 28 1 (2) (4) 28 1 (5) (4) 26 1 (2) (4) 26 1 (5) (4)
- ১৫।(৩)(গ) ১৫।(৪)(খ)।
- 39 | 4a+7b 39 | 10a+14b 3b | 3a+b 3b | x+3y+10z 20 | 6x2+6xy+2z
- $231 2p^2 + 15q^2 + 6r^2$ 221 + a + 5b + c 201 x + 3 281 + ax 2by 31cz
- 3a + 5x 3b + -2a 2b + 3c 3b + ab + 10bc 10ca $90 + 2a^2 + 2c^2$
- $03 \mid ax by 3cz$ $02 \mid -x^2 + 4x + 9$ $00 \mid 4x^3y^3 6x^3y^3 + 2xy$
- $98 \mid x^2 + 5y^2 + 2z \quad 96 \mid x^4 + x^3 + 3x^2 2x + 1.$
- **ゅう** + (本) 1 (考) $2a^2 + 3c^2$ (オ) $3a^2 2b^2 + 4c^2$

80। (क) (3x+2y) টাকা (খ) (5x+8z)-10y, (গ) 3টি খাতা থেকে 2টি কলমের দাম বিয়োগ করে বিয়োগফলের সাথে 5টি পেন্সিলের দাম যোগ;—2 ও 5; —30 8১। (ক) তিনটি; $5x^2$, xy এবং $3y^2$ (খ) $5x^2+3xy+4y^2$ (গ) 20

जन्भीननी ৫

১।খ. ২।ক. ৩।ঘ. ৪। ঘ. ৫। ক. ৬। ক. ৭। ঘ. ৮। ঘ. ৯। খ. ১০।গ. ১১।(১)খ. ১১।(২)খ. ১১। (৩)গ. ১২।9. ১৩।4. ১৪।9. ১৫।16. ১৬।12. ১৭।4. ১৮।4. ১৯।4. ২০। $\frac{22}{3}$. ২১।3. ২২।-11. ২৩।-3. ২৪।4. ২৫।16. ২৬।3. ২৭।5. ২৮।4. ২৯।12. ৩০।12. ৩১।5. ৩২।14,16. ৩৩।7,9,11. ৩৪।ক. 2(x+x+2).

খ. ৪ মিটার, গ. 4 টাকা, ৩৫। ক. x + 1, x + 2. খ. 7,8,9. গ. 10

जन्नीननी ४

১।(ক) ২।(খ) ৬।(ঘ) ৪।(গ) ৫।(ক)৬।(খ) ৭।(গ)৮।(ঘ)৯।(গ)১০।(খ) ১১।(খ)১২।(গ)১৭।১০ ১৮।১০৭৫ ১৯।১৬ ২০।১৪-৫ ২১।৮ ২২।নাই ২৩।(ক)১৪৯-৫ টাকা (খ)মধ্যক১৪৯ টাকা ও প্রচুরক১৫৬ টাকা।

২০২৫ শিক্ষাবর্ষ দাখিল ষষ্ঠ-গণিত

জীবে দয়া করো।

তথ্য, সেবা ও সামাজিক সমস্যা প্রতিকারের জন্য '৩৩৩' কল্মেন্টারে ফোন করুন।

নারী ও শিশু নির্যাতনের ঘটনা ঘটলে প্রতিকার ও প্রতিরোধের জন্য ন্যাশনাল হেম্বলাইন সেন্টারের ১০৯ নম্বর-এ (টোল ফ্রি, ২৪ ঘন্টা সার্ভিস) ফোন করুন।